

## الشغل والطاقة الحركية Le travail et l'énergie cinétique

### I- الطاقة الحركية :

#### 1- الطاقة الحركية لجسم صلب في حركة إزاحة :

نسمى الطاقة الحركية الحركية لجسم صلب في حركة إزاحة ، كتلته  $m$  وسرعته  $v$  بالنسبة لجسم مرجعي ، المقدار :

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$$

$(J)$   $\leftarrow$   $\rightarrow (m \cdot s^{-1})$   
 $(kg) \leftarrow$

وحدة الطاقة الحركية في النظام العالمي للوحدات هي الجول (J) .

#### 2- الطاقة الحركية لجسم صلب في دوران حول محور ثابت :

تساوي الطاقة الحركية الحركية لجسم صلب في دوران حول محور ثابت ( $\Delta$ ) ، بسرعة زاوية  $\omega$  ، المقدار :

$$E_c = \frac{1}{2} J_\Delta \cdot \omega^2$$

$(J)$   $\leftarrow$   $\rightarrow (rad \cdot s^{-1})$   
 $(kg \cdot m^2) \leftarrow$

حيث  $J_\Delta$  عزم قصور الجسم بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) وهو مقدار يتعلّق بكيفية توزيع كتلة الجسم حول المحور ( $\Delta$ ) . وحدته في النظام العالمي للوحدات ( $kg \cdot m^2$ ) .

صيغ عزم القصور لبعض الأجسام المتجانسة :

كرة	مساق	مساق	أسطوانة	حلقة	قرص	الجسم
						عزم القصور $J_\Delta$
$J_\Delta = \frac{2}{5} m \cdot r^2$	$J_\Delta = \frac{1}{3} m \cdot l^2$	$J_\Delta = \frac{1}{12} m \cdot l^2$	$J_\Delta = \frac{1}{2} m \cdot r^2$	$J_\Delta = m \cdot r^2$	$J_\Delta = \frac{1}{2} m \cdot r^2$	

## II-مبرهنة الطاقة الحركية :

### 1-حالة جسم صلب في حركة فوق مستوى مائل :

نطلق حاملا ذاتيا كتلته  $m = 0,7 \text{ kg}$  ، بدون سرعة بدئية ، من أعلى منضدة هوائية مائلة بزاوية  $10^\circ = \alpha$  بالنسبة للمستوى الأفقي . فينزلق بدون احتكاك .

نسجل مواضع مركز قصوره  $G$  من خلال مدد زمنية متتالية ومتساوية  $\tau = 60 \text{ ms}$  . نحصل على التسجيل التالي :



$G_0G_1$	$G_1G_2$	$G_2G_3$	$G_3G_4$	$G_4G_5$	$G_5G_6$	$G_6G_7$
$0,3 \text{ cm}$	$0,9 \text{ cm}$	$1,5 \text{ cm}$	$2,1 \text{ cm}$	$2,7 \text{ cm}$	$3,3 \text{ cm}$	$3,9 \text{ cm}$

- دراسة التسجيل :

1-أحسب السرعة اللحظية للحاملي الذاتي  $V_3$  عند الموضع  $G_3$  .

2-أحسب السرعة اللحظية للحاملي الذاتي  $V_5$  عند الموضع  $G_5$  .

3-أحسب الطاقة الحركية للحاملي الذاتي في الموضعين  $G_3$  و  $G_5$  .

4-أجرد القوى المطبقة على الحامل الذاتي أثناء انزلاقه .

5-أكتب تعبير شغل كل قوة عندما ينتقل مركز قصور الحامل الذاتي بين الموضعين  $G_3$  و  $G_5$  . استنتاج  $\sum W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{F})$  .

مجموع أشغال هذه القوى بين الموضعين  $G_3$  و  $G_5$  .

6-قارن  $\Delta E_C = E_{C5} - E_{C3}$  و  $\sum W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{F})$  .

ماذا تستنتج ؟

نعطي :  $g = 9,8 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$

### التصحيح :

حساب السرعة اللحظية باستعمال علاقة التأثير التقريبية :  $v_i = \frac{M_{i-1}M_{i+1}}{t_{i+1}-t_{i-1}} \cdot 2\tau$  مع :

$$v_3 = \frac{G_2G_4}{2\tau} = \frac{3,6 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 60 \cdot 10^{-3}} = 0,3 \text{ m.s}^{-1} \quad 1-\text{عند الموضع } v_3$$

$$v_5 = \frac{G_4G_6}{2\tau} = \frac{6,0 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 60 \cdot 10^{-3}} = 0,5 \text{ m.s}^{-1} \quad 2-\text{عند الموضع } v_5$$

3-حساب الطاقة الحركية  $E_{C5}$  و  $E_{C3}$  :

$$E_{C3} = \frac{1}{2}m \cdot v_3^2 = \frac{1}{2} \times 0,7 \times 0,3^2 = 3,15 \cdot 10^{-2} \text{ J} \quad \text{-في الموضع } G_3$$

$$E_{C5} = \frac{1}{2}m \cdot v_5^2 = \frac{1}{2} \times 0,7 \times 0,5^2 = 8,75 \cdot 10^{-2} \text{ J} \quad \text{-في الموضع } G_5$$

4-جرد القوى المطبقة على الحامل الذاتي أثناء ازلاقه على المنضدة :

• تأثير المنضدة الهوائية  $\vec{R}$

• وزن الحامل الذاتي  $\vec{P}$

5-تعبير شغل كل قوة :

$$W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{R}) = \vec{R} \cdot \overrightarrow{G_3 G_5} = 0$$

لأن  $\overrightarrow{G_3 G_5} \perp \vec{R}$

$$W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{P}) = m \cdot g (z_3 - z_5)$$

$$\text{نضع : } \sin \alpha = \frac{h}{G_3 G_5} \text{ مع } h = z_3 - z_5$$

$$\text{إذن : } W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{P}) = m \cdot g \cdot G_3 G_5 \cdot \sin \alpha$$

$$\text{ت.ع : } W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{P}) = 0,7 \times 9,8 \times 4,8 \cdot 10^{-2} \sin(10^\circ) = 5,71 \cdot 10^{-2} \text{ J}$$

ومنه مجموع أشغال القوى هو :

$$\sum W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{F}) = W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{R}) + W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{P}) = 5,71 \cdot 10^{-2} \text{ J}$$

6-تغير الطاقة الحركية :

$$\Delta E_C = E_{C5} - E_{C3} = 8,75 \cdot 10^{-2} - 3,15 \cdot 10^{-2} = 5,60 \cdot 10^{-2} J$$

نستنتج أن :

$$\Delta E_C \approx \sum W_{G_3 \rightarrow G_5} (\vec{F})$$

2-نص مبرهنة الطاقة الحركية :

في معلم غاليلي ، يساوي تغير الطاقة الحركية لجسم صلب في حركة إزاحة أو في دوران حول محور ثابت بين لحظتين ، المجموع الجبري لأشغال كل القوى المطبقة على هذا الجسم بين هاتين اللحظتين.

$$\Delta E_C = E_{C2} - E_{C1} = \sum_i W_{1 \rightarrow 2} (\vec{F}_i)$$

في حالة الإزاحة :

$$\Delta E_C = \frac{1}{2} m \cdot V_2^2 - \frac{1}{2} m \cdot V_1^2 = \sum_i W_{1 \rightarrow 2} (\vec{F}_i)$$

في حالة الدوan :

$$\Delta E_C = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \omega_2^2 - \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \omega_1^2 = \sum_i W_{1 \rightarrow 2} (\vec{F}_i)$$