

السنة 1 بكالوريا علوم رياضية	أولمبياد الرياضيات	سلسلة 3
التمارين مستخرجة من الكتاب المدرسي المفيد في الرياضيات-التحليل		
تمرين 1: ليكن n عددا صحيحا طبيعيا غير منعدم و a عددا حقيقيا من المجال $[0, n]$ و x_1 و x_2 و ... و x_n أعدادا حقيقية بحيث : $\sum_{i=1}^n \sin^2 x_i = a$. أوجد القيمة القصوى للتعبير $\left \sum_{i=1}^n \sin 2x_i \right$		
تمرين 2: لتكن x و y و z أعداد حقيقية موجبة تحقق : $xyz(x+y+z)=1$ حدد القيمة الدنيا للجزء $(x+y)(y+z)$		
تمرين 3: x و y و z أعداد حقيقية تحقق : $x+y+z=5$ و $xyz+yz+zx=3$ حدد أكبر قيمة ممكنة للعدد z		
تمرين 4: نعتبر بارامترا حقيقيا p بحيث تقبل المعادلة $x^2 - 3px - p = 0$ جذرين حقيقين مختلفين x_1 و x_2 حدد القيمة الدنيا لـ $A = \frac{p^2}{3px_1 + x_2^2 + 3p} + \frac{3px_1 + x_2^2 + 3p}{p^2}$		
تمرين 5: ليكن a و b من $]0, +\infty[$. حدد القيمة الدنيا للمجموع $\left(1 + \frac{a}{b}\right)^k + \left(1 + \frac{b}{a}\right)^k$ حيث $k \in \mathbb{N}$		
تمرين 6: x و y و z أعداد حقيقية من $]0, +\infty[$ بحيث : $x+y+z=1$ حدد القيمة الدنيا للتعبير : $\frac{x^2}{x+yz} + \frac{y^2}{y+zx} + \frac{z^2}{z+xy}$		