

5

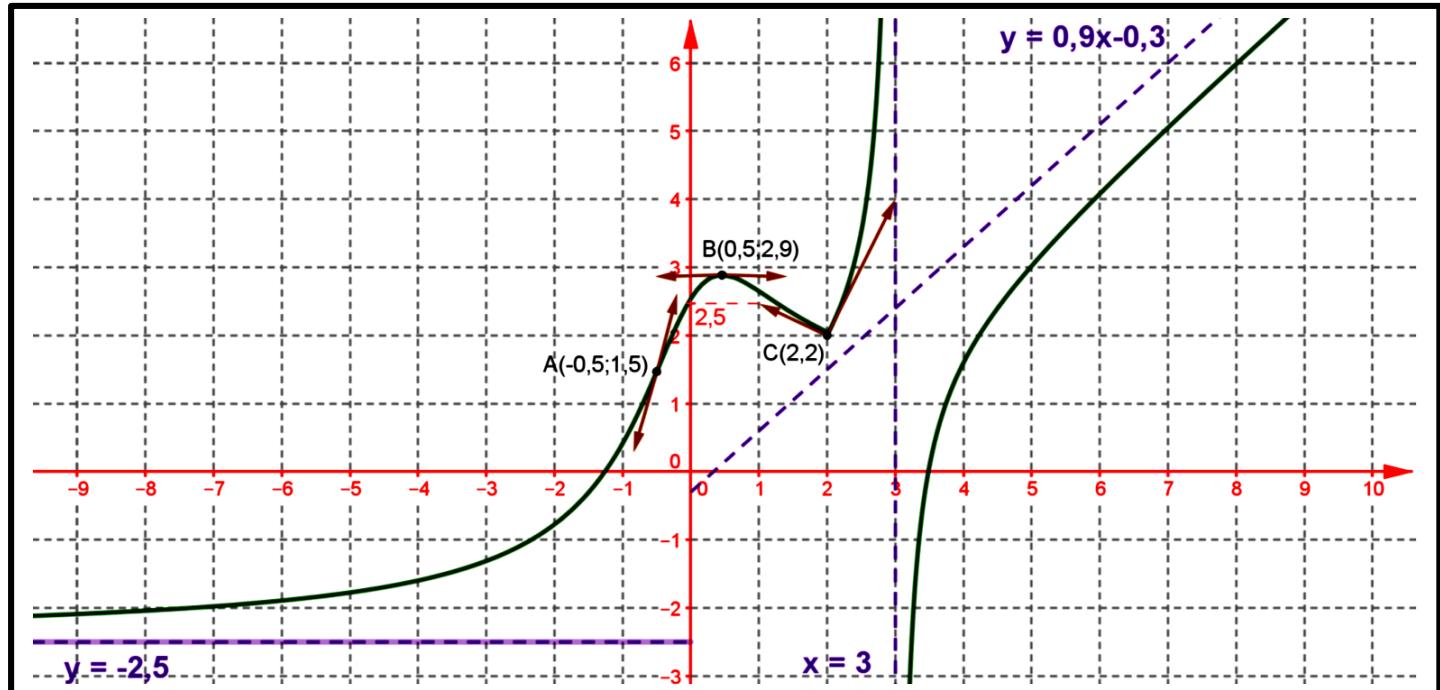
الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 علوم رياضية
 الرقم يوم : 04 / 03 / 2015 فرض كتابي رقم



الصفحة

4 ن
.01

الشكل التالي يمثل منحنى دالة عددية f و بعض المماسات ونصف المماسات.



استعن بمربيعات الشكل ثم أجيب عن الأسئلة التالية.

$$f_g'(2) = \dots$$

$$f_d'(2) = \dots$$

$$f'\left(\frac{1}{2}\right) = \dots$$

هل f قابلة للاشتقاق في $x_0 = 2$ لا نعم

أعطي تجدول تغيرات الدالة f

x	
$f'(x)$	
$f(x)$	

عدد نقط انعطاف الدالة f هو

4
.02
نقط

أحسب f' الدالة المشتقة للدالة f حيث :

$$f(x) = 5 \sin 3x + 2 \cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) \quad .4 \quad f(x) = x\sqrt{x^2 + 1} \quad .3 \quad f(x) = \frac{x^2 + 2x}{x+5} \quad .2 \quad f(x) = \left(x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 8\right)^7 \quad .1$$

8 نقط
.03

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي المعرفة ب :

5

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 علوم رياضية
الإسم الرقم: يوم: 04 / 03 / 2015 فرض كتابي رقم



صفحة

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 1} + \frac{4}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

ليكن (C_f) منحى الدالة f في معلم متعمد منظم $(O; i; j)$.

1. أ- تحقق بأن: D_f مجموعة تعريف f هي \mathbb{R} .

ب- بين أن f زوجية.

ج- حدد D_E مجموعة دراسة f .

2. أ- أحسب نهاية التالية: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = 0$$

ب- تحقق بأن: $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = 0$

ج- أعط تأويلا هندسيا لنتيجة المحصل عليها.

3. أ- بين أن: $f'(x) = \frac{x(x^2 - 3)}{\sqrt{(x^2 + 1)^3}}$

ب- حدد إشارة $f'(x)$ على D_f .

ج- ضع جدول تغيرات f على $[0, +\infty]$ ثم على D_f .

$$\text{نقبل أن: } f''(x) = \frac{3(3x^2 - 1)}{\sqrt{(x^2 + 1)^5}}$$

استنتج تغير منحى الدالة f و أن المنحى (C_f) يقبل نقطتي انعطاف على D_f .

5. أنشئ (C_f) (نأخذ $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1\text{cm}$) و $(\sqrt{3} \approx 1,7)$.

معلم طريقة إنشاء المنحى على المجال $[-\infty, 0]$.

4 نقط

.04

الشكل التالي يمثل منحى لشلجم الدالة g يقطع محور الأفاصيل في $A(-6, 0)$ و $B(6, 0)$. لتعتبر النقطة $P(x, y)$ تتنقل بين A و B وتأخذ الشلجم كمسار لها.

المسقط العمودي للنقطة P على محور الأفاصيل (انظر الشكل).

1. حدد صيغة الشلجم.

2. أعط $S(x)$ مساحة المثلث بدلالة x .

3. حدد إحداثياتي P من أجلها مساحة المثلث APH تكون قصوية.

4. أعط المساحة القصوية.

سلم التقريب هو: $1n + 1n + 1.5n + 0.5n$

