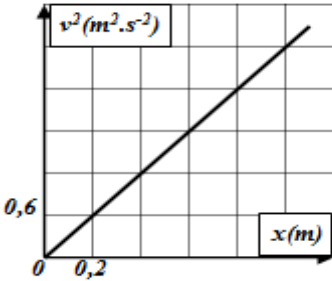
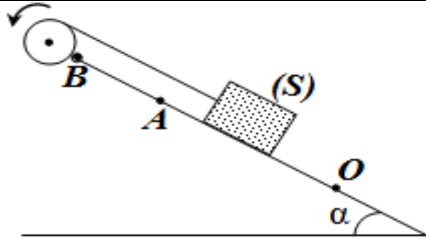


تمارين في

درس الطاقة الميكانيكية



تمرين 1 نلف حول مجرى بكرة شعاعه $r=10\text{cm}$ و عزم قصورها بالنسبة لمحور أفقي ثابت (Δ) يمر بمركزها $J_A=4.10^{-2}\text{kg.m}^2$, خيطا ثبت في طرفه جسم صلب (S) كتلته $m=500\text{g}$. نحدث بواسطة محرك دوران البكرة، فينطلق (S) بدون سرعة بدنية من النقطة O منزلقا نحو الأعلى حسب الخط الأكبر ميلا للمستوى (π) الذي يكون زاوية $\alpha=30^\circ$ مع المستوى الأفقي.

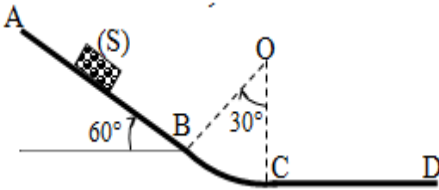
نهمل جميع الاحتكاكات و كتلة الخيط الذي نعتبره غير مدود و لا ينزلق على مجرى البكرة. يمثل منحنى الشكل جانبه تغير v^2 مربع سرعة G مركز قصور (S) بدلالة أفصوله $x=OG$.
1. عبر عن الطاقة الحركية $E_c(S)$ للجسم (S) بدلالة الأفصول x .

2. أوجد تعبير الطاقة الحركية $E_c(P)$ للبكرة بدلالة x و J_A و r . ثم احسب قيمتها لحظة مرور (S) بالموضع A . نعطي: $OA=d=1\text{m}$

3. عند مرور (S) بالموضع A , ينفصل الخيط عن الجسم (S) و يتابع هذا الأخير مساره على المستوى (π) ليصل إلى أعلى موضع B أوجد تعبير $E_m(A)$ الطاقة الميكانيكية للجسم (S) لحظة مروره من الموضع A بدلالة g و α و d .

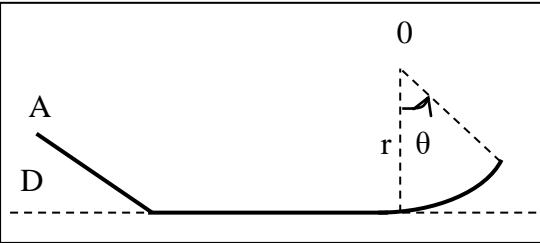
نأخذ المستوى الأفقي المار من النقطة O مرجعا لطاقة الوضع الثقالية.

4. حدد قيمة $E_m(B)$ الطاقة الميكانيكية للجسم (S) عند النقطة B .
5. استنتج قيمة المسافة AB .



تمرين 2 ينتقل جسما صلبا (S) كتلته $m=400\text{g}$ فوق مدار ABCD يتكون من جزء مستقيم AB طوله $AB=3\text{m}$ و جزء دائري BC شعاعه $R=50\text{cm}$ و جزء مستقيم CD طوله $CD=2\text{m}$. نطلق (S) من الموضع A بدون سرعة بدنية (نهمل احتكاك على المدار ABC). نختار $E_{pp}=0$ عند الموضع C .

1. عبر عن طاقة الوضع الثقالية و الطاقة الميكانيكية ل (S) في الموضع A , و احسب قيمتهما.
2. احسب طاقة الوضع الثقالية و الطاقة الحركية ل (S) في الموضع B .
3. احسب طاقة الوضع الثقالية و الطاقة الحركية ل (S) في الموضع C .
4. إذا كانت سرعة (S) تنعدم عند الموضع D , احسب شغل قوة الاحتكاك بين الموضعين C و D واستنتج كمية الحرارة المحررة خلال الانتقال CD .



تمرين 3 ينزلق جسم (S) كتلته $m=500\text{g}$ على سكة رأسية $ABCD$. تتكون السكة من ثلاثة أجزاء :

- الجزء AB مستقيمي و مائل بزاوية $\alpha=30^\circ$ بالنسبة للخط الأفقي.

- الجزء BC مستقيمي و أفقي.

- جزء CD عبارة عن قوس من دائرة شعاعها r .

1- ينطلق الجسم (S) من A بسرعة V_A ليصل إلى B بسرعة $V_B=4\text{m.s}^{-1}$. نعتبر الاحتكاكات مهمة طول الجزء AB و نعطي, $AB=1,2\text{m}$.

1-1: أحسب شغل وزن الجسم (S) أثناء الانتقال \overline{AB} .

2-1: بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية, أوجد V_A .

2- نعتبر الاحتكاكات طول الجزء BC مكافئة لقوة \vec{f} مماسة للمسار و منحاهها معاكس لمنحى حركة (S) و شدتها $f=1,5\text{N}$.

2-2: أحسب BC . نعطي: $V_C=1\text{m.s}^{-1}$.

3-2: أحسب Q كمية الحرارة المحررة بسبب الاحتكاك في الجزء BC .

3- يتابع الجسم (S) حركته ليتوقف عند النقطة D المحددة بالزاوية θ . نعتبر الاحتكاكات مهمة طول الجزء CD .

1-3: أوجد تعبير شغل وزن الجسم (S) بدلالة m و g و r و θ .

2-3: بتطبيق انحفاظ الطاقة الميكانيكية بين C و D , أثبت أن: $\cos \theta = 1 - \frac{V_C^2}{2.g.r}$. نختار المستوى المار من C مستوى مرجعيا لطاقة الوضع الثقالية.

نأخذ شدة مجال الثقالة $g=10\text{N.kg}^{-1}$.

3-3: أحسب θ ثم استنتج طول القوس CD . نعطي: $r=50\text{cm}$.

تمرين 4:

نعتبر المجموعة (S) مكونة من كرية B كتلتها $m_1=100\text{g}$ مثبتة الى جانب قرص متجانس D كتلته $m=500\text{g}$ وشعاعه $R=50\text{cm}$ و مركزه O .

1- أوجد مركز قصور المجموعة (كرية + قرص).

المجموعة (S) قابلة للدوران في مجال الثقالة حول محور (Δ) أفقي يمر الطرف A . نهمل جميع الاحتكاكات و نعطي: عزم قصور المجموعة (S) بالنسبة ل (Δ): $J_A=2,4.10^{-3}\text{kg.m}^2$.

نسمي θ الأفصول الزاوي لمركز قصور المجموعة (S) بالنسبة لموضع توازنها المستقر.

2- نعتبر $E_{pp}=0$ عند $\theta=0$, نزيح العارضة عن موضع توازنها المستقر ($\theta=0$) بزاوية $\theta_0=60^\circ$ و نحررها بدون سرعة بدنية.

1-2: أعط تعبير الطاقة الميكانيكية للمجموعة (S) بدلالة θ و m و R و g و J_A و ω (السرعة الزاوية).

2-2: أوجد قيمة السرعة الزاوية للمجموعة (S) عند مرورها من موضع توازنها المستقر.

3-2: استنتج سرعة الكرية عند مرور المجموعة (S) من موضع توازنها المستقر.

3- نزيح الآن المجموعة (S) عن موضع توازنها المستقر بالزاوية $\theta_0=\pi/2$ ثم نرسلها نحو الأسفل بسرعة زاوية $\omega_0=4\text{rad/s}$.

1-3: أوجد z_{\max} الأنسوب القصوي لمركز قصور العارضة G .

2-3: عند مرور المجموعة (S) من الموضع البدني ذي الأفصول θ_0 , تكون سرعتها الزاوية $\omega=3,2\text{rad/s}$.

3-3: فسر تغيير الطاقة الميكانيكية للمجموعة (S) وأوجد تعبير هذا التغير.

