

## Rotation d'un solide indéformable autour d'un axe fixe ( $\Delta$ ) .

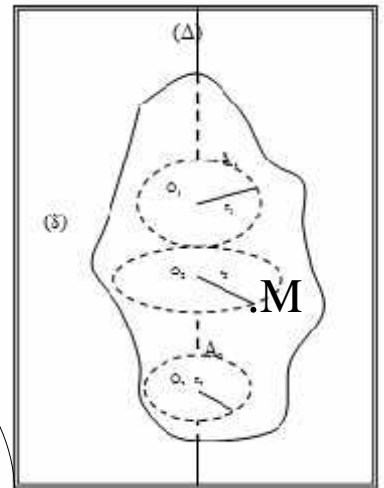
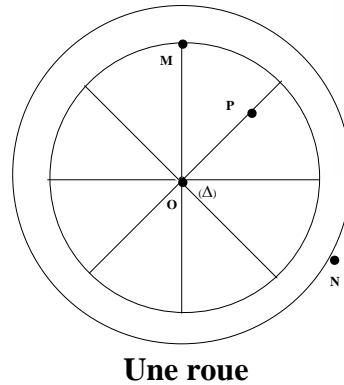
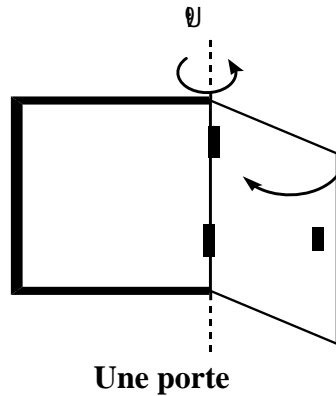
Prof. DELAHI Mohamed

### 1) Définition :

✓ On dit qu'un corps solide indéformable est en mouvement de rotation autour d'un axe fixe ; si tous les points qui le constituent sont en mouvement circulaire centré sur cet axe ( $\Delta$ ), (sauf les points appartenant à l'axe de rotation).

- ✓ le point M a un mouvement circulaire.
- ✓ le corps (S) un mouvement de rotation autour de l'axe ( $\Delta$ ).

### Exemples :



### 2) Repérage d'un point M en mouvement circulaire.:

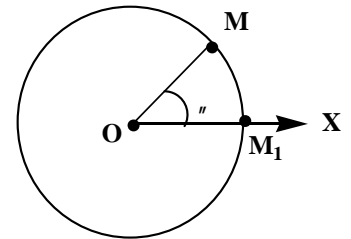
#### ✓ 2-1/ Abscisse angulaire $\theta(t)$ :

C'est l'angle orienté que fait le vecteur position  $\vec{OM}$  avec un axe arbitraire  $\vec{OX}$

$$\theta(t) = \left( \vec{OX}, \vec{OM} \right)$$

Rad

- ✓  $\theta(t)$  est une grandeur algébrique exprimée en rad
- ✓  $\theta(t) = f(t)$  : Equation horaire du mouvement.



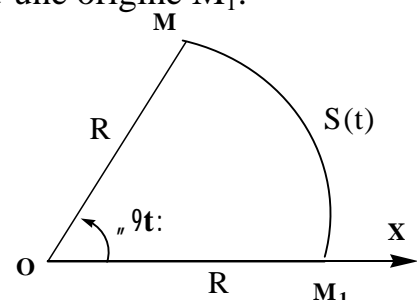
Remarque :  $\frac{(\text{deg})}{180} = \frac{(\text{rad})}{1}$

#### ✓ 2-2 Abscisse curviligne $S(t)$ :

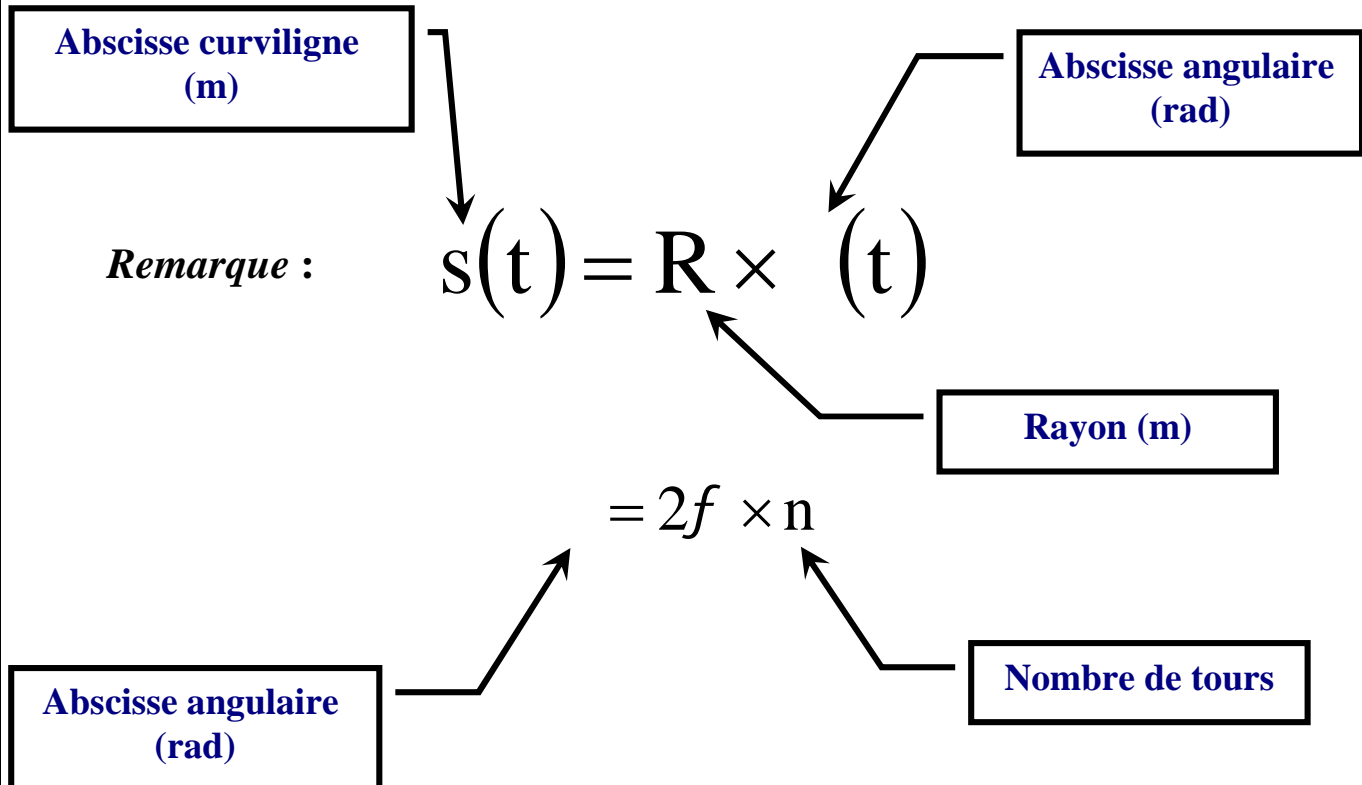
C'est la mesure algébrique de l'arc  $\widehat{MM_1}$  compté à partir d'une origine  $M_1$ .

$$S(t) = \widehat{MM_1}$$

m



## 2-3 Relation entre $s(t)$ et $S(t)$ :



## 3) Vitesse angulaire $\dot{S}(t)$ :

### 3-1 vitesse angulaire moyenne $\dot{S}_m$ :

$$\dot{S}_m = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

$$\begin{cases} \Delta \theta & \text{en rad} \\ \Delta t & \text{en s} \\ \omega_m & \text{en rad.s}^{-1} \end{cases}$$

On la note avec  $\Delta \theta$  : angle balayé par  $\vec{OM}$  pendant la durée  $\Delta t$

### 3-2 vitesse angulaire instantanée

$$\dot{S}_i = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

$\theta_{i+1}$  Abscisse angulaire à instant  $t_{i+1}$   
 $\theta_{i-1}$  Abscisse angulaire à instant  $t_{i-1}$

## 4) Vitesse linéaire d'un point du solide $V(t)$ :

### 4-1 vitesse linéaire moyenne :

$$V_m = \frac{d}{\Delta t}$$

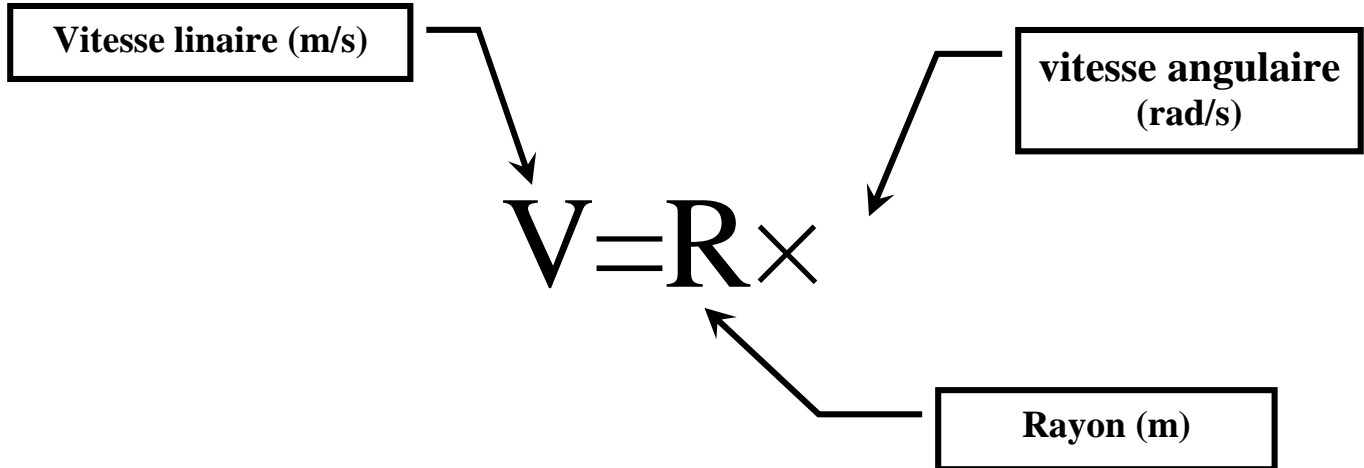
$$\begin{cases} d & \text{en m} \\ \Delta t & \text{en s} \\ V_m & \text{en m.s}^{-1} \end{cases}$$

### 4-2 vitesse linéaire instantanées

$$V_i = \frac{M_{i+1} - M_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

Remarque : pendant une durée très court :  $M_{i+1}M_{i-1} = M_{i+1}M_{i-1}$

**Relation entre la vitesse linéaire  $V$  et la vitesse angulaire  $\dot{\theta}$  :**



## 5) le mouvement de rotation uniforme.

### 5-1/- Définition :

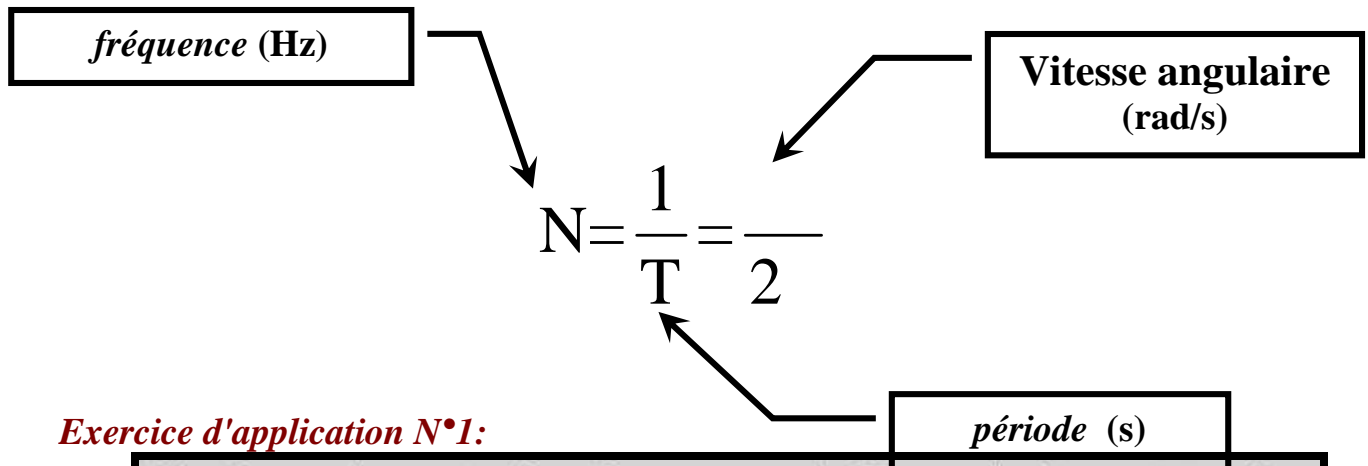
Le mouvement d'un corps solide autour d'un axe fixe est uniforme ; si sa vitesse angulaire  $\omega$  reste constante au cours du temps :  $\omega = \text{Cte}$

### 5-2/-période $T$ et fréquence $N$ :

**La période  $T$**  : le temps d'un tour complet effectué par tout point d'un corps solide indéformable en rotation uniforme autour d'un axe fixe :

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

**La fréquence  $N$**  : la fréquence  $N$ , d'un mouvement de rotation uniforme d'un corps solide indéformable, représente le nombre de répétition qu'effectue chaque point de ce corps solide en 1 seconde.



### Exercice d'application N°1:

Un disque de rayon  $R = 10\text{cm}$  tourne à  $30\text{ tours/min}$ , autour d'un axe passant par son centre d'inertie .

1. Calculer la période et la fréquence de ce disque .
2. Calculer la vitesse angulaire du disque . En déduire la vitesse d'un point M situé sur la circonférence d'un disque .
3. Calculer la vitesse d'un point N situé sur une circonférence de rayon  $r = 5\text{cm}$  .

**Exercice d'application N°2:**

- 1) Calculer  $\omega_s$  la vitesse angulaire de l'aiguille des secondes d'une montre.
- 2) Calculer  $N_m$  la fréquence de l'aiguille des minutes d'une montre.
- 3) Calculer  $V$  la vitesse linéaire de l'extrémité de l'aiguille des heures de cette montre en m/min on donne la distance qui sépare l'extrémité du centre de rotation est de 2 cm.

**5-3/ Equation horaire du mouvement de rotation uniforme :**

**En abscisse angulaire  $\theta(t)$  :**

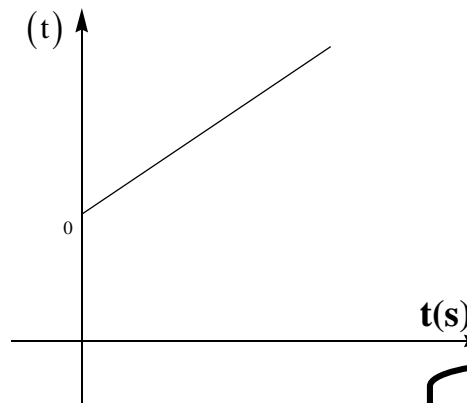
abscisse angulaire  
(rad)

Abscisse angulaire.à l'origine  
(rad)

$$\theta(t) = \omega \times t + \theta_0$$

vitesse angulaire (rad/s)

Instant (s)



**En abscisse curviligne  $s(t)$  :**

Abscisse curviligne  
(m)

Abscisse curviligne.à l'origine  
(rad)

$$s(t) = V \times t + s_0$$

Vitesse linéaire (m/s)

Instant (s)

