



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 علوم رياضية

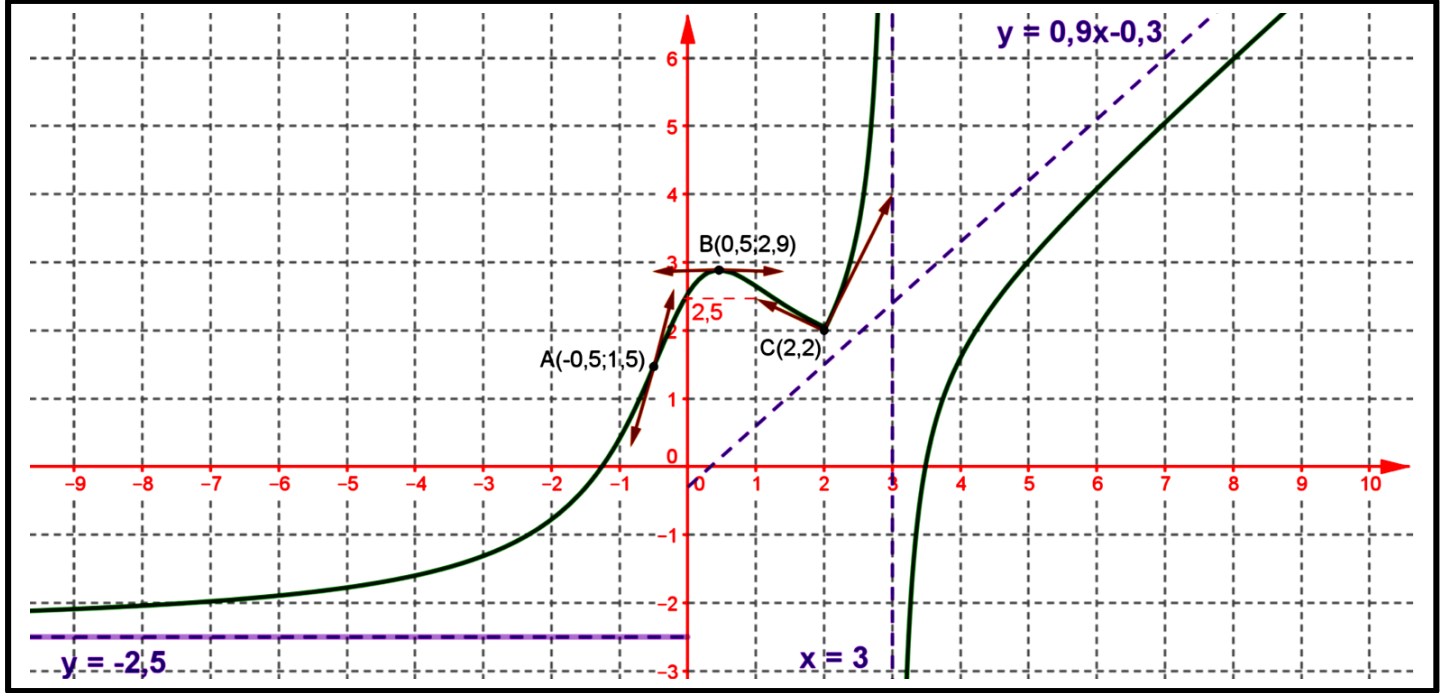
الإسم: الرقم: يوم: 04 / 03 / 2015 فرض كتابي رقم



الصفحة

01... (0,5 ن × 6 + 1 ن) 4 ن

الشكل التالي يمثل منحنى دالة عددية f و بعض المماسات ونصف المماسات.



استعن بمربعات الشكل ثم أجب عن الأسئلة التالية.

$$f'_g(2) = \dots\dots\dots$$

$$f'_d(2) = \dots\dots\dots$$

$$f'\left(\frac{1}{2}\right) = \dots\dots\dots$$

هل f قابلة للاشتقاق في $x_0 = 2$ ☐ نعم ☐ لا ☐ النقطة C التي أفصولها $x_0 = 2$ تسمى :

أعط جدول تغيرات الدالة f

x	
$f'(x)$	
$f(x)$	

عدد نقط انعطاف الدالة f هو

02... 4

أحسب f' الدالة المشتقة للدالة f حيث :

$$f(x) = 5\sin 3x + 2\cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) \quad \underline{4} \quad f(x) = x\sqrt{x^2 + 1} \quad \underline{3} \quad f(x) = \frac{x^2 + 2x}{x + 5} \quad \underline{2} \quad f(x) = \left(x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 8\right)^7 \quad \underline{1}$$

03... 8 نقط

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي المعرفة ب :



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 علوم رياضية

الإسم: الرقم: يوم: 04 / 03 / 2015 فرض كتابي رقم



الصفحة

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 1} + \frac{4}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

ليكن (C_f) منحنى الدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. أ- تحقق بأن: D_f مجموعة تعريف f هي \mathbb{R} (ن 0,5)

ب - بين أن f زوجية. (ن 0,5)

ج - حدد D_E مجموعة دراسة f (ن 0,5)

2. أ - أحسب نهاية التالية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ (ن 0,5)

ب- تحقق بأن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = 0$ (ن 1)

ج - أعط تأويلا هندسيا لنتيجة المحصل عليها. (ن 0,5)

3. أ - بين أن: $f'(x) = \frac{x(x^2 - 3)}{\sqrt{(x^2 + 1)^3}}$ لكل x من D_f (ن 1)

ب - حدد إشارة $f'(x)$ على D_f (ن 0,5)

ج - ضع جدول تغيرات f على $[0, +\infty[$ ثم على D_f (ن 0,5 + ن 0,5)

4. نقبل أن: $f''(x) = \frac{3(3x^2 - 1)}{\sqrt{(x^2 + 1)^5}}$ لكل x من D_f .

استنتج تقع منحنى الدالة f وأن المنحنى (C_f) يقبل نقطتي انعطاف على D_f (ن 0,5 + ن 0,5)

5. أنشئ (C_f) (نأخذ $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1\text{cm}$ و $\sqrt{3} \approx 1,7$) (ن 1)

معل طريقة إنشاء المنحنى على المجال $]-\infty, 0[$.

4 نقط

04

الشكل التالي يمثل منحنى لشلجم الدالة g يقطع محور الأفاصيل في $A(-6,0)$ و $B(6,0)$. نعتبر النقطة $P(x,y)$ تنتقل بين A و B وتأخذ الشلجم كمسار لها.

H المسقط العمودي للنقطة P على محور الأفاصيل (انظر الشكل) .

1. حدد صيغة الشلجم .

2. أعط $S(x)$ مساحة المثلث بدلالة x .

3. حدد إحداثياتي P من أجلها مساحة المثلث APH تكون قصوى .

4. أعط المساحة القصوى .

سلم التنقيط هو : 1 + ن 1 + ن 1.5 + ن 0.5

