

أولى علوم رياضية	فرض محروس 1	
الدورة 2	2014/03/12	ثانوية أنيس الخاصة

التمرين 1 (9 نقط)		
نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2x}$. 1 - حدد D_f ثم أحسب النهايات عند محددات D_f 2- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - 2x)$ 3- أدرس قابلية اشتقاق f على يمين 0 ثم على يسار -2 . أول هندسيا النتائج المحصل عليها. 4- حدد $f'(x)$ لكل $x \in D_f - \{0; -2\}$ 5- حدد إشارة $f'(x)$ على كل من المجالين $]0; +\infty[$ و $]-\infty; -2[$ ثم أعط جدول تغيرات f . 6- أكتب معادلة المماس (T) لمنحنى f في النقطة ذات الألفصول 1		2 1 2 1 2 1
التمرين 2 (2 نقط)		
1- حدد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $\frac{1}{2}y'' + 2y = 0$: (E) 2- استنتج حلا خاصا للمعادلة (E) الذي يحقق : $y(0) = 1$ و $y'(0) = -2$		1 1
التمرين 3 (5 نقط)		
نعتبر الدالة العددية g المعرفة بما يلي : $g(x) = \sqrt{x + \sqrt{1 + x^2}}$. 1 - بين أن g قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R}$ 2- بين أن : $(\forall x \in \mathbb{R}) : 2\sqrt{1 + x^2} g'(x) = g(x)$. 3- أ- بين أن : $(\forall x \in \mathbb{R}) : 4(1 + x^2) g''(x) + 4xg'(x) = g(x)$ ب- استنتج رتبة الدالة g' .		1 1 1.5 1.5
التمرين 4 (4 نقط)		
ليكن n عدد صحيح طبيعي بحيث $n \geq 2$. نعتبر الدالة العددية h المعرفة $\mathbb{R}^+$ بما يلي : $h(x) = \frac{1 + x^n}{(1 + x)^n}$ 1- أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$ 2- بين أن : $(\forall x \in \mathbb{R}^+) : h'(x) = \frac{n(x^{n-1} - 1)}{(1 + x)^{n+1}}$. 3- أعط جدول تغيرات الدالة h 4- استنتج أن : $(\forall n \geq 2)(\forall x \in \mathbb{R}^+) : (1 + x)^n \leq 2^{n-1}(1 + x^n)$		1 1 1 1