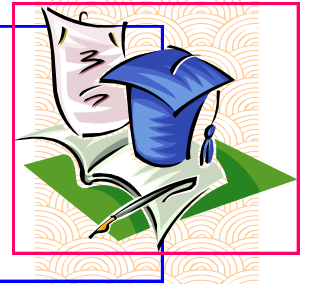


الجزء I : الشغل الميكانيكي و الطاقة

الدرس 3 : الشغل و الطاقة الحركية

السلسلة ③ I



### التمرين 01

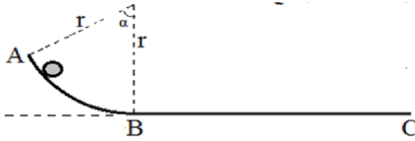
α

(I) تسقط كرة كتلتها  $m=20g$  سقوطا حرا بدون سرعة بدئية، من نقطة على العلو  $h=16m$  من سطح الأرض. نأخذ  $g=9,8N.kg^{-1}$ .

① مثل على شكل القوى المطبقة على الكرة. أحسب شغل وزن الكرة أثناء السقوط.

② أحسب الطاقة الحركية للكرة عند وصولها إلى سطح الأرض، و استنتج قيمة سرعتها في هذه الوضعية.

③ ماذا ستكون قيمة هذه السرعة لو استبدلنا الكرة السابقة بأخرى كتلتها  $m'=2m$  ؟ استنتج.



(II) ينزلق جسم (S) كتلته  $m=5kg$  فوق سكة تنتمي إلى مستوى رأسي و متكونة من جزئين: جزء

دائري AB مركزه O و شعاعه :  $r=0,5m$  بحيث  $\alpha=60^\circ$  و جزء مستقيمي BC. نأخذ

$g=9,8N.kg^{-1}$ .

① ينطلق الجسم من النقطة A بدون سرعة بدئية. باعتبار الإحتكاكات مهملة طول الجزء AB، أحسب سرعة الجسم عند النقطة B.

② يقطع (S) المسافة  $BC=16m$  قبل أن يتوقف. باعتبار أن الإحتكاكات مكافئة لقوة  $f$  ثابتة طول الجزء BC. أحسب  $f$

α

### التمرين 02

تنتقل سيارة على مسار مستقيمي من أعلى إلى أسفل لمنحدر مائل بزاوية  $\beta=4^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي. كتلة السيارة  $m=800kg$  و سرعتها

$v=72km/h$ . فجأة و في موضع A، يشغل السائق المكابح، فتتوقف السيارة عند النقطة B على بعد المسافة  $d=92m$  من A. نهمل مقاومة

الهواء.

① مثل على شكل القوى المطبقة على السيارة أثناء عملية الكبح.

② أحسب شغل الوزن بين A و B.

③ أحسب شغل قوى الإحتكاك المسؤولة عن إيقاف السيارة، علما أنها مكافئة لقوة  $f$  ثابتة بين A و B. استنتج شدتها  $f$ .

α

### التمرين 03

ينزلق متزلج كتلته  $m=60kg$  على مستوى مائل بزاوية  $\beta=15^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي. علما أن المتزلج انطلق بدون سرعة بدئية و أن سرعتة

صارت  $V_2=45km/h$  بعد أن قطع المسافة  $A_1A_2=L=100m$ .

① عين شدة قوة الإحتكاك علما إن القوة التي يطبقها السطح على المتزلج ثابتة.

② أوجد المسافة التي يقطعها المتزلج قبل أن يتوقف إذا تابع، إنطلاقا من  $A_2$ ، مساره فوق مستوى أفقي.

α

### التمرين 04

سيارة كتلتها  $m=900kg$  انطلقت على طريق مستقيمي بسرعة بدئية  $V_0=100km/h$  و عند قطعها مسافة  $d=97m$  خلال المدة الزمنية

$\Delta t=6,54s$ ، توقفت عجلاتها بشكل مفاجئ. نعتبر أن قوة الإحتكاك المطبقة من طرف الطريق على العجلات شدتها ثابتة.

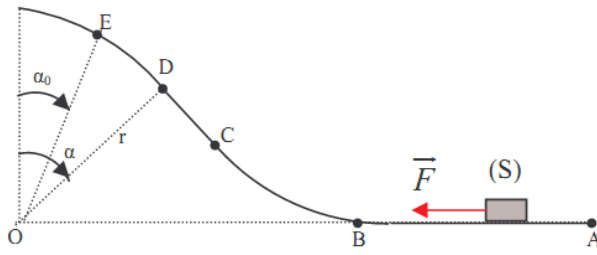
① أحسب الطاقة الحركية البدئية للسيارة.

② أوجد القوى المطبقة على السيارة. أحسب شدة قوة الإحتكاك المطبقة من طرف الطريق على العجلات.

③ أحسب القدرة المتوسطة لقوة الإحتكاك خلال الكبح.

التمرين 05

α



ينطلق جسم  $S$  كتلته  $m$  نعتبره نقطيا بدون سرعة بدئية من النقطة  $A$  تحت تأثير قوة  $F$  ثابتة تطبق عليه فقط بين النقطتين  $A$  و  $B$ . فيتحرك على طول المدار  $(ABCDE)$  ليصل إلى النقطة  $E$  بسرعة منعدمة. نعتبر الاحتكاكات مهملة. لدينا  $AB$  جزء مستقيمي أفقي،  $BC$  قوس دائري،  $CD$  جزء مستقيمي و  $DE$  قوس من دائرة شعاعها  $r$ .

المعطيات :  $\alpha = 30^\circ$  ،  $\alpha_0 = 15^\circ$  ،  $AB = 0,75$  ،  $r = 1,5m$  ،  $m = 5kg$  .

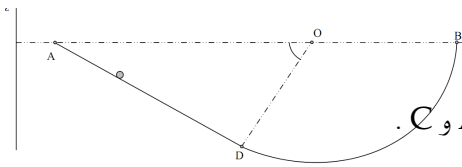
- 1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين  $B$  و  $E$  ، أوجد تعبير سرعة مركز قصور  $S$  عند مروره من النقطة  $B$  . أحسب قيمتها.
- 2) أحسب الشدة  $F$  .

3) بعد توقفه بالنقطة  $E$  ، يعود  $S$  مرة أخرى نحو النقطة  $B$  . بين أن تعبير  $v_D$  سرعته عند النقطة  $D$  يكتب كالتالي  $v_D = \sqrt{2 \cdot g \cdot r (\cos \alpha_0 - \cos \alpha)}$  . أحسب سرعة  $S$  عند النقطة  $D$  . نأخذ  $g = 9,8 N \cdot kg^{-1}$  .

التمرين 06

α

ينتقل جسم صلب  $S$  كتلته  $m = 100g$  ، نعتبره نقطيا ، على السكة  $(ADB)$  مكونة من جزء دائري  $DB$  قوس من دائرة شعاعها  $r = 50cm$  .  
المعطيات :  $AOD = \alpha = 60^\circ$  و  $g = 9,8 N \cdot kg^{-1}$  .



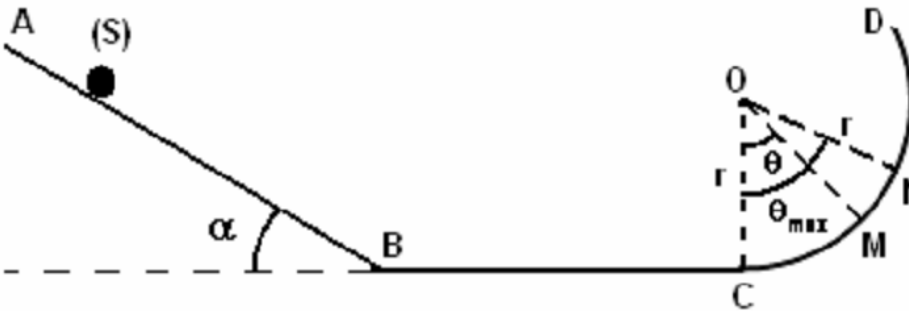
- 1) ينطلق  $S$  من النقطة  $A$  بدون سرعة بدئية ، إلى أي مستوى يصل إذا اعتبرنا الاحتكاكات مهملة؟
- 2) نلاحظ أن  $S$  يصل حتى النقطة  $C$  حيث  $\beta = BOC = 30^\circ$  . أحسب أشغال قوى الاحتكاك بين  $A$  و  $C$  .
- 3) استنتج الشدة المتوسطة  $f$  لقوى الاحتكاك.

التمرين 07

α

نهمل جميع الاحتكاكات و نأخذ :  $g = 10 N \cdot kg^{-1}$  .

ينزل جسم صلب  $S$  كتلته  $m = 100g$  ، نعتبره نقطيا ، على السكة  $(ABCD)$  توجد في مستوى رأسي و تتكون من ثلاثة أجزاء كما يبين الشكل أسفله.  
⊕ جزء  $AB$  مستقيمي مائل بالنسبة للخط الأفقي بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  و طوله  $AB = 0,9m$  .  
⊕ جزء  $BC$  مستقيمي .  
⊕ جزء  $CD$  ذي شكل دائري شعاعه  $r = 50cm$  .



نحرر  $(S)$  من النقطة  $A$  بدون سرعة بدئية.

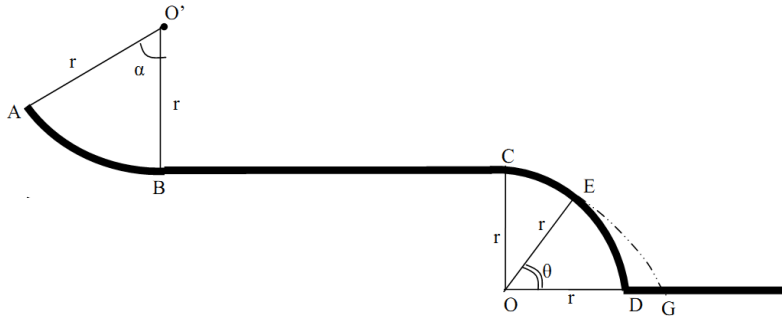
- 1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية ، أحسب  $v_B$  سرعة الجسم عند مروره من النقطة  $B$  .
- 2) حدد طبيعة حركة الجسم  $(S)$  على الجزء  $BC$  .
- 3) عند مرور الجسم  $(S)$  من النقطة  $C$  ، يتابع حركته على الجزء  $CD$  من السكة. نعلم الموضع  $M$  للجسم  $(S)$  بالزاوية  $\theta$  . بين أن تعبير سرعة الجسم  $(S)$  في الموضع  $M$  يكتب على الشكل التالي :

$$v = \sqrt{v_B^2 - 2gr(1 - \cos \theta)}$$

4) علما أن الجسم  $(S)$  يتوقف عند النقطة  $N$  المعلمة بالزاوية  $\theta_{max}$  . استنتج قيمة  $\theta_{max}$  .

نهمل جميع الإحتكاكات و نأخذ :  $g=10\text{N.kg}^{-1}$ .

ينتقل منزلق كتلته  $m=80\text{kg}$  ، على السكة (ABCD) توجد في مستوى رأسي و تتكون من ثلاثة أجزاء كما يبين الشكل أسفله.



⊕ قوس دائرة AB شعاعها  $r=5\text{cm}$  و مركزها  $O'$  بحيث

$\alpha = 60^\circ$ .

⊕ جزء مستقيمي BC أفقي طوله  $5r$ .

⊕ ربع دائرة CD رأسية شعاعها  $r$  و مركزها  $O$ .

المسار يوجد كلياً في نفس المستوى الرأسي. المنزلق ينطلق من النقطة A بدون سرعة بدئية. نعتبر المنزلق نقطة مادية.

① في محاولة أولى نعتبر الإحتكاكات طول السكة ABC مهملة. أوجد تعبير كل من  $v_B$  و  $v_C$  سرعتي المنزلق على التوالي في B و C. أحسب قيمتهما.

② في محاولة ثانية نعتبر ان قوة الإحتكاكات مع السكة لها منظم ثابت  $f$  طول المسار ABC و اتجاهها يبقى مماساً للمسار. أوجد تعبير  $v_B$  بدلالة  $m$  ،  $r$  ،  $f$  ،  $\alpha$  و  $g$  ثابتة الثقالة.

③ أوجد تعبير  $v_C$  بدلالة  $m$  ،  $r$  ،  $f$  ،  $\alpha$  و  $g$  ثابتة الثقالة.

④ أحسب الشدة  $f$  إذا وصل المنزلق إلى النقطة C بسرعة منعدمة.

⑤ يصل المنزلق إلى النقطة C بسرعة منعدمة ثم يتابع سيره على السكة CD بدون احتكاك. توجد المتجهة OD على المستوى الأفقي. يمر المنزلق بالنقطة E الممعلمة بالزاوية  $\theta$ . أوجد تعبير السرعة  $v_E$  بالنقطة E بدلالة  $g$  ،  $r$  ،  $\theta$ .

⑥ علماً أن المنزلق يغادر السكة بالنقطة E بالسرعة  $v_E=0,57\text{m/s}$  ، أحسب قيمة الزاوية  $\theta$ .

⑦ أحسب السرعة  $v_G$  التي يسقط بها الجسم على النقطة G.