

التاريخ: 2011-03-15

فرض محروس رقم 1

الدورة 2

المدة: ساعتان

Mauritius Annisse  
Secondaire Qualifiantالتمرين الأول: (8 نقط)

- نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بما يلي :  $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2x}$  .
- 1 - حدد  $D_f$  ثم أحسب النهايات عند محددات  $D_f$  . 2
  - 2- أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - 2x$  1
  - 3- أدرس قابلية اشتقاق  $f$  على يمين 0 ثم على يسار -2 . أول هندسيا النتائج المحصل عليها. 2
  - 4- أدرس قابلية اشتقاق  $f$  على  $D_f$  ثم أحسب  $f'(x)$  لكل  $x \in D_f - \{0; -2\}$  . 1.5
  - 5- حدد تغيرات الدالة  $f$  . 1.5

التمرين الثاني: (4 نقط)

$$\begin{cases} g(x) = \frac{\sqrt{2 + \cos x} - \sqrt{3}}{x^2} ; x \neq 0 \\ g(0) = \frac{-\sqrt{3}}{12} \end{cases}$$

نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

- 1- بين أن:  $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = g(0)$  . 1.5
- 2- أ- بين أن:  $\forall x \in \mathbb{R}^* : |g(x)| \leq \frac{2\sqrt{3}}{x^2}$  1.5
- ب - استنتج :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$  1

التمرين الثالث: (6 نقط)

حدد النهايات التالية:

- (1)  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - ax}{x - a}$  3
- (2)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + 3x)^5 - 1}{x}$  3
- (3)  $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \left( E\left(\frac{1}{x}\right) + E\left(\frac{1}{x^2}\right) \right)$  3
- (4)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + |x - 2| - 4}{x - 2}$  3
- (5)  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\tan^2\left(x - \frac{\pi}{6}\right) - 3}{x - \frac{\pi}{2}}$  3

التمرين الرابع: (2 نقط)نعتبر الدالة العددية  $h$  المعرفة بما يلي :  $h(x) = \sin 3x + 4 \sin^3 x - 3 \sin x + 1$  :  $(\forall x \in \mathbb{R})$  .

- 1- أحسب  $h'(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  . 1
- 2- أثبت أن:  $h'(x) = 0$   $(\forall x \in \mathbb{R})$  و استنتج قيمة  $h(x)$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  . 1