



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

فرض كتابي 3 ليوم : 09 / 01 / 2014

نقط 10

.01

.001

أـ حل المعادلة: $x \in \mathbb{R} : \sin \frac{4\pi}{5} \cos x + \cos \frac{\pi}{5} \sin x = 1$ (1 ن)

بـ حل المعادلة : $\cos 3x = \cos 2x$ (على الشكل الذي أعطي) (1 ن + 1 ن)

.002

أـ أثبت أن : $\cos 3x = 4\cos^3(x) - 3\cos(x)$ (1 ن)

بـ بين التكافؤ التالي : $\cos 3x = \cos 2x \Leftrightarrow 4\cos^3(x) - 2\cos^2(x) - 3\cos(x) + 1 = 0$ (1 ن)

. P(X) = 4X³ - 2X² - 3X + 1 **.003**

أـ بين أن : العدد 1 جذر للحودية P(X) ثم تحقق أن : $P(X) = (X-1)(4X^2 + 2X - 1)$ (1 ن)

بـ حل المعادلة : X ∈ ℝ / P(X) = 0 (E) : X ∈ ℝ : 4X² + 2X - 1 = 0 (1.5 ن)

.004

أـ بين أن الأعداد 1 و $\cos \frac{4\pi}{5}$ و $\cos \frac{6\pi}{5}$ و $\cos \frac{2\pi}{5}$ و $\cos \frac{8\pi}{5}$ هي حلول للمعادلة (E) (مع $\cos \frac{2\pi}{5}$) (1 ن)

بـ استنتج قيمة كل من : $\sin \frac{3\pi}{5} \times \sin \frac{\pi}{5}$ و $\tan \frac{4\pi}{5}$ و $\sin \frac{\pi}{5}$ (0.5 ن + 0.5 ن + 0.5 ن)

نقط 10

.02

المستوى (P) منسوب إلى م.م.م.م (O, i, j). نعتبر النقط A(-2, -6) و B(2, -6) و C(-6, 2) (أنظر الشكل).

.001 لنتعتبر الدائرة (C) التي مركزها (6, -2) و شعاعها r = 4√2. أعطى معادلة ديكارتية للدائرة (C) (1 ن)

.002 بين أن : $\vec{OJ} = 2\vec{OQ}$ (1 ن)

.003 بين أن : المستقيم (Δ) الذي معادلته : x+y+4=0 مماس ل (C) في النقطة B (1 ن)

.004 لتكن 'B' مماثلة B بالنسبة للمستقيم (OQ). أنشئ النقطة 'B' ثم المستقيم (QB') (1 ن)

.005 بين أن : المستقيم (QB') مماس ل (C) (1 ن)

.006 نعتبر (Γ) مجموعة النقط M(x, y) من (P) حيث: $\begin{cases} x = 2\cos\theta + 2\sin\theta \\ y = 2\sin\theta - 2\cos\theta \end{cases}; \theta \in \mathbb{R}$

أـ بين أن : النظمة السابقة تمثل تمثيلا بارامتريا للدائرة التي مركزها O(0,0) و شعاعها r' = 2√2 (1 ن)

بـ بين أن : $(\Delta) \cap (\Gamma) = \{A\}$ (1 ن)

.007 بين أن : $(OA) \parallel (JB)$ (1 ن)

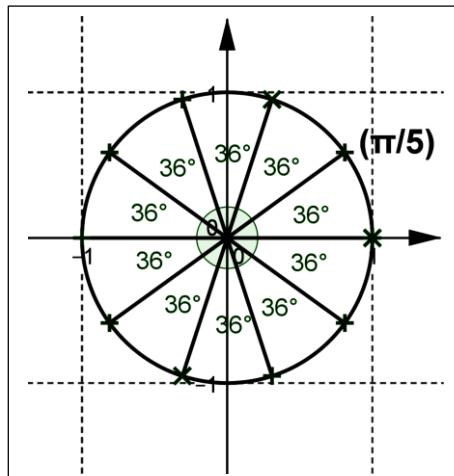
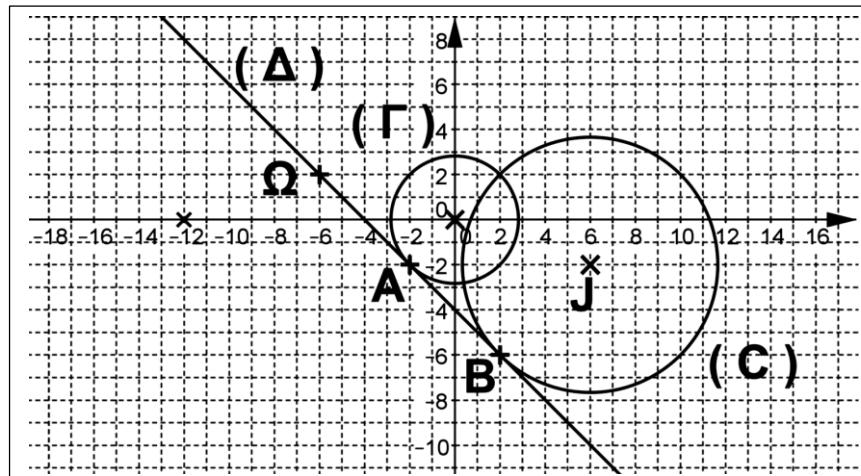
.008 أحسب : $\sin(\vec{OQ}, \vec{QA})$ (1 ن)

.009 بين أن: $S_{\Omega QAO} \cdot S_{\Omega QBJ} = 4S_{\Omega QAO}$ (مع $S_{\Omega QBJ}$ هما على التوالي مساحتى المثلثين QAO و QBJ) (1 ن)

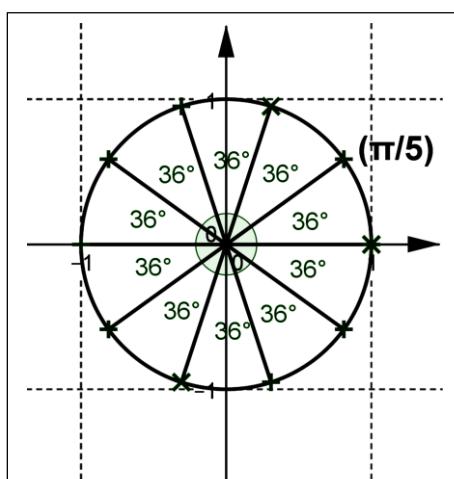
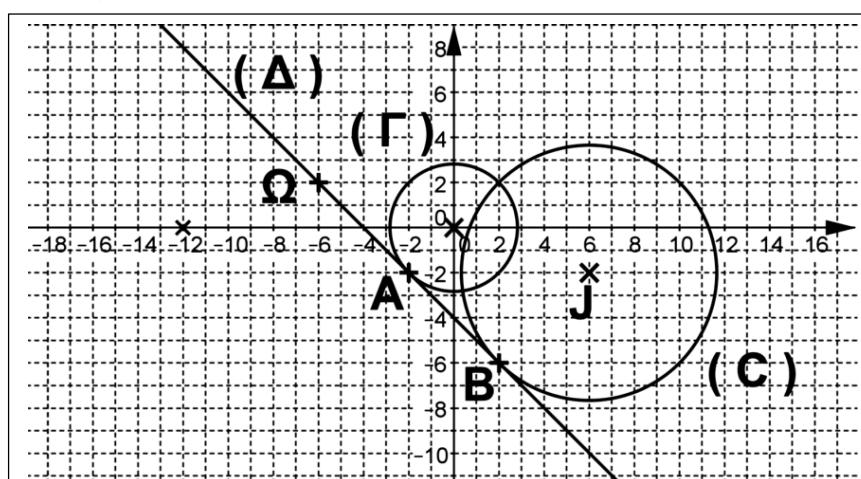


الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : ١ علوم رياضية ١ و ٢

فرض كتابي 3 ليوم : 09 / 01 / 2014



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : ١ علوم رياضية ١ و ٢



الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : ١ علوم رياضية ١ و ٢

