



01... (1 + 0,5 + 0,5 + 0,5 + 1 + 1 + 1 + 0,5 + 0,25 + 0,25) ن 7.5 ن

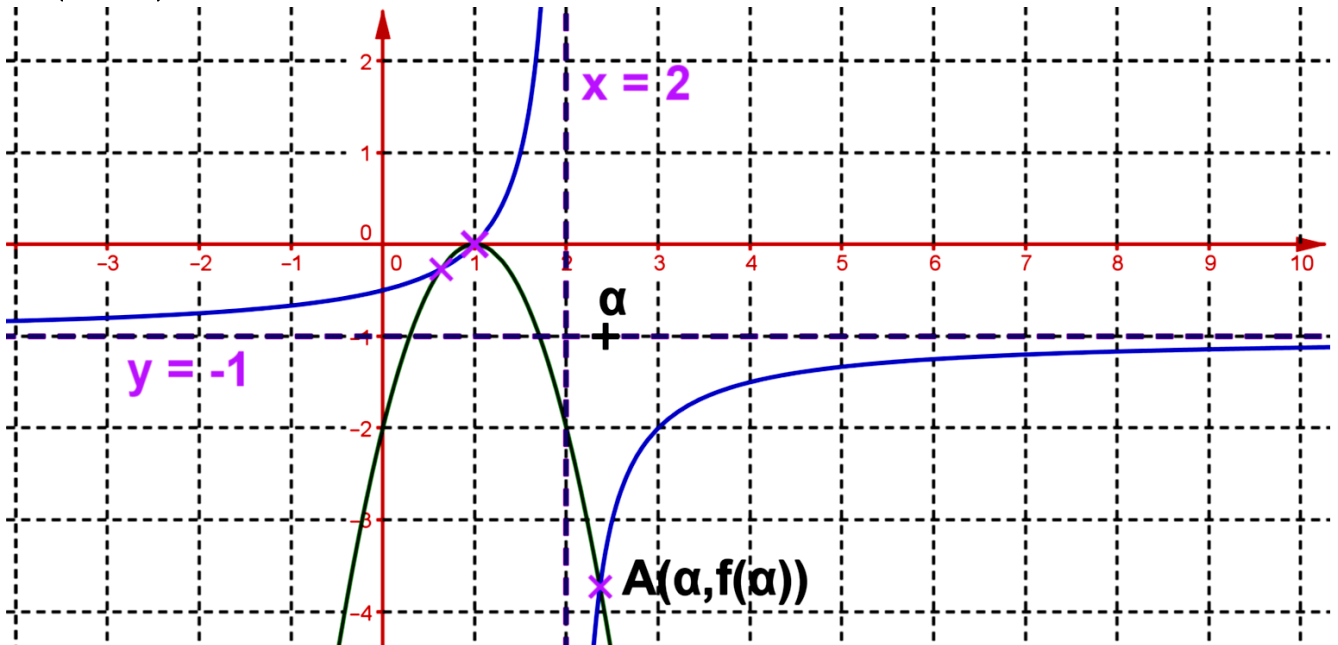
لنعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $f(x) = -2x^2 + 4x - 2$.

لنعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $g(x) = \frac{1-x}{x-2}$.

1. أتمم الجدول التالي

1. أحسب :	$f(0) = -2; f(1) = 0; f(2) = -2$	أحسب :	$g(0) = -\frac{1}{2}; g(1) = 0; g(3) = -2; g\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{3}$																
2. اسم منحنى الدالة f	شلمج	اسم منحنى الدالة g	هذلول																
3. رأسه	$S(1,0)$	مقاربيه	معادلة المقارب الأفقي $y = -1$ العمودي $x = 2$																
4. محور تماثله	المستقيم الذي معادلته $x = 1$	مركز تماثله	النقطة $I(2, -1)$																
5. جدول تغيراته f :	<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>$-\infty$</td><td>1</td><td>$+\infty$</td></tr> <tr> <td>$f(x)$</td><td></td><td>0</td><td></td></tr> </table>	x	$-\infty$	1	$+\infty$	$f(x)$		0		جدول تغيراته g :	<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>$-\infty$</td><td>2</td><td>$+\infty$</td></tr> <tr> <td>$f(x)$</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>	x	$-\infty$	2	$+\infty$	$f(x)$			
x	$-\infty$	1	$+\infty$																
$f(x)$		0																	
x	$-\infty$	2	$+\infty$																
$f(x)$																			

6. أنشئ منحنى f ثم g في نفس المعلم مع العلم أن النقط التي وضعت في المستوى هي نقطة تقاطع المنحنيين و $A(\alpha, f(\alpha))$



لدينا : $S_3 =]-\infty, \beta] \cup [1, 2[\cup [\alpha, +\infty[$

$f(x) \leq g(x)$

لدينا : $S_1 = \{1\}$ $f(x) \geq 0$

لدينا : $f(x) = g(x)$

$S_2 = \{\beta, 1, \alpha\}$

7. استنتج مبيانيا ما يلي

لدينا : $S_4 =]-\infty, 1[\cup]2, +\infty[$

$\frac{g(x)}{f(x)} \geq 0$

لدينا : $g(]2, +\infty[) =]-\infty, -1[$

8. حدد مبيانيا



9. لنعتبر الدالة h المعرفة ب: $\forall x \in]2, +\infty[, h(x) = f \circ g(x)$.

أ- أعط صيغة للدالة h (0,5 ن).

لدينا : $h(x) = f \circ g(x) = f(g(x)) = f\left(\frac{1-x}{x+2}\right) = -2\left(\frac{1-x}{x+2}\right)^2 + 4 \times \frac{1-x}{x+2} - 2$

خلاصة : $\forall x \in]2, +\infty[, h(x) = -2\left(\frac{1-x}{x+2}\right)^2 + 4 \times \frac{1-x}{x+2} - 2$

ب- أدرس رتبة h ثم أعط جدول تغيرات h (0,5 ن + 0,5 ن).

لدينا : g تزايدية قطعاً على $]2, +\infty[$ و $g(2, +\infty[) =]-\infty, -1[$ و لدينا f تزايدية قطعاً على $]-\infty, -1[$ إذن $h = f \circ g$ تزايدية قطعاً على $]2, +\infty[$ حسب الخاصية .

خلاصة : الدالة h تزايدية قطعاً على $]2, +\infty[$

ومنه جدول تغيرات هو :

x	2	$+\infty$
h(x)		↗

02. (1 ن)

أحد المهندسين صمم رسم لمدخل للأحد المتاحف على شكل جزء من شلجم (أنظر الشكل)
نحدد معادلة الشلجم .

بما أن المنحنى هو لشلجم إذن : $f(x) = ax^2 + bx + c$

مبيانيا : $f(0) = 0 ; f(6) = 0$ ومنه : $f(x) = ax^2 + bx + c = a(x-0)(x-6) = ax(x-6)$

مبيانيا :

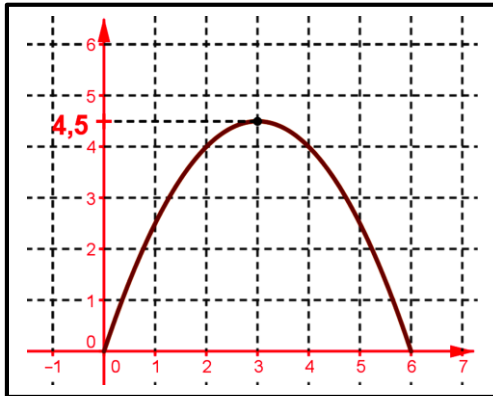
$$f(3) = 4,5 \Leftrightarrow a \times 3(3-6) = 4,5$$

$$\Leftrightarrow -9a = 4,5$$

$$\Leftrightarrow a = \frac{4,5}{-9} = -\frac{1}{2}$$

$$\text{ومنه : } f(x) = -\frac{1}{2}x(x-6) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x$$

خلاصة : معادلة الشلجم هي : $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 3x$



03. (1,5 ن)

لنعتبر دالة عددية f معرفة على \mathbb{R} حيث f زوجية ودورية و دورها 3 حيث : $f(0) = f(1) = 4$

أحسب : $f(3)$ و $f(-1)$ و $f(2)$ و $f(2014)$.

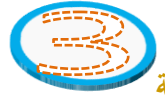
• بما أن : f دورية و دورها 3 إذن : $\forall x \in \mathbb{R}, f(x+3) = f(x)$ ومنه : $f(0+3) = f(0) = 4$ إذن $f(3) = 4$

• بما أن : f زوجية إذن : $\forall x \in \mathbb{R}, f(-x) = f(x)$ ومنه : $f(-1) = f(1) = 4$ إذن $f(-1) = 4$

• لدينا : $f(2) = f(-1+3) = f(-1) = 4$ (لأن f دورية و دورها 3) إذن : $f(2) = 4$

• لدينا : $f(2014) = f(1+3 \times 671) = f(1) = 4$ (لأن f دورية و دورها 3) إذن

$f(2014) = 4$ ($\forall x \in \mathbb{R}, \forall x \in \mathbb{Z}, f(x+kT) = f(x), T=3$) إذن :



(6 ن)

04

ABCD مربع و K مرجح النقط المتزنة (A,2), (B,-1), (C,2) و (D,1).

1. لتكن النقطة I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1) حدد I ثم أنشئ I (1 ن)

بما أن I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1) إذن: $2\vec{GA} - \vec{GB} = \vec{0}$ أي $\vec{AI} = \frac{b}{a+b} \vec{AB} = \frac{-1}{2-1} \vec{AB} = -\vec{AB}$

خلاصة: $\vec{AI} = -\vec{AB}$ أي A منتصف [IB].

2. لتكن النقطة J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1). حدد J ثم أنشئ J (1 ن)

بما أن J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1) إذن: $2\vec{JC} + \vec{JD} = \vec{0}$ أي $\vec{CJ} = \frac{d}{c+d} \vec{CD} = \frac{1}{2+1} \vec{CD} = \frac{1}{3} \vec{CD}$

خلاصة: $\vec{CJ} = \frac{1}{3} \vec{CD}$

3. أكتب المتجهة $2\vec{KA} - \vec{KB}$ بدلالة \vec{KI} (0,5 ن)

بما أن I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1) حسب الخاصية المميزة $\forall M \in (P) : 2\vec{MA} - \vec{MB} = (2-1)\vec{MI}$ نأخذ: $M = K$ نحصل على: $2\vec{KA} - \vec{KB} = (2-1)\vec{KI} = \vec{KI}$

خلاصة: $\vec{KI} = 2\vec{KA} - \vec{KB}$

4. أكتب المتجهة $2\vec{KC} - \vec{KD}$ بدلالة \vec{KJ} (0,5 ن)

بما أن J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1) حسب الخاصية المميزة $\forall M \in (P) : 2\vec{MC} + \vec{MD} = (2+1)\vec{MJ}$ نأخذ: $M = K$ نحصل على: $2\vec{KC} + \vec{KD} = (2+1)\vec{KJ} = 3\vec{KJ}$

خلاصة: $2\vec{KC} + \vec{KD} = 3\vec{KJ}$

5. حدد مرجح النقطتين المتزنتين (I,1) و (J,3) (1 ن)

لدينا:

$\left\{ \begin{array}{l} \text{K مرجح النقط المتزنة (A,2), (B,-1), (C,2) و (D,1).} \\ \text{I مرجح النقطتين المتزنتين (A,2) و (B,-1).} \\ \text{J مرجح النقطتين المتزنتين (C,2) و (D,1).} \end{array} \right.$
 إذن K مرجح النقط المتزنة (I,1) و (J,3) خ. المميزة

6. ضع على الرسم K معللا طريقة الإنشاء. (1 ن)

حسب ما سبق K مرجح النقط المتزنة (I,1) و (J,3) إذن $\vec{KI} + 3\vec{KJ} = \vec{0}$ أي $\vec{IK} = \frac{i}{i+j} \vec{IJ} = \frac{1}{1+3} \vec{IJ} = \frac{1}{4} \vec{IJ}$

خلاصة: $\vec{IK} = \frac{1}{4} \vec{IJ}$

7. نفترض أن المستوى منسوب إلى معلم (O, \vec{i}, \vec{j}) حيث $A(1,2)$ و $B(2,3)$ بالنسبة لمعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) حدد إحداثيتي I ... (1 ن)

لدينا إحداثيتي $I(x_I, y_I)$ هي $x_I = \frac{2 \times 1 - 1 \times 2}{2 - 1} = 0$ و $y_I = \frac{2 \times 2 - 1 \times 3}{2 - 1} = 1$

خلاصة: $I(0,1)$

