

1B.SM :G1	مراقبة مستمرة 3 الرياضيات	
الدورة الأولى	2015/12/05	ثانوية أنيس الخاصة

Durée : 2h

التعريف الأول	(5 نطا)	
1pts	ليكن f تطبيقا معرفا من $\mathbb{R}$ نحو $\mathbb{R}$ بحيث : $f(x) = x^2 - 4x + 5$ 1. أ. حدد $f^{-1}(5)$.	
0.5pts	ب. استنتج أن التطبيق f ليس تبايني .	
1pts	2. أ. بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} : f(x) \geq 1$	
0.5pts	ب. استنتج أن التطبيق f ليس شمولي .	
2pts	3. ليكن g قصور f على المجال $]-\infty, 2]$. بين أن g تقابل من $]-\infty, 2]$ نحو $[1, +\infty[$ وحدد التقابل العكسي g^{-1} .	
التعريف الثاني	(5 نطا)	
1pts	لتكن f و g الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي x المعرفتين بما يلي: $f(x) = \sqrt{x-2}$ و $g(x) = x^2 - 2x + 4$ 1. ضع جدول تغيرات كل من f و g .	
1pts	2. بين أن g تقبل قيمة دنوية على $\mathbb{R}$.	
1pts	3. لتكن h الدالة العددية المعرفة على $[2, +\infty[$ بما يلي : $h(x) = g \circ f(x)$ أ. حدد صيغة $h(x)$ لكل x من $[2, +\infty[$.	
2pts	ب. أدرس رتبة الدالة h على المجالين : $[2, 3[$ و $[3, +\infty[$.	
التعريف الثالث	(4.5 نطا)	
1pts	نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{2x^2 + 1}{x^2 + 1}$ 1. بين أن الدالة f زوجية .	
0.5pts	2. تحقق أن : $\forall x \in \mathbb{R} : f(x) = 2 - \frac{1}{x^2 + 1}$	
1.5pts	3. بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} : 1 \leq f(x) < 2$	
1.5pts	4. أدرس رتبة f على $[0, +\infty[$ واستنتج رتبتها على $]-\infty, 0]$.	

(2 نقطة)

التمرين الرابع

1. بين أن التطبيق $g: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ $(x, y) \rightarrow (5x+3y, 3x+5y)$ تبائي وشمولي .

1pts

2. حل في $\mathbb{R}$ المعادلة: $E(2x) - x + 1 = 0$

1pts

(1.5 نقطة)

التمرين الخامس

$\varphi: [1, +\infty[\rightarrow]0, \sqrt{3}]$

نعتبر التطبيق :

$$x \rightarrow \sqrt{x+2} - \sqrt{x-1}$$

بين أن φ تقابل وحدد صيغة $\varphi^{-1}(x)$ لكل x من $]0, \sqrt{3}]$.

1.5pts

(1 نقطة)

التمرين السادس

$f: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$

تبائي .

بين أن التطبيق :

$$(p, q) \rightarrow (2p+1)2^q$$

1pts

ملاحظة : نقطة عن تنظيم الورقة و الدقة في الاستدلال

« Sans doute il serait plus simple de n'enseigner que le résultat. Mais l'enseignement des résultats de la science n' a jamais été un enseignement scientifique ». Gaston Bachelard.

بالتوفيق