

Rotation d'un solide indéformable autour d'un axe fixe (U).

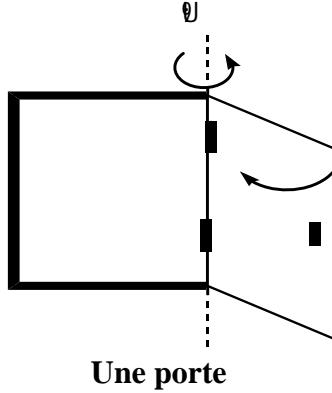
Prof. DELAHI Mohamed

1) Définition :

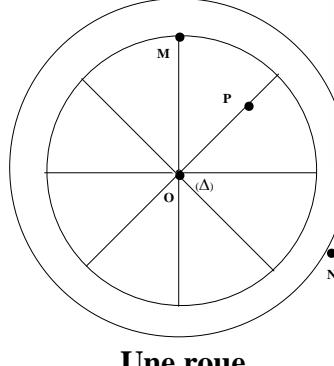
- ✓ On dit qu'un corps solide indéformable est en mouvement de rotation autour d'un axe fixe ; si tous les points qui le constituent sont en mouvement circulaire centré sur cet axe (Δ), (sauf les points appartenant à l'axe de rotation).

- ✓ le point M a un mouvement circulaire.
- ✓ le corps (S) un mouvement de rotation autour de l'axe (Δ).

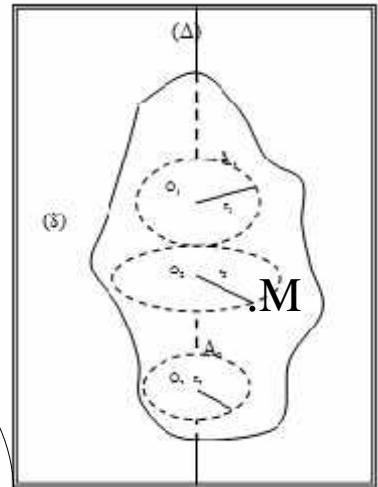
Exemples :



Une porte



Une roue

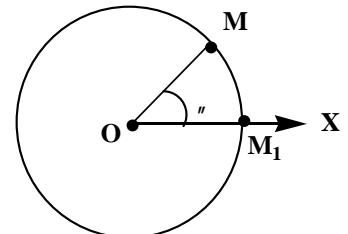


2) Repérage d'un point M en mouvement circulaire.:

- ✓ 2-1/ Abscisse angulaire „(t):

C'est l'angle orienté que fait le vecteur position \vec{OM} avec un axe arbitraire \vec{OX}

$$\theta(t) = \left(\vec{OX}, \vec{OM} \right)$$



Rad

- ✓ $\theta(t)$ est un grandeur algébrique exprimée en rad
- ✓ $\theta(t) = f(t)$: Equation horaire du mouvement.

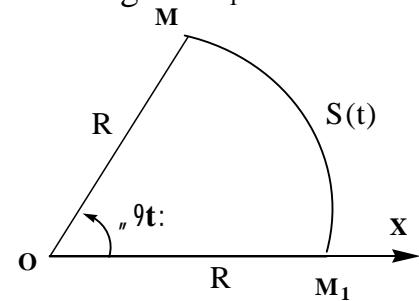
$$\text{Remarque : } \frac{(\text{deg})}{180} = \frac{(\text{rad})}{\pi}$$

- ✓ 2-2 Abscisse curviligne S(t):

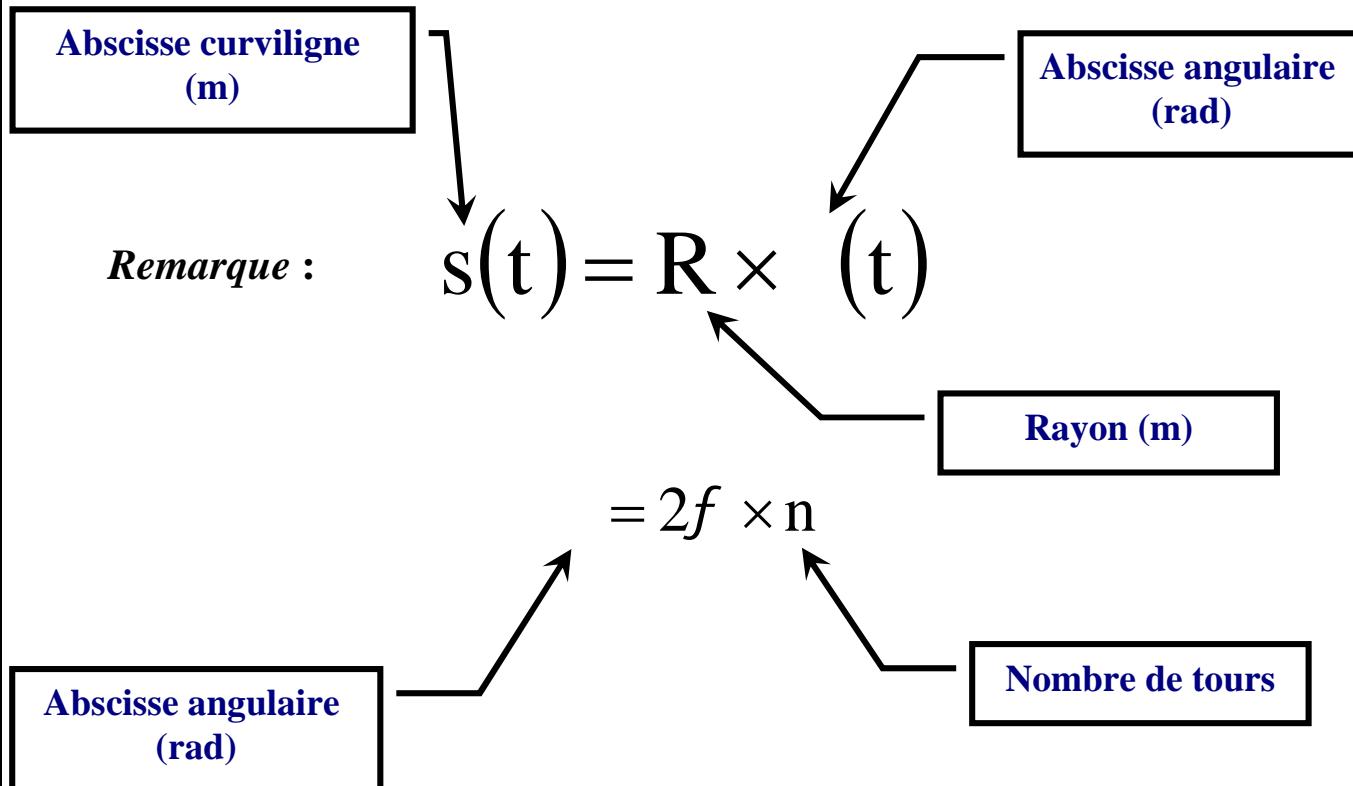
C'est la mesure algébrique de l'arc \vec{MM}_1 , compté à partir d'une origine M_1 .

m

$$S(t) = \widehat{MM}_1$$



2-3 Relation entre $s(t)$ et $S(t)$:



3) Vitesse angulaire $\dot{S}(t)$:

3-1 vitesse angulaire moyenne \dot{S}_m :

$$\dot{S}_m = \frac{\Delta\theta}{\Delta t}$$

$\Delta\theta$ en rad
 Δt en s
 ω_m en rad.s^{-1}

On la note avec $\Delta\theta$: angle balayé par \vec{OM} pendant la duré Δt

3-2 vitesse angulaire instantanée

$$\dot{S}_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

θ_{i+1} Abscisse angulaire à instant t_{i+1}

θ_{i-1} Abscisse angulaire à instant t_{i-1}

4) Vitesse linaire d'un point du solide $V(t)$:

4-1 vitesses linaire moyenne :

$$V_m = \frac{d}{\Delta t}$$

d en m
 Δt en s
 V_m en m.s^{-1}

4-2 vitesses linaire instantanées

$$V_i = \frac{\overbrace{M_{i+1} - M_{i-1}}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

Remarque : pendant une durée très court : $M_{i+1}M_{i-1} = M_{i+1}M_{i-1}$

Relation entre la vitesse linaire V et la vitesse angulaire $\dot{\theta}$:

Vitesse linaire (m/s)

vitesse angulaire (rad/s)

$$V = R \times \dot{\theta}$$

Rayon (m)

5) le mouvement de rotation uniforme.

5-1/- Définition :

Le mouvement d'un corps solide autour d'un axe fixe est uniforme ; si sa vitesse angulaire ω reste constante au cours du temps : $\omega = \text{Cte}$

5-2/-période T et fréquence N :

La période T : le temps d'un tour complet effectué par tout point d'un corps solide indéformable en rotation uniforme autour d'un axe fixe :

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

La fréquence N : la fréquence N , d'un mouvement de rotation uniforme d'un corps solide indéformable, représente le nombre de répétition qu'effectue chaque point de ce corps solide en 1 seconde.

fréquence (Hz)

Vitesse angulaire (rad/s)

$$N = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$$

Exercice d'application N°1:

période (s)

Un disque de rayon $R = 10\text{cm}$ tourne à 30tours/min , autour d'un axe passant par son centre d'inertie .

1. Calculer la période et la fréquence de ce disque .
2. Calculer la vitesse angulaire du disque . En déduire la vitesse d'un point M situé sur la circonférence d'un disque .
3. Calculer la vitesse d'un point N situé sur une circonférence de rayon $r = 5\text{cm}$.

Exercice d'application N°2:

- 1) Calculer w_s la vitesse angulaire de l'aiguille des secondes d'une montre.
- 2) Calculer N_m la fréquence de l'aiguille des minutes d'une montre.
- 3) Calculer V la vitesse linaire de l'extrémité de l'aiguille des heures de cette montre en m/min on donne la distance qui sépare l'extrémité du centre de rotation est de 2 cm.

5-3/ Equation horaire du mouvement de rotation uniforme :

En abscisse angulaire „(t) :

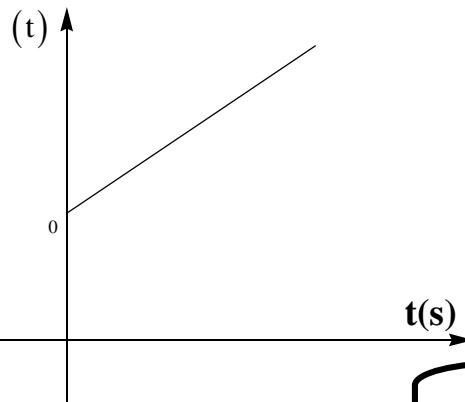
abscisse angulaire
(rad)

Abscisse angulaire.à l'origine
(rad)

$$\varphi(t) = \omega \times t + \varphi_0$$

vitesse angulaire (rad/s)

Instant (s)



En abscisse curviligne s(t) :

Abscisse curviligne
(m)

Abscisse curviligne.à l'origine
(rad)

$$s(t) = V \times t + s_0$$

Vitesse linaire (m/s)

Instant (s)

