

أولى علوم رياضية	فرض محروس 1	
الدورة 2	2013/03/15	ثانوية أنيس الخاصة

التمرين 1 (4 نقط) 1- أحسب النهاية : $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{\cos^3\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) + 1}{3x - \pi}$ 2- نضع : $J(x) = \frac{1}{x-1} \quad \forall x \in \mathbb{R} - \{1\}$: بين أن : $\forall n \in \mathbb{N}^* : J^{(n)}(x) = \frac{(-1)^n n!}{(x-1)^{n+1}}$	2	2
التمرين 2 (9 نقط) نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = x \sqrt{\frac{x-1}{x+1}}$ (1) حدد D_f ثم أحسب النهايات عند محددات D_f. (2) حدد معادلة المقارب المائل لمنحنى الدالة f بجوار $+\infty$ و $-\infty$. (3) أدرس قابلية اشتقاق f في 1^+ ثم أول هندسيا النتيجة المحصل عليها. (4) أ- بين أن : $f'(x) = \sqrt{\frac{x+1}{x-1}} \cdot \frac{x^2+x-1}{(x+1)^2}$ لكل x من $D_f - \{1\}$. ب- استنتج جدول تغيرات f على D_f . (معللا جوابك). (5) أكتب معادلة المماس (T) في النقطة ذات الأفصول -2 .	2 1.5 1 2 1.5 1	2 1.5 1 2 1.5 1
التمرين 3 (4 نقط) 1- يحتوي صندوق على ثلاث كرات حمراء وأربع كرات صفراء و كرة واحدة بيضاء. نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال 3 كرات من الصندوق. أ- ما هو عدد السحبات الممكنة. ب- ما هو عدد السحبات في كل من الحالات التالية : A : الحصول على 3 كرات من نفس اللون. B : الحصول على الأقل كرة حمراء. C : الحصول على كرة من كل لون. 2- حل في $N^* \times N^*$ النظام : $\begin{cases} C_n^p = C_n^{p+1} \\ 4C_n^p = 5C_n^{p-1} \end{cases}$	0.5 0.5 1 1 1	0.5 0.5 1 1 1
التمرين 4 (3 نقط) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على المجال $]0,1[$ بما يلي : $f(x) = 1 - \frac{2}{x^2 - x}$ (1) ضع جدول تغيرات الدالة f على المجال $]0,1[$.	1	1

1	(2) تحقق أن : $f(x) = \left(1 + \frac{1}{x}\right)\left(1 + \frac{1}{1-x}\right)$ لكل x من $]0,1[$.
1	(3) ليكن a و b عددين حقيقيين موجبين قطعاً بحيث : $a+b=1$. أثبت أن : $\left(1 + \frac{1}{a}\right)\left(1 + \frac{1}{b}\right) \geq 9$.