

السنة الدراسية: 2014/2013 (مدة الإنجاز 3 ساعات و نصف)	أولمبياد الرياضيات 2015 الفرض الرابع الجمعة 21 فبراير 2014	السنة الأولى علوم رياضية
--	--	--------------------------

تمارين 1	Exercise 1
ليكن x_1 و x_2 و ... و x_{1006} و a أعدادا حقيقية تحقق الشرطين التاليين :	Soient $x_1, x_2, \dots$, et a des nombres réels vérifiant les deux conditions suivantes :
أ) $\frac{x_1}{x_1 + 1} = \frac{x_2}{x_2 + 3} = \frac{x_3}{x_3 + 5} = \dots = \frac{x_{1006}}{x_{1006} + 2011} = a$	i) $\frac{x_1}{x_1 + 1} = \frac{x_2}{x_2 + 3} = \frac{x_3}{x_3 + 5} = \dots = \frac{x_{1006}}{x_{1006} + 2011} = a$
ب) $x_1 + x_2 + \dots + x_{1006} = 503^2$	ii) $x_1 + x_2 + \dots + x_{1006} = 503^2$
حدد العدد x_{1006}	Déterminer x_{1006}

تمارين 2	Exercise 2
نعتبر المعادلة $(E): x + y + z = 2013$ حيث x و y و z أعداد صحيحة طبيعية غير منعدمة .	On considère l'équation $(E): x + y + z = 2013$ où x, y et z sont des nombres entiers naturels non nuls.
1) أوجد عدد المثلثات (x, y, z) التي تعتبر حلا للمعادلة (E) .	1) Déterminer le nombre de triples (x, y, z) solutions de l'équation (E)
2) أوجد عدد الحلول (x, y, z) للمعادلة (E) بحيث يكون $x = y$	2) Trouver le nombre des solutions (x, y, z) de (E) tels que $x = y$

تمارين 3	Exercise 3
1) أوجد المساحة القصوى لرباعي محدب $ABCD$ يحقق الشرط التالي : $AB + CD = 6$ و $BC + DA = 8$	1) Trouver l'aire maximale d'un quadrilatère convexe $ABCD$ qui satisfait la condition : $AB + CD = 6$ et $BC + DA = 8$
2) حدد طبيعة الرباعي الذي يحقق الشرط السابق و تكون مساحته قصوى.	2) Déterminer la nature du quadrilatère qui satisfait la condition précédente et qui possède l'aire maximale.

هذه الصفحة هي نسخة تم إعادة تحريرها و ليست بنسخة أصلية
--