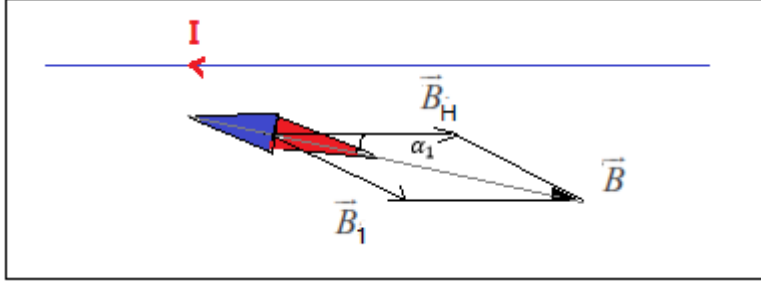


تصحيح تمارين المجال المغنطيسي المحدث من طرف التيار الكهربائي

تمرين 1 :

1- في غياب التيار الكهربائي تتجه الأبرة الممغنطة في اتجاه المركبة الأفقية للمجال المغنطيسي الأرضي \vec{B}_H .



في وجود التيار الكهربائي متجهة المجال المغنطيسي \vec{B}_1 المحدث من طرف السلك يكون اتجاهها عمودي على السلك ومنحاه نحو الشرق ، أنظر الشكل .

2- حساب B_1 :

$$\text{حسب العلاقة المثلثية : } \tan \alpha_1 = \frac{B_1}{B_H} \quad \text{أي : } B_1 = B_H \cdot \tan \alpha_1$$

$$B_1 = 2.10^{-5} \times \tan(3^\circ) = 10^{-6} T \quad \text{ت.ع.}$$

3- بالنسبة لشدة التيار I_2 لدينا :

$$\text{مع } \tan \alpha_2 = \frac{B_2}{B_H} \quad \text{أي : } B_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_2}{d} \quad \text{وبالتالي : (1) } \mu_0 \cdot I_2 = 2\pi \cdot d \cdot B_H \cdot \tan \alpha_2$$

بالنسبة لشدة التيار I_1 :

$$\mu_0 \cdot I_2 = 2\pi \cdot d \cdot B_H \cdot \tan \alpha_2 \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{\tan \alpha_2}{\tan \alpha_1} \Rightarrow I_2 = I_1 \cdot \frac{\tan \alpha_2}{\tan \alpha_1} = I_1 \cdot \frac{\tan(10\alpha_1)}{\tan \alpha_1}$$

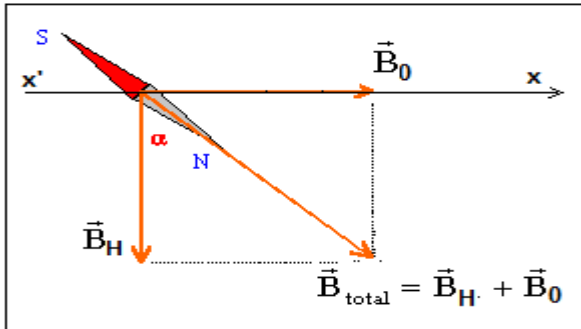
$$I_2 = 128 \times \frac{\tan(30^\circ)}{\tan(3^\circ)} = 1410 \text{ mA} = 1.41 \text{ A} \quad \text{ت.ع.}$$

تمرين 2 :

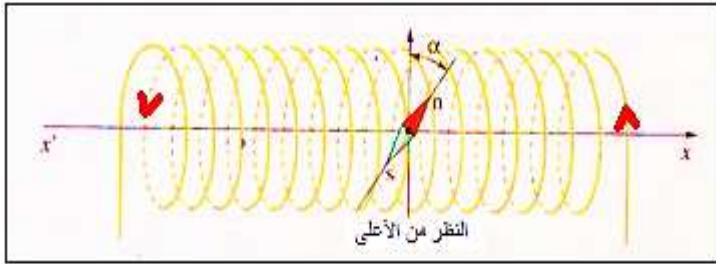
1- تعيين اتجاه \vec{B}_H :

تخضع الإبرة الممغنطة في غياب التيار الكهربائي للمتجهة \vec{B}_H فقط ، وبما أن اتجاه الإبرة عمودي على المحور $x'x$ فإن اتجاه \vec{B}_H ، أي خط الزوال يكون عموديا على المحور $x'x$ المطابق لمحور الملف اللولبي .

2-1- تعيين منحى \vec{B}_0 :



مرور التيار الكهربائي في الملف ، يحدث مجالا مغنطيسيا ، ينتج عنه انحراف الإبرة بالزاوية α ، يبرز هذا منحى \vec{B}_0 الذي يوافق منحى المحور $x'x$ ومنه نستنتج أن منحى التيار في الملف اللولبي يدخل من x' ويخرج من x (أنظر الشكل).



2-2- حساب شدة \vec{B}_0 :

حسب الشكل العلاقة المثلثية تكتب :

$$\tan \alpha = \frac{B_0}{B_H} \Rightarrow B_0 = B_H \cdot \tan \alpha$$

ت.ع:

$$B_0 = 20.10^{-6} \times \tan(30^\circ) = 1,15.10^{-5} T$$

3- مميزات \vec{B} المجال المغنطيسي الكلي :

- الأصل : النقطة O .
- الاتجاه : المستقيم المار من O والذي يكون زاوية $\alpha = 30^\circ$ مع خط الزوال .
- المنحى : منحى SN الإبرة الممغنطة .

$$\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}_H \Rightarrow B = \sqrt{B_0^2 + B_H^2}$$

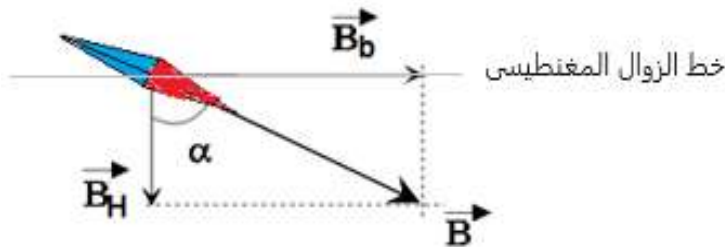
$$B = \sqrt{(1,15.10^{-5})^2 + (2.10^{-5})^2}$$

ت.ع :

$$B = 2,31.10^{-5} T$$

تمرين 3 :

في غياب التيار الكهربائي في الوشيعه ، تأخذ الإبرة الممغنطة اتجاه متجه المجال المغنطيسي الأرضي \vec{B}_H . عند مرور التيار في الوشيعه تحدث في مركز الوشيعه مجال مغناطيسي متجهته \vec{B}_b وتنحرف الإبرة وفق اتجاه \vec{B} حيث : $\vec{B} = \vec{B}_H + \vec{B}_b$ (أنظر الشكل).



$$B_b = B_H \cdot \tan \alpha \quad \text{أي} \quad \tan \alpha = \frac{B_b}{B_H}$$

$$B_b = 2.10^{-5} \times \tan 60^\circ =$$

$$3,46.10^{-5} T$$

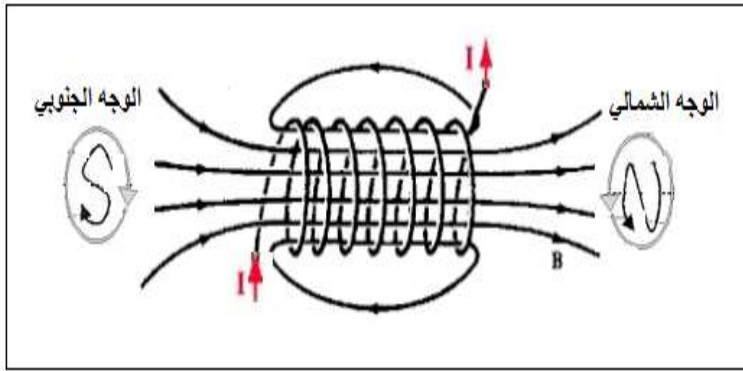
2- حساب شدة التيار I :

$$\text{لدينا : } B_b = \mu_0 \frac{N.I}{D} \quad \text{أي} \quad \mu_0 \cdot N.I = B_b \cdot D \quad \text{ومنه}$$

$$I = \frac{B_b \cdot D}{\mu_0 \cdot N}$$

$$I = \frac{3,46.10^{-5} \times 0,1}{4\pi.10^{-7} \times 100} = 2,75.10^{-2} A \quad \text{ت.ع :}$$

تمرين 4 :



1- توجيه خطوط المجال و تحديد القطب الشمالي N

والجنوبي S للملف (أنظر الشكل جانبه) :

2- تعبير شدة المجال المغنطيسي داخل الملف اللولبي :

$$B_{\text{solénoïde}} = \mu_0 \cdot \frac{N \cdot I}{L}$$

ت.ع :

$$B_{\text{solénoïde}} = 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \times \frac{1000 \times 20 \cdot 10^{-3}}{81 \cdot 10^{-2}} = 3,1 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

1.3- تخضع الإبرة في غياب التيار الكهربائي الى المجال

المغنطيسي الارضي فتتحرف نحو المركبة الأفقية للمجال

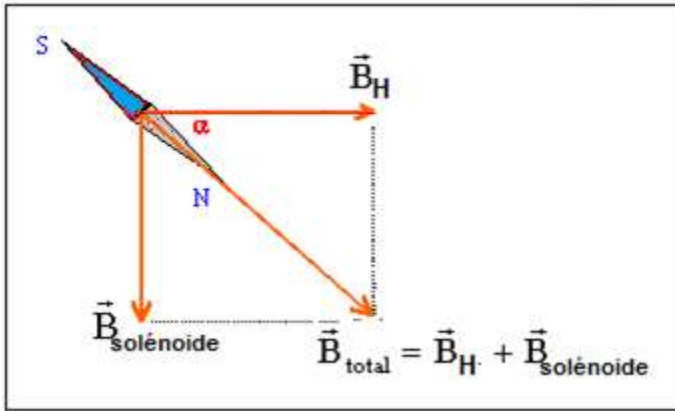
المغنطيسي الأرضي \vec{B}_H .

2.3- استنتاج قيمة B_H شدة المركبة الأفقية للمجال

المغنطيسي الأرضي :

$$B_H = \frac{B_{\text{solénoïde}}}{\tan \alpha} \quad \text{أي} \quad \tan \alpha = \frac{B_b}{B_H}$$

$$B_H = \frac{3,1 \cdot 10^{-5}}{\tan(57.5^\circ)} = 2 \cdot 10^{-5} \text{ T} \quad \text{ت.ع :}$$

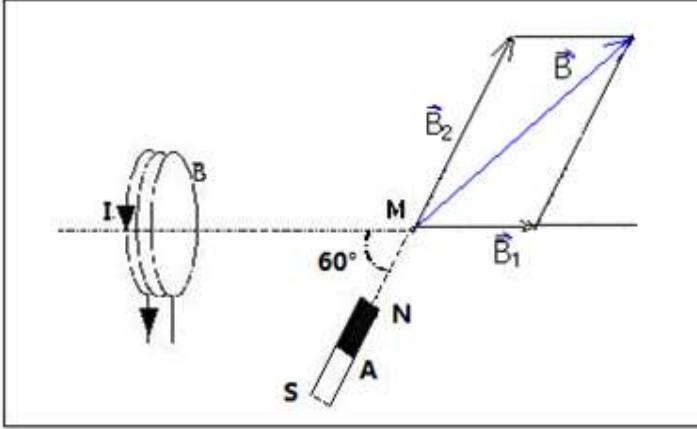


تمرين 5 :

1- شدة المجال المغنطيسي الذي تحدثه الوشيجة في مركزها :

$$B = \frac{\mu_0}{2} \cdot \frac{N \cdot I}{R} \quad \text{لدينا :}$$

$$B = \frac{4 \cdot \pi \cdot 10^{-7}}{2} \times \frac{400 \times 0,5}{5 \cdot 10^{-2}} = 10^{-3} T \quad \text{ت.ع :}$$



(1.2) - تمثيل متجهتي المجالين \vec{B}_1 و \vec{B}_2 في النقطة M

بالسلم : $1 cm \rightarrow 1 mT$

(2.2) - مبياننا نجد طول سهم المتجهة \vec{B} تقريبا $5,5 cm$

باستعمال السلم نحصل على : $B \approx 5,5 mT$

(3.2) - التحقق من قيمة B باستعمال العلاقة :

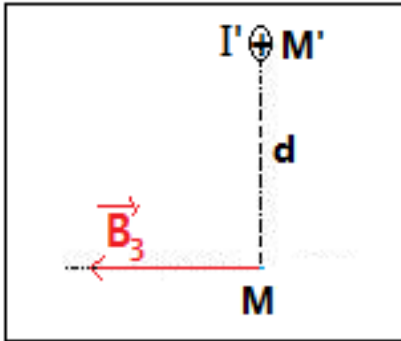
$$B = \sqrt{B_1^2 + B_2^2 + 2B_1 \cdot B_2 \cdot \cos(\vec{B}_1, \vec{B}_2)}$$

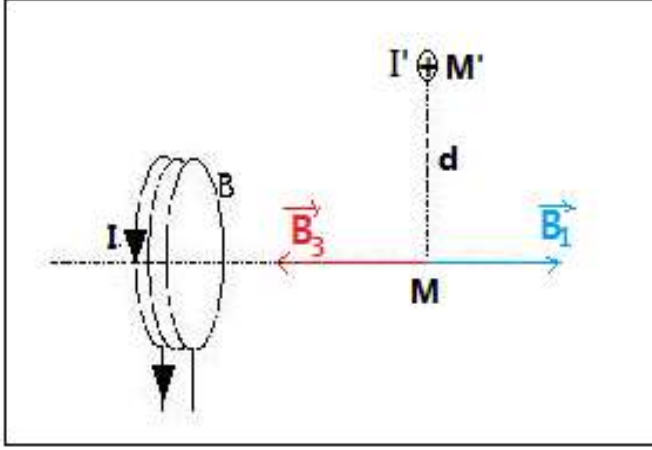
$$B = \sqrt{2^2 + 4^2 + 2 \times 2 \times 4 \times \cos(60^\circ)} \approx 5,5 mT \quad \text{ت.ع :}$$

(4.2) - أ- تمثيل متجهة المجال \vec{B}_3 الذي يحدثه السلك بدون سلم (أنظر الشكل) .

مميزات المتجهة \vec{B}_3 :

- نقطة التأثير : النقطة M' .
- خط التأثير : المستقيم الأفقي المار من النقطة M والعمودي على السلك .
- المنحى : نحو اليسار (نستعمل قاعدة ملاحظ أمبير أو اليد اليمنى) .
- الشدة : $B_3 = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I'}{d}$ ت.ع : $B_3 = \frac{4 \cdot \pi \cdot 10^{-7}}{2\pi} \times \frac{10}{10^{-3}} = 2 \cdot 10^{-3} T = 2 mT$





ب- تمثيل متجهتي المجالين \vec{B}_1 و \vec{B}_3 أنظر الشكل جانبه :

لدينا : $\vec{B}' = \vec{B}_1 + \vec{B}_3$ بما أن للمتجهتين \vec{B}_1 و \vec{B}_3 نفس

الاتجاه ونفس الشدة ومنحيان متعاكسان فإن :

$$B' = B_1 - B_3 = 0$$

نستنتج ان المجال B' الناتج عن تراكب المجالين \vec{B}_1 و \vec{B}_3 منعدم .