

Comportement global d'un circuit électrique

I-Distribution de l'énergie électrique au niveau d'un récepteur :

1- Loi d'ohm pour un récepteur :

La tension électrique U_{AB} aux bornes d'un récepteur (moteur ou électrolyseur) est :

$$U_{AB} = E' + r'I \quad \text{avec :} \begin{cases} E' : \text{force contre électromotrice en (V)} \\ r' : \text{la résistance interne en } (\Omega) \\ I : \text{Intensité du courant en (A)} \end{cases}$$

2- Bilan énergétique d'un récepteur :

Lorsqu'un récepteur (électrolyseur ou moteur), soumis à une tension électrique U_{AB} , est parcouru par un courant électrique I , l'énergie électrique W_r qu'il reçoit pendant la durée Δt est :

$$W_r = U_{AB} \cdot I \cdot \Delta t$$

D'après la loi d'ohm :

$$U_{AB} = E' + r'I$$

$$W_r = E' \cdot I \cdot \Delta t + r' \cdot I^2 \cdot \Delta t$$

$$W_r = W_u + W_{th}$$

Tel que :

$W_r = U_{AB} \cdot I \cdot \Delta t$: Energie électrique reçue par le récepteur.

$W_u = E' \cdot I \cdot \Delta t$: Energie utile fournie par le récepteur (mécanique pour un moteur ou chimique pour un électrolyseur).

$W_{th} = r' \cdot I^2 \cdot \Delta t$: Energie thermique dissipée par effet Joule dans le récepteur.

3- Bilan de puissance du récepteur :

On divisant les deux membres de l'égalité par Δt , on obtient :

$$P_r = E' \cdot I + r' \cdot I^2$$

$$P_r = P_u + P_{th}$$

Tel que :

$P_r = U_{AB} \cdot I$: Puissance électrique reçue par le récepteur.

$P_u = E' \cdot I$: Puissance utile fournie par le récepteur.

$P_{th} = r' \cdot I^2$: Puissance thermique dissipée par effet Joule dans le récepteur.

4- Rendement d'un récepteur :

Définition :

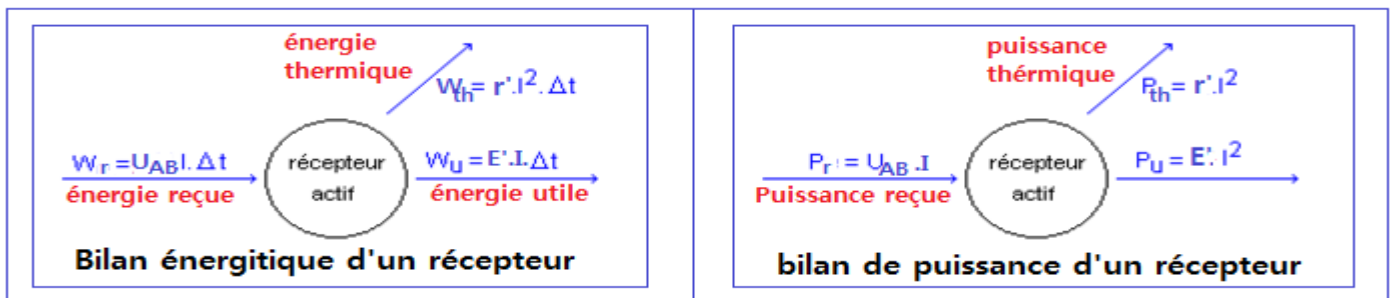
Le rendement d'un récepteur est le rapport de l'énergie utile W_u par l'énergie W_r reçue par le récepteur.

$$\rho = \frac{W_u}{W_r} = \frac{P_u}{P_r}$$

$$\rho = \frac{E' \cdot I \cdot \Delta t}{U_{AB} \cdot I \cdot \Delta t} \Rightarrow \rho = \frac{E'}{E' + r' \cdot I}$$

Remarque :

Le rendement est nombre sans unité qui s'exprime généralement en pourcentage.



II-Distribution de l'énergie électrique au niveau d'un générateur :

1- Loi d'ohm pour un générateur :

La tension électrique U_{PN} aux bornes d'un générateur est :

$$U_{PN} = E - rI \quad \text{avec : } \begin{cases} E : \text{force électromotrice en (V)} \\ r : \text{la résistance interne en } (\Omega) \\ I : \text{Intensité du courant en (A)} \end{cases}$$

2- Bilan énergétique d'un générateur :

La tension électrique U_{PN} aux bornes d'un générateur s'écrit : $U_{PN} = E - rI$

On multipliant les deux membres de cette égalité par $I \cdot \Delta t$, on obtient :

$$U_{PN} \cdot I \cdot \Delta t = E \cdot I \cdot \Delta t - r \cdot I^2 \cdot \Delta t$$

$$E \cdot I \cdot \Delta t = U_{PN} \cdot I \cdot \Delta t + r \cdot I^2 \cdot \Delta t$$

$$W_g = W_{ex} + W_{th}$$

Tel que :

$W_g = E \cdot I \cdot \Delta t$: Energie électrique totale fournie par le générateur.

$W_{ex} = U_{PN} \cdot I \cdot \Delta t$: Energie électrique utile fournie par le générateur au reste du circuit.

$W_{th} = r \cdot I^2 \cdot \Delta t$: Energie thermique dissipée par effet Joule dans le générateur.

3- Bilan de puissance du récepteur :

On divisant les deux membres de l'égalité par Δt , on obtient :

$$E \cdot I = U_{PN} \cdot I + r \cdot I^2$$

$$P_g = P_{ex} + P_{th}$$

Tel que :

$P_g = E \cdot I$: Puissance électrique utile fournie par le générateur au reste du circuit.

$P_{ex} = U_{PN} \cdot I$: Puissance électrique utile fournie par le générateur au reste du circuit.

$P_{th} = r \cdot I^2$: Puissance thermique dissipée par effet Joule dans le générateur.

4- Rendement d'un générateur:

Définition :

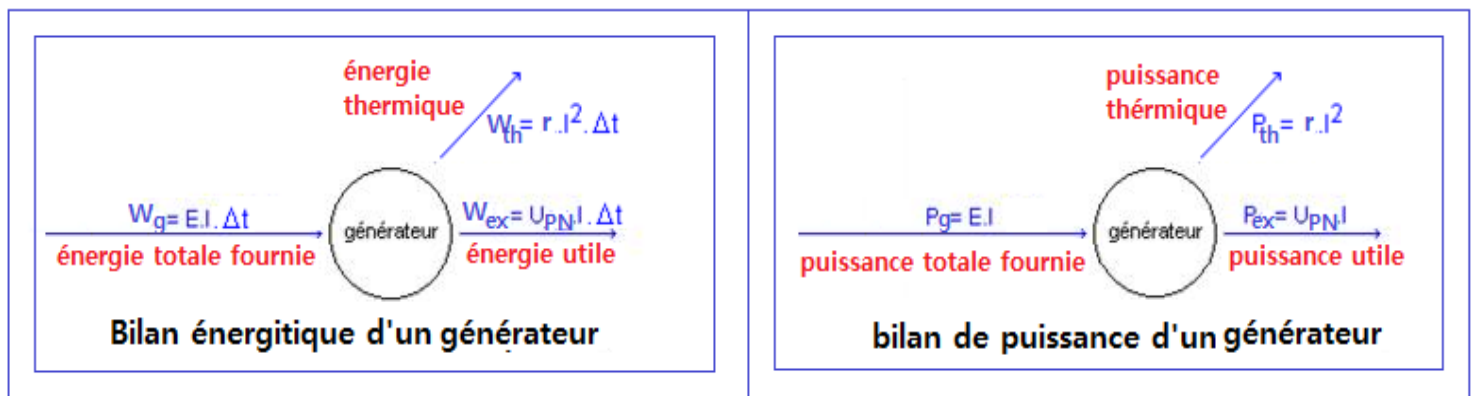
Le rendement d'un générateur est le rapport de l'énergie électrique W_{ex} fournie au reste du circuit à l'énergie totale W_g engendrée dans le générateur.

$$\rho = \frac{W_{ex}}{W_g} = \frac{P_{ext}}{P_g}$$

$$\rho = \frac{U_{PN} \cdot I \cdot \Delta t}{E \cdot I \cdot \Delta t} = \frac{E - rI}{E} \Rightarrow \rho = 1 - \frac{r}{E} \cdot I$$

Remarque :

Le rendement est nombre sans unité qui s'exprime généralement en pourcentage.

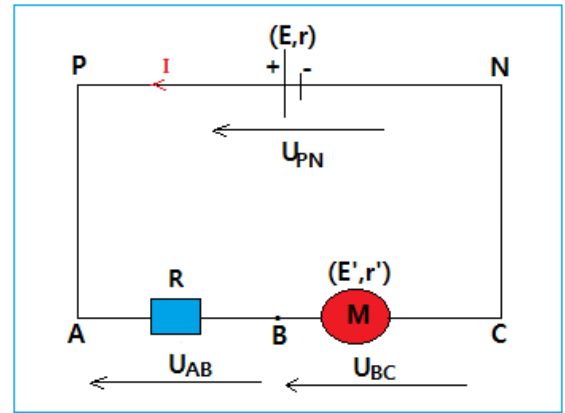


III- Bilan énergétique d'un circuit simple :

1- Loi de Pouillet

On considère le circuit en série constitué par un générateur, un moteur et un conducteur ohmique :

D'après la loi d'additivité des tensions et la loi d'ohm on a :



$$U_{PN} = U_{AB} + U_{BC}$$

$$E - r \cdot I = E' + r' \cdot I + R \cdot I$$

$$E - E' = (R + r + r') \cdot I$$

$$I = \frac{E - E'}{R + r + r'}$$

La généralisation de cette loi conduit à l'expression suivante :

$$I = \frac{\sum E - \sum E'}{\sum R}$$

2- Bilan énergétique de circuit :

On multipliant les deux membres de cette égalité par $I \cdot \Delta t$, on obtient :

$$(E - E')I \cdot \Delta t = (R + r + r') \cdot I^2 \cdot \Delta t$$

$$E \cdot I \cdot \Delta t = E' I \cdot \Delta t + (R + r') I \cdot \Delta t$$

$$W_g = W_u + W_{th}$$

$W_g = E \cdot I \cdot \Delta t$: Energie totale fournie par le générateur.

$W_u = E' \cdot I \cdot \Delta t$: Energie utile (mécanique pour le moteur).

$W_{th} = r' \cdot I \cdot \Delta t$: Energie thermique dissipée par effet joule.

2- Rendement globale d'un circuit simple:

Le rendement global de circuit est défini comme le rapport de l'énergie utile du circuit par l'énergie totale (du générateur).

$$\rho = \frac{W_u}{W_g} = \frac{E' \cdot I \cdot \Delta t}{E \cdot I \cdot \Delta t}$$

$$\rho = \frac{E'}{E}$$

IV- Facteurs influençant sur l'énergie fournit par un générateur au reste d'un circuit résistif :

1- Influence de la force électromotrice :

On considère le circuit suivant :

$$U_{PN} = E - rI$$

$$U_{AB} = R_{eq} \cdot I$$

R_{eq} : est la résistance équivalente du dipôle AB .

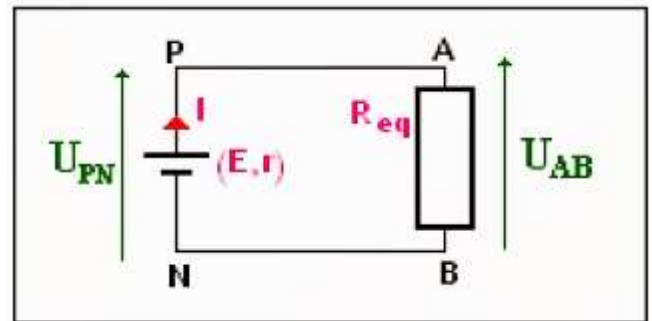
D'après la loi de Pouillet on a :

$$I = \frac{E}{r + R_{eq}}$$

L'énergie électrique fournie par un générateur pendant la durée Δt est : $W_{ex} = U_{PN} \cdot I \cdot \Delta t$

$$W_{ex} = R_{eq} \cdot I^2 \cdot \Delta t = \frac{R_{eq}}{(r + R_{eq})^2} \cdot E^2 \cdot \Delta t$$

La puissance électrique fournie par un générateur est proportionnelle au carré de sa force électromotrice.



2- Influence des résistances et de leurs modes d'association :

2-1- Influence de la résistance :

On considère le dipôle AB précédent est un conducteur ohmique de résistance R .

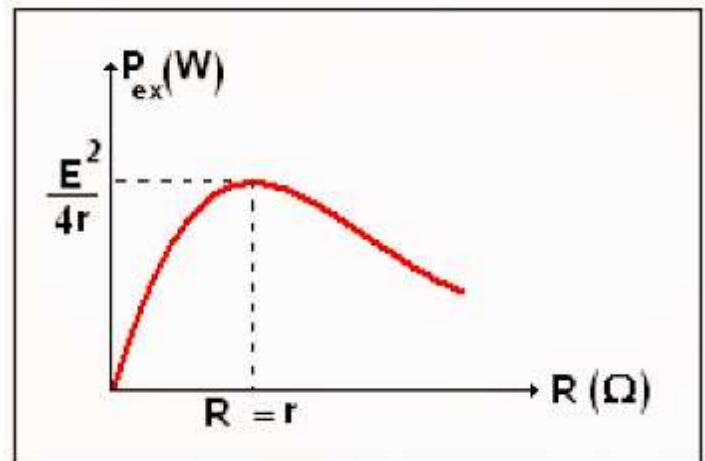
L'énergie électrique fournie par un générateur pendant la durée Δt est :

$$W_{ex} = U_{PN} \cdot I \cdot \Delta t$$

$$W_{ex} = R \cdot I^2 \cdot \Delta t = \frac{R}{(r + R)^2} \cdot E^2 \cdot \Delta t$$

En mathématique, pour une valeur donnée de la force électromotrice, la puissance

$P_{e \max}$ est maximale quand $R = r$. Son expression est : $P_{e \max} = \frac{E^2}{4r}$



2-2- Influence de mode d'association :

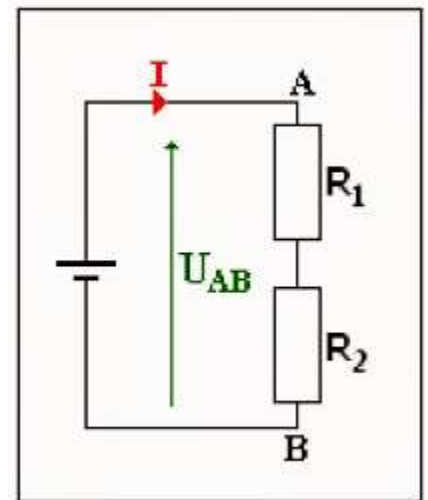
-Association en parallèle :

La puissance électrique fournie par le générateur aux deux conducteurs ohmiques est :

$$P = U_{AB} \cdot I = E \cdot I$$

$$I = \frac{E}{R_{eq}} \text{ et } R_{eq} = R_1 + R_2$$

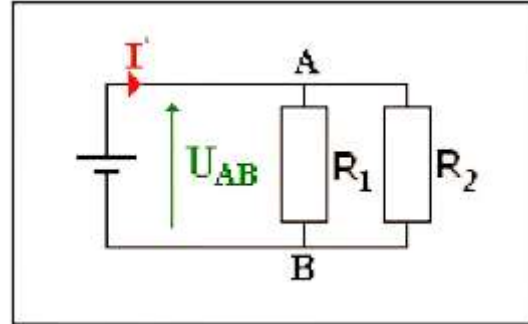
$$P = \frac{E^2}{R_1 + R_2}$$



-Association en parallèle :

La puissance électrique fournie par le générateur aux deux conducteurs ohmiques est :

$$P' = E \cdot I'$$
$$I' = \frac{E}{R'_{eq}} \text{ et } R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$
$$P' = (R_1 + R_2) \cdot \frac{E^2}{R_1 \cdot R_2}$$



Conclusion :

$$\frac{P'}{P} = \frac{(R_1 + R_2)^2}{R_1 \cdot R_2} > 1 \quad \text{donc : } P' > P$$

La puissance électrique fournie par un générateur à des conducteurs ohmiques montés en parallèle est supérieur à la puissance électrique fournie par ce générateur à ces conducteurs ohmiques montés en série.

V- limites de fonctionnement des générateurs et des récepteurs :

1- Générateurs :

Une alimentation stabilisée de tension fournit une intensité de courant constante tant que cette intensité ne dépasse pas une valeur limite indiquée par le constructeur :

$$P_{max} = E \cdot I_\ell$$

2- Conducteurs ohmiques :

Chaque conducteur ohmique est caractérisé par sa résistance R et sa puissance maximale P_{max} qu'il peut dissiper par effet Joule.

$$P_{max} = U_{max} \cdot I_{max} = R \cdot I_{max}^2 = \frac{U_{max}^2}{R}$$

Exprimons I_{max} et U_{max} que le conducteur peut supporter :

$$I_{max} = \sqrt{\frac{P_{max}}{R}} \quad \text{et} \quad U_{max} = \sqrt{R \cdot P_{max}}$$