



7.5 ... .01 ...  $(1 + 0.5 + 0.5 + 3 \times 0.25 + 1 + 0.5 + 0.25 + 0.5 + 0.5)$

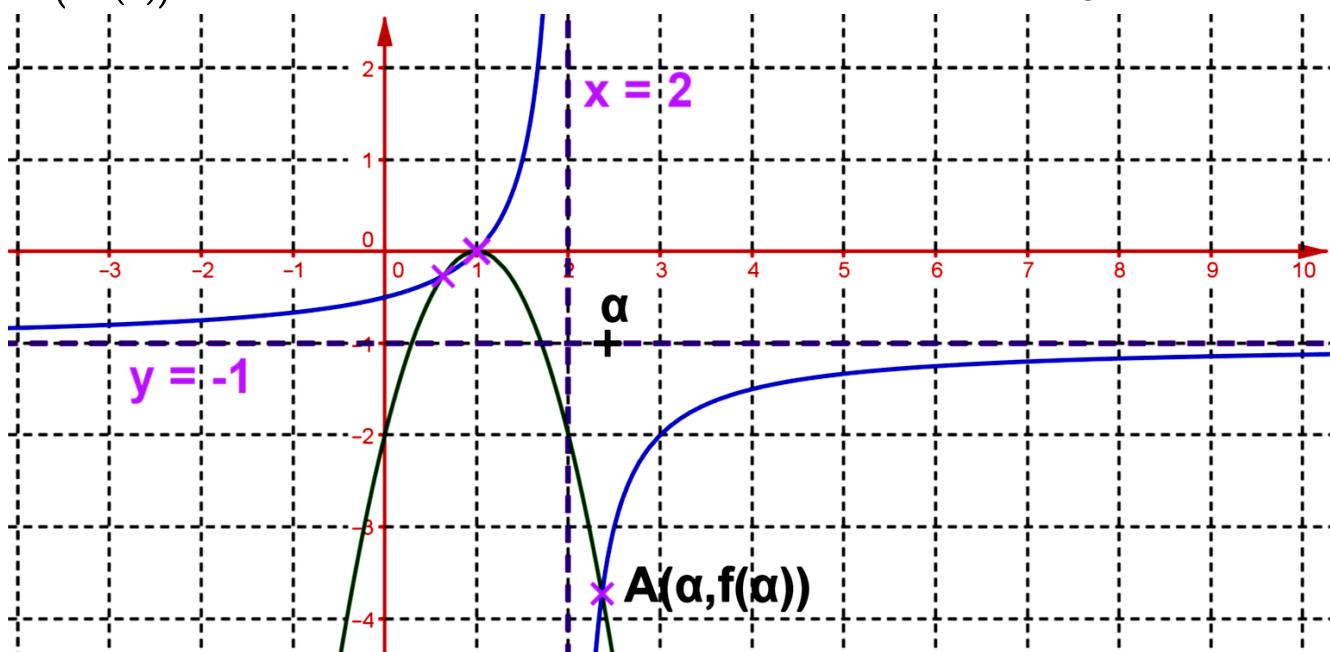
لنتعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ:  $f(x) = -2x^2 + 4x - 2$

لنتعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ:  $g(x) = \frac{1-x}{x-2}$

1. أتمم الجدول التالي

$g(0) = -\frac{1}{2}$ ; $g(1) = 0$ ; $g(3) = -2$ ; $g\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{3}$	أحسب :	$f(0) = -2$ ; $f(1) = 0$ ; $f(2) = -2$	أحسب :																
هذلول	اسم منحني الدالة $g$	شاجم	اسم منحني الدالة $f$																
$x = 2$ معادلة المقارب الأفقي $y = -1$ العمودي	مقاربيه	$S(1,0)$	رأسه 3																
النقطة $I(2,-1)$	مركز تماثله	$x=1$ المستقيم الذي معادنته	محور تماثله 4																
<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td>2</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>\nearrow</math></td> <td></td> <td><math>\nearrow</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	2	$+\infty$	$f(x)$	$\nearrow$		$\nearrow$	جدول تغيراته $g$	<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td>1</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td></td> <td>0</td> <td><math>\searrow</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	1	$+\infty$	$f(x)$		0	$\searrow$	جدول تغيراته $f$ 5
$x$	$-\infty$	2	$+\infty$																
$f(x)$	$\nearrow$		$\nearrow$																
$x$	$-\infty$	1	$+\infty$																
$f(x)$		0	$\searrow$																

6. أنشي منحني  $f$  ثم  $g$  في نفس المعلم مع العلم أن النقطة التي وضعت في المستوى هي نقطة تقاطع المنحنيين و  $(\alpha, f(\alpha))$



لدينا :  $S_3 = ]-\infty, \beta] \cup [1, 2] \cup [\alpha, +\infty[$

$f(x) \leq g(x)$

لدينا :  $S_1 = \{1\}$

$f(x) \geq 0$

استنتج 7

لدينا :  $S_4 = ]-\infty, 1[ \cup ]2, +\infty[$

$\frac{g(x)}{f(x)} \geq 0$

لدينا :  $f(x) = g(x)$

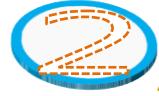
$S_2 = \{\beta, 1, \alpha\}$

مبيانيا 8

ما يلي

لدينا :  $g([2, +\infty[) = ]-\infty, -1[$

مبيانيا 8



فرض كتابي 2 يوم : 03 / 12 / 2014

9. لنعتبر الدالة  $h$  المعرفة بـ:  $\forall x \in ]2, +\infty[ , h(x) = f \circ g(x)$

أـ. أعط صيغة للدالة  $h$  ..... .  $h$  (ن 0,5)

$$h(x) = f \circ g(x) = f(g(x)) = f\left(\frac{1-x}{x+2}\right) = -2\left(\frac{1-x}{x+2}\right)^2 + 4 \times \frac{1-x}{x+2} - 2$$

$$\forall x \in ]2, +\infty[ , h(x) = -2\left(\frac{1-x}{x+2}\right)^2 + 4 \times \frac{1-x}{x+2} - 2$$

بـ. أدرس رتابة  $h$  ثم أعط جدول تغيرات  $h$  (ن 0,5)

لدينا :  $g$  تزايدية قطعا على  $[2, +\infty[$  و  $f$  تزايدية قطعا على  $]-\infty, -1]$  إذن  $g$  تزايدية قطعا على  $[2, +\infty[$  حسب الخاصية.

خلاصة: الدالة  $h$  تزايدية قطعا على  $[2, +\infty[$

ومنه جدول تغيرات هو:

x	2	$+\infty$
$h(x)$		$\nearrow$

(ن 1)

.02

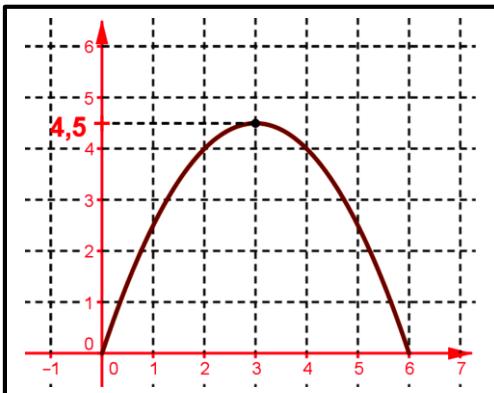
أحد المهندسين صمم رسم لمدخل للأحد المتحف على شكل جزء من شلجم (أنظر الشكل)

1. نحدد معادلة الشلجم.

بما أن المنحنى هو لشنجم إذن:  $f(x) = ax^2 + bx + c$

مبيانيا:  $f(x) = ax^2 + bx + c = a(x-0)(x-6) = ax(x-6)$  ومنه:  $f(0) = 0$ ;  $f(6) = 0$

مبيانيا:



$$f(3) = 4,5 \Leftrightarrow a \times 3(3-6) = 4,5$$

$$\Leftrightarrow -9a = 4,5$$

$$\Leftrightarrow a = \frac{4,5}{-9} = -\frac{1}{2}$$

$$\text{ومنه: } f(x) = -\frac{1}{2}x(x-6) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x$$

$$\text{خلاصة: معادلة الشلجم هي: } f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x$$

(ن 1,5)

.03

لنعتبر دالة عدديّة  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  حيث  $f$  زوجية و دورية و دورها 3 حيث:  $f(0) = f(1) = 4$

1. أحسب:  $f(-1)$  و  $f(2)$  و  $f(3)$  و  $f(2014)$

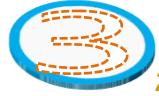
• بما أن:  $f$  دورية و دورها 3 إذن:  $f(0+3) = f(0) = 4$  ومنه:  $\forall x \in \mathbb{R}, f(x+3) = f(x)$  إذن  $f(3) = 4$

• بما أن:  $f$  زوجية إذن:  $f(-x) = f(x)$  إذن  $f(-1) = f(1) = 4$  ومنه:  $\forall x \in \mathbb{R}, f(-x) = f(x)$  إذن  $f(-1) = 4$

• لدينا:  $f(2) = f(-1+3) = f(-1) = 4$  لأن  $f$  دورية و دورها 3 إذن:  $f(2) = 4$

• لدينا:  $f(2014) = f(1+3 \times 671) = f(1) = 4$  لأن  $f$  دورية و دورها 3 إذن

$$f(2014) = 4 \text{ إذن: } \forall x \in \mathbb{R}, \forall k \in \mathbb{Z}, f(x+kT) = f(x), T=3$$



(6 ن)

.04

لتكن النقطة I مرجح النقطتين المترندين (A,2) و (B,-1) حدد I ثم أنشئ I .

$$\vec{AI} = \frac{b}{a+b} \vec{AB} = \frac{-1}{2-1} \vec{AB} = -\vec{AB} \text{ أي } 2\vec{GA} - \vec{GB} = \vec{0} \text{ إذن: } (A,2) \text{ و } (B,-1)$$

خلاصة:  $\vec{AI} = -\vec{AB}$  أي A منتصف [IB]

لتكن النقطة J مرجح النقطتين المترندين (C,2) و (D,1) حدد J ثم أنشئ J .

$$\vec{CJ} = \frac{d}{c+d} \vec{CD} = \frac{1}{2+1} \vec{CD} = \frac{1}{3} \vec{CD} \text{ أي } 2\vec{JC} + \vec{JD} = \vec{0} \text{ إذن: } (C,2) \text{ و } (D,1)$$

خلاصة:  $\vec{CJ} = \frac{1}{3} \vec{CD}$

أكتب المتجهة  $\vec{KI} = 2\vec{KA} - \vec{KB}$  بدلاة  $\vec{KI}$  .

بما أن I مرجح النقطتين المترندين (A,2) و (B,-1) حسب الخاصية المميزة  $\forall M \in (P) : 2\vec{MA} - \vec{MB} = (2-1)\vec{MI}$

$$\text{نأخذ: } M = K \text{ نحصل على: } 2\vec{KA} - \vec{KB} = (2-1)\vec{KI} = \vec{KI}$$

خلاصة:  $\vec{KI} = 2\vec{KA} - \vec{KB}$

أكتب المتجهة  $\vec{KJ} = 2\vec{KC} - \vec{KD}$  بدلاة  $\vec{KJ}$  .

بما أن J مرجح النقطتين المترندين (C,2) و (D,1) حسب الخاصية المميزة  $\forall M \in (P) : 2\vec{MC} + \vec{MD} = (2+1)\vec{MJ}$

$$\text{نأخذ: } M = K \text{ نحصل على: } 2\vec{KC} + \vec{KD} = (2+1)\vec{KJ} = 3\vec{KJ}$$

خلاصة:  $2\vec{KC} + \vec{KD} = 3\vec{KJ}$

حدد مرجح النقطتين المترندين (I,1) و (J,3) .

لدينا :

K مرجح النقط المترندة (C,2) ، (B,-1) و (D,1) .

I مرجح النقطتين المترندين (A,2) و (B,-1) .

J مرجح النقطتين المترندين (C,2) و (D,1) .

ضع على الرسم K معلم طريقة الإنشاء.

$$\vec{IK} = \frac{i}{i+j} \vec{IJ} = \frac{1}{1+3} \vec{IJ} = \frac{1}{4} \vec{IJ} \text{ أي } \vec{KI} + 3\vec{KJ} = \vec{0} \text{ إذن: } (I,1) \text{ و } (J,3)$$

خلاصة:  $\vec{IK} = \frac{1}{4} \vec{IJ}$

نفترض أن المستوى منسوب إلى معلم  $(O, i, j)$  حيث  $(A, 1, 2)$  و  $(B, 2, 3)$  .

$$\text{لدينا إحداثياتي } I(x_I, y_I) \text{ هي } x_I = \frac{2 \times 1 - 1 \times 2}{2-1} = 1 \text{ و } y_I = \frac{2 \times 2 - 1 \times 3}{2-1} = 1$$

خلاصة:  $I(0,1)$



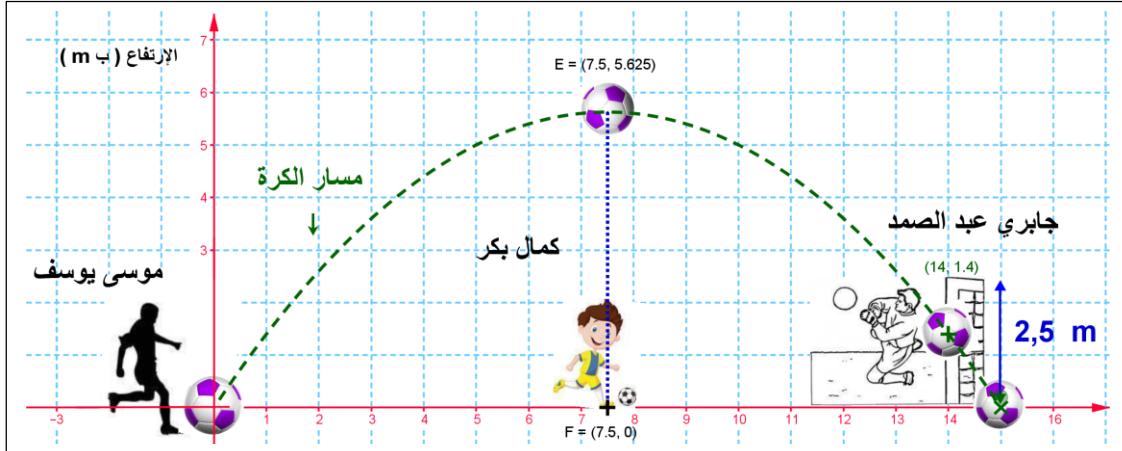
(4 ن)

.05

في مقابلة لكرة القدم قذف اللاعب موسى يوسف الكرة التي كانت على أرضية الملعب حيث مسار الكرة كان على شكل جزء من شلجم و نمثله

ذلك في معلم أنظر الشكل :  
حيث معادلة الشلجم هي :

$$f(x) = -\frac{1}{10}x^2 + \frac{3}{2}x$$



ما هو الارتفاع القصوى الذي ارتفعت به الكرة عن سطح الملعب؟ ..... (0,5 ن)

لدينا : معادلة الشلجم هي :  $f(x) = -\frac{1}{10}x^2 + \frac{3}{2}x$  ومنه : الدالة  $f$  تقبل قيمة قصوىة في

$$f\left(\frac{15}{2}\right) = -\frac{1}{10}\left(\frac{15}{2}\right)^2 + \frac{3}{2}\times\left(\frac{15}{2}\right) = 5,625 \text{ m}$$

خلاصة : الارتفاع القصوى الذي ارتفعت به الكرة عن سطح الملعب هو : 5,625 m

..... (2 ن) على بعد أي مسافة من اللاعب موسى يوسف ستسقط الكرة على أرضية الملعب ؟

$$f(x) = 0 \Leftrightarrow -\frac{1}{10}x^2 + \frac{3}{2}x = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2}x\left(-\frac{1}{5}x + 3\right) = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 0 \vee x = 15$$

خلاصة : على بعد 15 m من اللاعب موسى يوسف ستسقط الكرة على أرضية الملعب.

..... (3 ن) اللاعب كمال بكر من فريق موسى يوجد على بعد 7,5 m من اللاعب موسى يوسف هل يمكنه اعتراض الكرة برأسه ؟

المكان الذي يوجد فيه كمال بكر 7,5 m الارتفاع الكرة عن أرضية الملعب يمثل الارتفاع القصوى و هو 5,625 m

خلاصة لا يمكن لللاعب كمال بكر اعتراض الكرة برأسه لأن العلو هو 5,625 m و قامته هي 2 m

..... (4 ن) هل الكرة تصطدم مع الخشب الأفقي لمرمى الحارس الجابري عبد الصمد ؟

المرمى للحارس الجابري توجد على بعد 14 m من موسى يوسف ارتفاع الكرة في هذا الموضع يكون :

$$f(14) = -\frac{1}{10}\times 14^2 + \frac{3}{2}\times 14 = 1,4$$

الملعب ب : 2,5 m

خلاصة : الكرة لا يمكنها أن تصطدم مع الخشب الأفقي لمرمى الحارس الجابري عبد الصمد.

..... (5 ن) نفترض أن المرمى لا يوجد فيها أي لاعب وهي على بعد 14 m من اللاعب موسى هل القذفة ستكون هدف لصالح اللاعب موسى يوسف ؟

..... (1 ن) حسب السؤال السابق نستنتج أن الكرة ستكون هدف لصالح موسى يوسف لأن ارتفاع الكرة أقل من ارتفاع الخشب الأفقي.

خلاصة : القذفة ستكون هدف لصالح اللاعب موسى يوسف.