



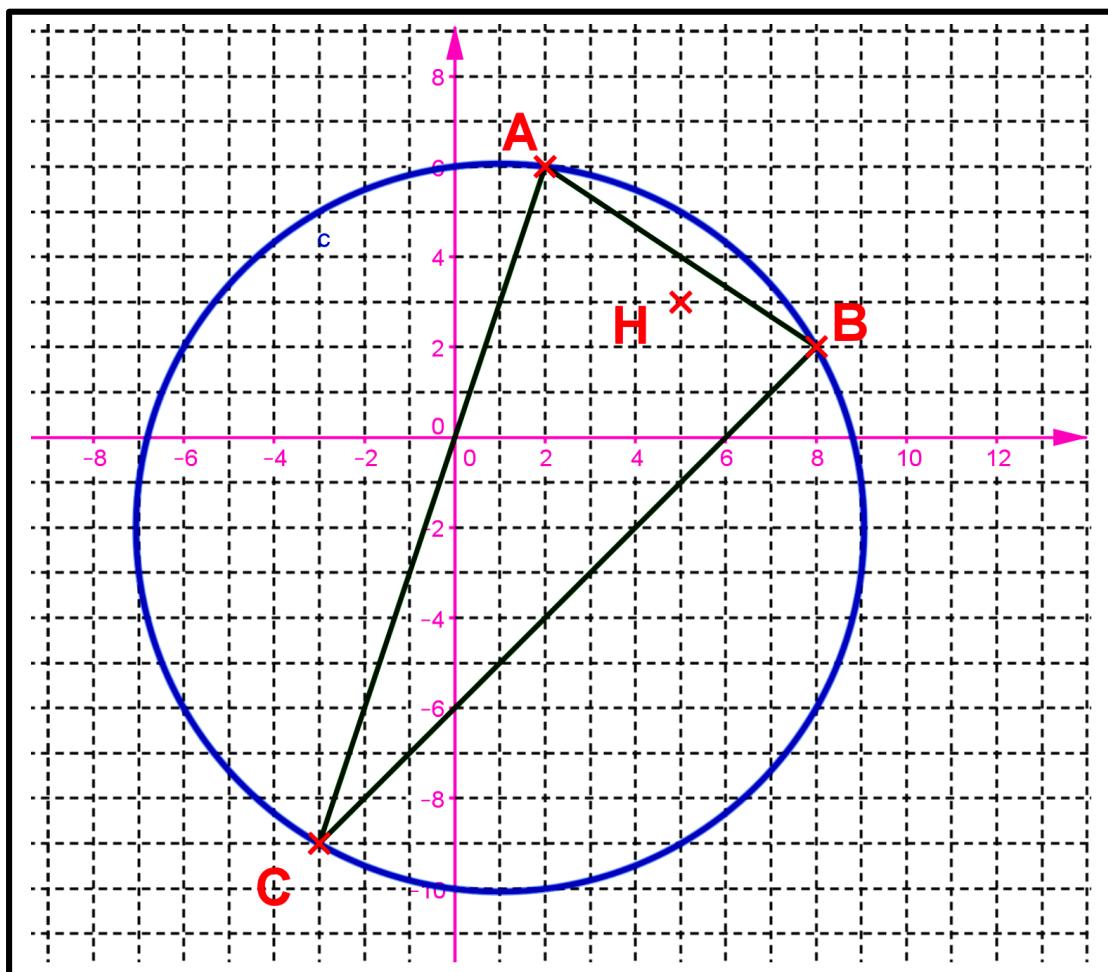
الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر بن عبد العزيز المستوى: 1 علوم رياضية
فرض كتابي 2 يوم: 27 / 12 / 2014 الرقم:



10. الهدف من التمرين: مماثل مركز تلاقي الارتفاعات بالنسبة لضلع مثلث تنتهي للدائرة المحيطة به (10 ن)

المستوى (P) منسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(\bar{O}, \bar{i}, \bar{j}, \bar{k})$. لنتعتبر النقط $A(2, 6)$ و $B(8, 2)$ و $C(-3, -9)$ من (P) أنظر الشكل.

1. بين أن (C) مجموعة النقط (x, y) من المستوى (P) التي تتحقق ما يلي: $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 60 = 0$ هي دائرة محددة مركزها Ω وشعاعها. (1 ن)
2. بين أن: (C) هي الدائرة المحيطة بالمثلث ABC (1 ن)
3. أعط معادلة ديكارتية للمستقيم (Δ_A) المار من A و العمودي على (BC) . ماذا يمثل المستقيم (Δ_A) بالنسبة للمثلث ABC ? (1 ن)
4. لنتعتبر النقطة $H(5, 3)$. بين أن: الارتفاع (Δ_B) المار من B يمر من H ثم $H \in (\Delta_A)$ ماذا تمثل H بالنسبة للمثلث ABC ? (1 ن)
5. تتحقق أن: $A'(7, 1)$ هي المسقط العمودي ل H على (BC) (1 ن)
6. حدد إحداثياتي H' مماثلة H بالنسبة ل (BC) . هل الهدف من التمرين تتحقق؟ (1 ن)
7. أعط معادلة ديكارتية للمستقيم المماس ل (C) في النقطة C (1 ن)
8. أحسب: $\sin(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ و $\cos(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ (1 ن)
9. أدرس الوضع النسبي للدائرة (C) و المستقيم الذي معادلته: $7x + 4y + 66 = 0$ (1 ن)
10. حدد مبيانيا مجموعة النقط $(x, y) \in \mathbb{R}^2$: $\begin{cases} x^2 + y^2 - 2x + 4y - 60 \leq 0 \\ x + y \leq 8 \end{cases}$ حيث: (1 ن)





(3 ن)

.02

1. بسط : $\sin(a+x) + \sin(a-x) - 2\sin a \cos x$ (1 ن)
2. أكتب $\tan\left(\frac{x}{2}\right)$ بدلالة $\frac{1-\cos x}{\sin x}$ (1 ن)
3. ليكن x و y من \mathbb{R} حيث $x \neq y + \frac{\pi}{2} + k\pi$, $k \in \mathbb{Z}$ أكتب $\tan(x+y)$ بدلالة $\frac{\sin 2x + \sin 2y}{\cos 2x + \cos 2y}$ (1 ن)

(5 ن)

.03

- الهدف من هذا التمرين تحديد قيمة $\sin\frac{7\pi}{30}$ و $\sin\left(\frac{\pi}{10}\right)$
1. حل المعادلة : $x \in \mathbb{R} : 4x^2 + 2x - 1 = 0$ (0,5 ن)
2. تحقق أن : $\cos(3x) = [1 - 4\sin^2(x)]\cos x$ (1 ن)
3. نضع $A = \frac{\pi}{10}$ تتحقق أن : $\cos(3A) = \sin(2A)$ (0,5 ن)
4. لنعتبر المعادلة : $x \in \mathbb{R} : \cos(3x) = \sin(2x)$ (E) (1 ن)
- أ. بين أن المعادلة : (E) تكتب على شكل $4\sin^2(x) + 2\sin x - 1 = 0$ (0,5 ن)
- ب. أثبت أن : حل للمعادلة (E) ثم استنتج قيمة $\sin\frac{\pi}{10}$ و $\sin\frac{\pi}{30}$ (0,5 ن + 0,5 ن)
- ج. استنتاج قيمة : $\sin\frac{7\pi}{30}$ (1 ن)

(2 ن)

.04

- باخرة تبحر من النقطة A في اتجاه E ثم في اتجاه B (الاتجاه يوضحه الرسم الإجمالي).
- حيث : قياس الزاوية الهندسية DAB هو β درجة و قياس الزاوية DAE هو 30 درجة و AE = 22 km و EB = 30 km
1. أحسب المسافة AB (1 ن)
2. أحسب قياس الزاوية DAB أي β (أو أوجد $\cos \beta$) (1 ن)
- يمكنك استعمال الآلة الحاسبة.

