

السنة الأولى علوم رياضية	أولمبياد الرياضيات 2015 الفرض الأول الجمعة 15 نونبر 2013	السنة الدراسية: 2014/2013 (مدة الإنجاز 3 ساعات و نصف)
--------------------------	--	--

Exercise 1

تمرین 1

Soient p et q deux nombres réels tels que :

1) L'équation $x^2 + px + q = 0$ admet deux solutions
reels x_1 et x_2

$$2) \quad |x_2 - x_1| = 1$$

$$3) \quad |p - q| = 1$$

Montrer que les nombres p , q , x_1 et x_2 sont des nombres entiers relatifs.

ليكن p و q عددين حقيقيين يحققان ما يلي :

(1) المعادلة $x^2 + px + q = 0$ تقبل حلين x_1 و x_2

$$|x_2 - x_1| = 1 \quad (2)$$

$$|p - q| = 1 \quad (3)$$

بين أن الأعداد p و q و x_1 و x_2 أعداد صحيحة نسبية.

Exercise 2

تمرین 2

Déterminer toutes les nombres réels x , y et z qui vérifiant le systèmes d'équations suivant :

$$\begin{cases} x^2 - 4y + 7 = 0 \\ y^2 - 6z + 14 = 0 \\ z^2 - 2x - 7 = 0 \end{cases}$$

أوجد جميع الأعداد الحقيقية x و y و z التي تحقق :

$$\begin{cases} x^2 - 4y + 7 = 0 \\ y^2 - 6z + 14 = 0 \\ z^2 - 2x - 7 = 0 \end{cases}$$

Exercise 3

تمرین 3

Soient x , y et z les trois longueurs des cotes d'un triangle.

Sachant que $a \leq 2$, $b \leq 3$ et $c \leq 4$ déterminer le plus grande aire possible de ce triangle .

ليكن $a \square b \square c$

أوجد أكبر مساحة ممكنة لهذا المثلث إذا علمت أن $a \leq 2$ و $b \leq 3$ و $c \leq 4$

Exercise 4

تمرین 4

Soit ABC un triangle, D et E deux points appartiens respectivement aux cotés $[BC]$ et $[AC]$ du triangle et tel que $(AD) \perp (BC)$ et $(DE) \perp (AC)$. le cercle circonscrit au triangle ABD rencontre le segment $[BE]$ au point F (distinct de B), la demi-droite $[AF)$ coupe le segment $[DE]$ au point P .

Montrer que : $\frac{DP}{PE} = \frac{CD}{DB}$

$E \square D$ تنتمي إلى الضلعين ABC $[AC] \square [BC]$ على التوالي بحيث يكون $(AD) \perp (BC)$ ، الدائرة المحيطة بالمثلث ABD $(DE) \perp (AC)$ $[BE] \square [CE]$ ، نصف المستقيم $(B \square F)$ $[BE] \square [CE]$ $[AF] \square [DE]$.

$$\frac{DP}{PE} = \frac{CD}{DB} \quad : \text{بين أن}$$

هذه الصفحة هي نسخة تم إعادة تحريرها وليست بنسخة أصلية