



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

فرض كتابي 3 ليوم : 09 / 01 / 2014

10 نقط

01.

001.

أ- حل المعادلة: $\sin \frac{4\pi}{5} \cos x + \cos \frac{\pi}{5} \sin x = 1$: $x \in \mathbb{R}$ (1 ن)

ب- حل المعادلة : $\cos 3x = \cos 2x$: $x \in \mathbb{R}$ و مثل الحلول على الدائرة المثلثية (على الشكل الذي أعطي)..... (1 ن + 1 ن)

002.

أ- أثبت أن : $\cos 3x = 4\cos^3(x) - 3\cos x$ (1 ن)

ب- بين التكافؤ التالي : $\cos 3x = \cos 2x \Leftrightarrow 4\cos^3(x) - 2\cos^2(x) - 3\cos(x) + 1 = 0$ (1 ن)

003.

نعتبر الحدودية التالية : $P(X) = 4X^3 - 2X^2 - 3X + 1$.

أ- بين أن : العدد 1 جذر للحدودية $P(X)$ ثم تحقق أن : $P(X) = (X-1)(4X^2 + 2X - 1)$ (1 ن)

ب- حل المعادلة : $4X^2 + 2X - 1 = 0$: $X \in \mathbb{R}$ ثم استنتج حلول المعادلة : $P(X) = 0$: $X \in \mathbb{R}$ (1.5 ن)

004.

أ- بين أن الأعداد 1 و $\cos \frac{2\pi}{5}$ و $\cos \frac{4\pi}{5}$ هي حلول للمعادلة (E) مع $\cos \frac{2\pi}{5} = \cos \frac{8\pi}{5}$ و $\cos \frac{4\pi}{5} = \cos \frac{6\pi}{5}$ (1 ن)

ب- استنتج قيمة كل من : $\sin \frac{\pi}{5}$ و $\tan \frac{4\pi}{5}$ و أن $\sin \frac{3\pi}{5} \times \sin \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}}{4}$ (0.5 ن + 0.5 ن + 0.5 ن)

10 نقط

02.

المستوى (P) منسوب إلى م.م.م. (O, \vec{i}, \vec{j}) . نعتبر النقط $A(-2, -2)$ و $B(2, -6)$ و $\Omega(-6, 2)$ (أنظر الشكل).

001. نعتبر الدائرة (C) التي مركزها $J(6, -2)$ و شعاعها $r = 4\sqrt{2}$. أعط معادلة ديكارتية للدائرة (C) (1 ن)

002. بين أن : $\vec{\Omega J} = 2\vec{\Omega O}$ (1 ن)

003. بين أن : المستقيم (Δ) الذي معادلته : $x + y + 4 = 0$ (Δ) مماس ل (C) في النقطة B (1 ن)

004. لتكن B' مماثلة B بالنسبة للمستقيم (ΩO). أنشئ النقطة B' ثم المستقيم (ΩB') (1 ن)

005. بين أن : المستقيم (ΩB') مماس ل (C) (1 ن)

006. نعتبر (Γ) مجموعة النقط $M(x, y)$ من (P) حيث : $\theta \in \mathbb{R}$; $\begin{cases} x = 2\cos\theta + 2\sin\theta \\ y = 2\sin\theta - 2\cos\theta \end{cases}$.

أ- بين أن : النظمة السابقة تمثل تمثيلا بارامتريا للدائرة التي مركزها $O(0, 0)$ و شعاعها $r' = 2\sqrt{2}$ (1 ن)

ب- بين أن : $(\Delta) \cap (\Gamma) = \{A\}$ (1 ن)

007. بين أن : $(OA) \parallel (JB)$ (1 ن)

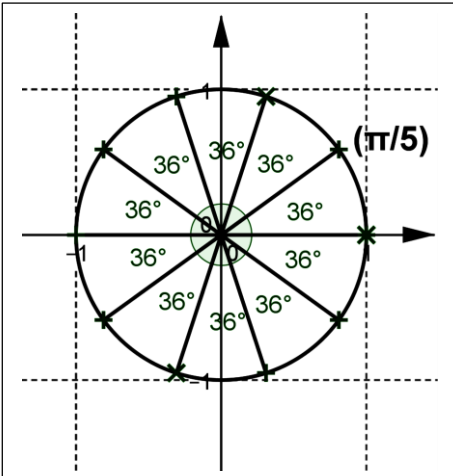
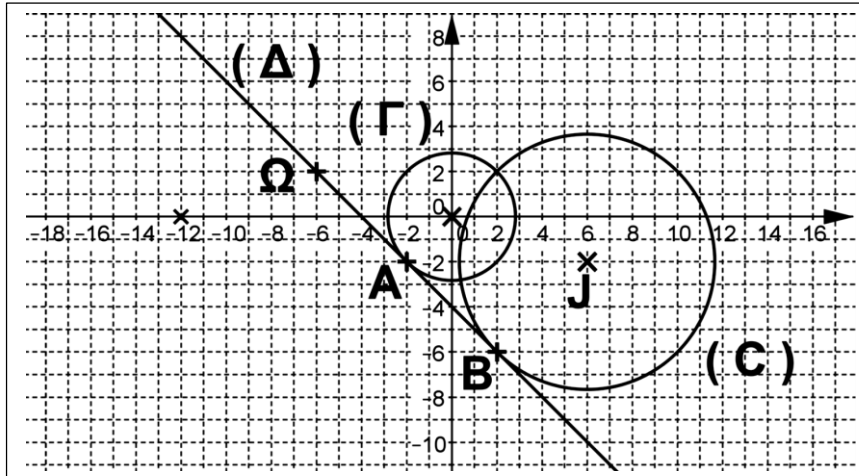
008. أحسب : $\sin(\vec{\Omega O}, \vec{\Omega A})$ (1 ن)

009. بين أن : $S_{\Omega BJ} = 4.S_{\Omega AO}$. (مع $S_{\Omega AO}$ و $S_{\Omega BJ}$ هما على التوالي مساحتي المثلثين ΩAO و ΩBJ) .. (1 ن)

3

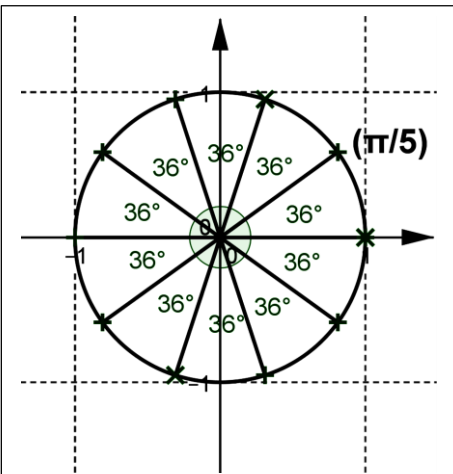
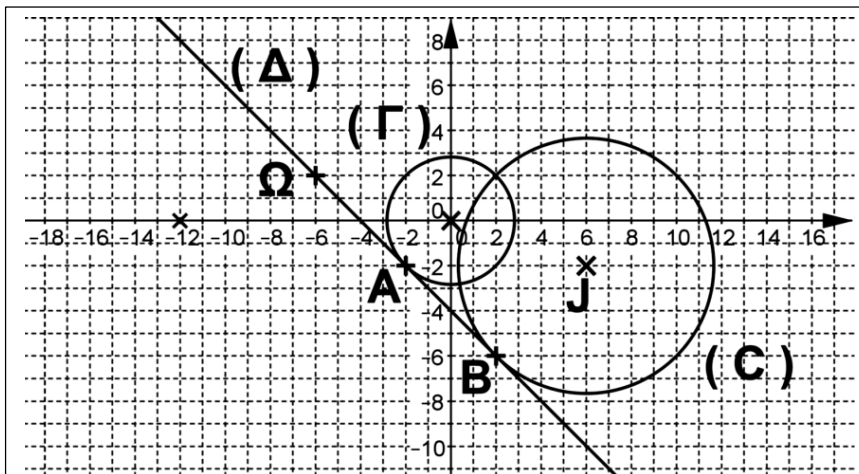
الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

فرض كتابي 3 ليوم : 09 / 01 / 2014



3

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2



3

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

