

الشغل والطاقة (الحركية)

Travail et l'énergie cinétique

نعطي عزم قصور القرص بالنسبة للمحور (Δ) هو $d = 20\text{cm}$ وقطره $J_{\Delta} = 0,03\text{kg} \cdot \text{m}^2$.

- ذكر بنص مبرهنة الطاقة الحركية.
- حدد طبيعة حركة القرص.
- احسب E_{C_1} الطاقة الحركية لهذا القرص.
- عند لحظة t_1 ، نوقف القرص تحت تأثير \vec{F} مزدوجة الاحتكاك بعد أن ينجز القرص 120 دورة.
- بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية ، احسب (W) شغل مزدوجة الاحتكاك بين t_1 ولحظة التوقف.
- استنتج عزم مزدوجة الاحتكاك باعتباره ثابتًا.

تمرين 3 :

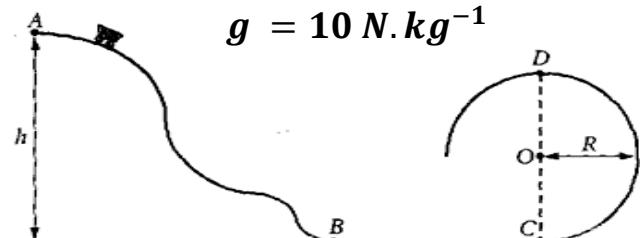
تنزلق لعبة (S) كتلتها $m = 30\text{kg}$ فوق سكة (نهمل الاحتكاك) تتنمي إلى مستوى رأسي مكونة من :

جزء منحني AB .

جزء أفقي $BC = 14\text{m}$ طوله

جزء دائري CD شعاعه

$$g = 10 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$$



تنطلق اللعبة (S) من نقطة A توجد على ارتفاع h من السطح الأفقي BC ، بسرعة بدئية

$$V_A = 1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

1- بتطبيقات مبرهنة الطاقة الحركية :

1-1- بين الموضعين A و B ، وبين أن :

$$V_B = \sqrt{2g \cdot h + V_A^2} \quad \text{ثم احسب}$$

1-2- بين الموضعين B و C ، وبين أن حركة اللعبة مستقيمية منتظمية ثم استنتاج V_C

1-3- بين الموضعين C و D ، وبين أن :

$$V_D = \sqrt{-4g \cdot R + V_C^2} \quad \text{ثم احسب}$$

2- حدد من على أي ارتفاع h يجب أن ترسل اللعبة بالسرعة $V_A = 1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ لكي تصل إلى الموضع D بسرعة منعدمة.

تمرين 1 :

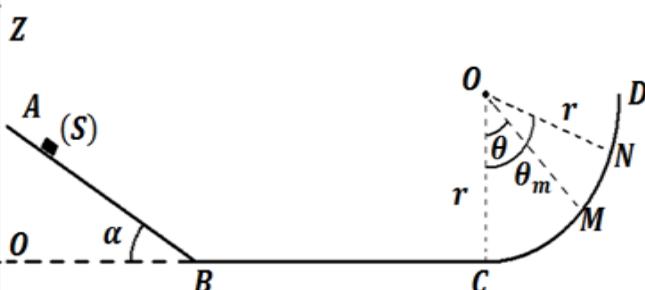
ينزلق جسم صلب (S) نقطي كتلته $m = 100\text{g}$ على سكة $ABCD$ توجد في مستوى رأسي و تتكون من ثلاثة أجزاء كما يبين الشكل أعلاه.

جزء AB مستقימי مائل بالنسبة للخط الأفقي

$$AB = 0,9 \text{ m} \quad \text{بزاوية } \alpha = 30^\circ \text{ وطوله}$$

جزء مستقيمي BC أفقي .

جزء CD ذي شكل دائري شعاعه



نحر (S) من النقطة A بدون سرعة بدئية. نهمل جميع الاحتكاكات و نأخذ $g = 9,8 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$.

- اجرد القوى المطبقة على الجسم (S).
- اعط نص مبرهنة الطاقة الحركية.

3- بتطبيقات مبرهنة الطاقة الحركية ، احسب V_B سرعة الجسم عند مروره من النقطة B .

4- حدد طبيعة حركة الجسم (S) على الجزء BC ، على جوابك.

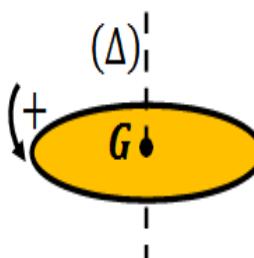
5- عند مرور الجسم (S) من النقطة C ، يتبع حركته على الجزء CD من السكة.

1-5- نعلم الموضع M للجسم (S) بالزاوية $(\widehat{OC, OM}) = \theta$. بين أن تغيير سرعة الجسم (S) في الموضع M يكتب على الشكل التالي :

$$V_M = \sqrt{V_B^2 - 2gr(1 - \cos \theta)}$$

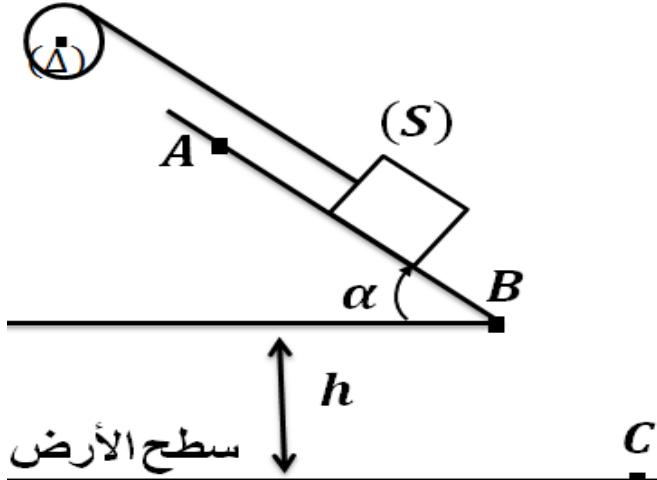
2-5- علما أن الجسم (S) يتوقف عند النقطة N المعلنة بالزاوية θ_m . استنتاج قيمة θ_m .

تمرين 2 :

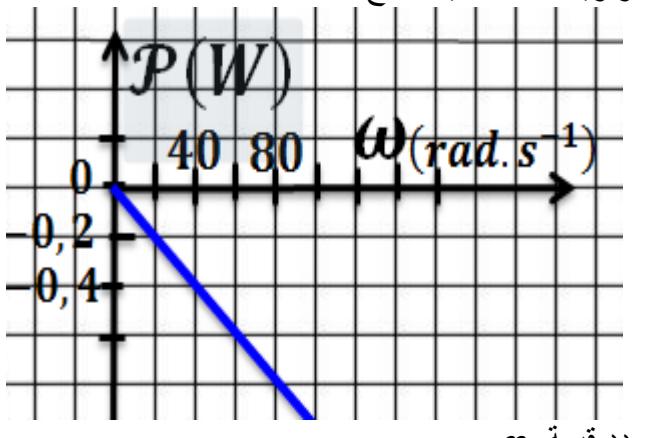


نعتبر قرصا في وضع أفقي ، قابل للدوران حول محور (Δ) رأسي ويمر بمركز قصوره G .

يدور القرص بسرعة زاوية ثابتة $\omega_1 = 33,3 \text{ tr} \cdot \text{min}^{-1}$

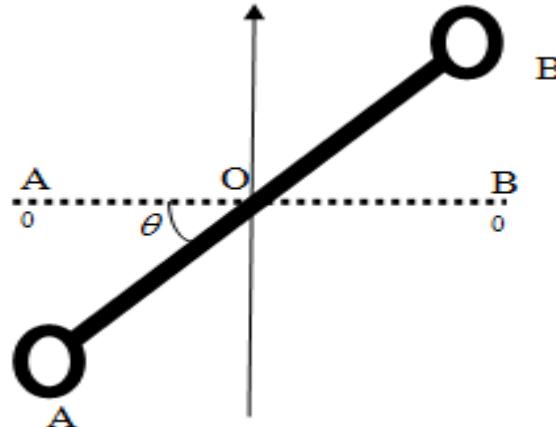


- 1- انحر المجموعة بدئية عند اللحظة $t_0 = 0$. يمر الجسم (S) من A عند اللحظة t_1 بسرعة $V_1 = 1 \text{ m.s}^{-1}$ بسرعة $V_2 = 2 \text{ m.s}^{-1}$.
- 1-1- حدد السرعة الزاوية ω للبكرة عند t_1 و t_2 .
- 1-2- بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على البكرة ، حدد شدة توتر الخيط .
- 3-1- نعتبر الاحتكاكات على المسار AB مكافئة لقوة f ثابتة ، أوجد f شدة قوة الاحتكاك .
- 3-2- عند اللحظة t_2 ينفلت الخيط فيسقط الجسم (S) على سطح الأرض في نقطة C . استنتاج السرعة V_C التي يصل بها (S) إلى C .
- 3-3- عندما ينفلت الخيط تنجح البكرة . بتطبيق مزدوجة عزمها M ثابت فتتوقف بعد إنجازها n دورة . يمثل المنحنى أسفله تغير قدرة مزدوجة الكبح بدلالة السرعة الزاوية أثناء عملية الكبح .



$$\text{نعطي : } AB = 0,75 \text{ m} \quad g = 10 \text{ N.kg}^{-1} \quad h = 0,6 \text{ m}$$

تمرين 4 :
نعتبر ساقا متجانسة كتلتها M و طولها $l = 9 R_A$ يمكنها الدوران بدون احتكاك في مستوى رأسى حول محور ثابت (Δ) يمر بمنتصفها .



1- ثبت عند طرفيها حلقتين A و B كتلتها على التوالي $m_A = 4 \text{ kg}$ و $m_B = 2 \text{ kg}$ و شعاعهما على التوالي هما $R_A = R_B = 10 \text{ cm}$ حيث ($R_A = R_B$) و ($m_A = M = 2m_B$) .

2- عند اللحظة $t_0 = 0$ نطلق الساق بدون سرعة بدئية من الموضع الأفقي A_0B_0 .

3- بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين اللحظة t_0 و اللحظة التي تكون فيها الساق زاوية 30° مع المستوى الأفقي حدد سرعة الخطية V للمجموعة ثم استنتاج السرعة الزاوية ω للمجموعة .

4- احسب بهذا الموضع السرعة الخطية لمركز قصور الكرة A و الكرة B .

5- إذا كانت السرعة البدئية للمجموعة هي $V_0 = 1,3 \text{ m.s}^{-1}$. حدد الزاوية القصوية θ_m التي تكونها الساق مع الموضع الأفقي A_0B_0 .

تمرين 5 :

يتكون الشكل جانبه من :

* بكرة شعاعها $r = 2 \text{ cm}$ قابلة للدوران بدون احتكاك حول (Δ). عزم قصورها هو $J_\Delta = 4 \cdot 10^{-5} \text{ kg.m}^2$

* جسم صلب (S) كتلته $m = 0,1 \text{ kg}$ قابل للانزلاق فوق مستوى مائل بزاوية 30° بالنسبة للمستوى الأفقي .

* خيط غير مدور وكتلته مهملة ، ملفوف حول البكرة ومرتبط بالجسم (S) .