



**Exercice 1 :** Soit  $f$  une fonction numérique d'une variable réelle, calculer  $f'(x)$  sur l'intervalle  $I$  dans chacun des cas suivants :

5x1

- 1)  $f(x) = \sqrt{3}x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 11x - 13$  ;  $I = \mathbb{R}$
- 2)  $f(x) = (x^2 - 4x).\sqrt{x}$  ;  $I = [0; +\infty[$
- 3)  $f(x) = \sqrt{2x^2 - 3x + 5}$  ;  $I = \mathbb{R}$
- 4)  $f(x) = \frac{1}{2 + \cos x}$  ;  $I = \mathbb{R}$
- 5)  $f(x) = 4 \cos 2x - 6 \sin 3x$  ;  $I = \mathbb{R}$

**Exercice 2 :** On considère la fonction numérique  $f$  définie par : 
$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{x-3} & \dots x > 3 \\ f(x) = x^2 - x - 6 & \dots x \leq 3 \end{cases}$$

et  $C_f$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

2  
1

- 1) a- Étudier la dérivable de  $f$  à droite et à gauche en 3.
- b- Donner une interprétation géométrique du résultat obtenu ci dessus.

1,5

- 2) a- Montrer que  $f$  est dérivable en 4, et que  $f'(4) = \frac{1}{2}$ , donner une interprétation géométrique de ce résultat.
- b- Donner une approximation du nombre  $f(3,99)$ .

1

**Exercice 3 :** On considère la fonction numérique  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = (x^2 + 1)^9$

1

- 1) Montrer que :  $\forall x \in \mathbb{R}$  ;  $f'(x) = 18x(x^2 + 1)^8$

1

- 2) Calculer la limite suivante :  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x^2 + 1)^9 - 1}{x}$

1

**Exercice 4 :** On considère la fonction numérique  $f$  définie par :  $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 7}{x - 3}$

et  $C_f$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

0,5

- 1) a- Déterminer  $D_f$

2

b- calculer les limites suivantes :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$

1

- 2) a- Montrer que  $f$  est dérivable sur les deux intervalles  $]-\infty; 3[$ ,  $[3; +\infty[$ .

1

b- Montrer que :  $\forall x \in D_f$  ;  $f'(x) = \frac{(x-2)(x-4)}{(x-3)^2}$

1,5

c- Montrer que  $f$  est croissante sur les deux intervalles  $]-\infty; 2]$ ,  $[4; +\infty[$  ? et qu'elle est décroissante sur  $[2; 3[$  et sur  $[3; 4]$ .

0,5

d- Dresser le tableau de variation de  $f$ .

1

- 3) Donner l'équation de la tangent à  $C_f$  au point d'abscisse 1.