

أولى علوم رياضية	فرض محروس 2	
الدورة 2	2014/04/10	ثانوية أنيس الخاصة

التمرين 1 (12 نقط)

- نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :
- $$f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 3} - (x - 2)$$
- وليكن (C_f) منحنىها في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$.
- 1 - حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f . 1
 - 2- بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ثم أعط تأويلا هندسيا. 1
 - 3- أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و حدد الفرع الانتهائي للمنحنى (C_f) بجوار $-\infty$. 1
 - 4- أدرس قابلية اشتقاق f على يمين 3 ثم على يسار 1 . أول هندسيا النتائج المحصل عليها. 1.5
 - 5- أحسب $f'(x)$ لكل x من $D_f - \{1; 3\}$ 1
 - 6- أثبت أن f تزايدية قطعا على المجال $[3, +\infty[$ و تناقصية قطعا على المجال $]-\infty, 1]$ ثم أعط جدول تغيرات f . 1.5
 - 7- أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و المستقيم ذو المعادلة $y = -2x + 4$ على المجال $]-\infty, 1]$ 1
 - 8- أنشئ المنحنى (C_f) . 1.5
 - 9- نعتبر الدالة العددية g المعرفة بما يلي : 0.5
- $$g(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 3} - |x - 2|$$
- أ- حدد D_g مجموعة تعريف الدالة g
 - ب- بين أن المستقيم (D) الذي معادلته: $x = 2$ محور تماثل لمنحنى الدالة g . 1
 - ج- أنشئ في نفس المعلم منحنى الدالة g مغللا طريقة الانشاء. 1

أسئلة مستقلة

التمرين 2 (8 نقط)

- 1- أ- تحقق أن: $\forall n \in \mathbb{Z}: n^3 - 2n - 7 = (n+1)(n^2 - n - 1) - 6$ 0.5
- ب- استنتج أن : $(n^3 - 2n - 7) \wedge (n+1) = (n+1) \wedge 6$ 1
- ج- حدد جميع الأعداد النسبية n بحيث : $\frac{n^3 - 2n - 7}{n+1} \in \mathbb{Z}$ 1
- 2- حل في $\mathbb{Z}$ المعادلة: $x^2 - 3x + 6 \equiv 0[5]$ 1
- 3- بين أن : $\forall n \in \mathbb{N}: 7^n + 12n - 1 \equiv 0[9]$ 1
- 4- بين أن: $2^{70} + 3^{70} \equiv 0[13]$ و أن $8^{2006} \equiv 3[11]$ 1.5
- 5- ليكن q عدد من $\mathbb{Z}^*$ أثبت أن: $1 + q^2 + q^3 \equiv 1[2]$ 1
- 6- حدد العددين a و b من $(\mathbb{N}^*)^2$ بحيث: $2(a \vee b) + 3(a \wedge b) = 78$ 1