

تصحيح تمارين شغل و قدرة قوة

تمرين 1:

حسب تعريف شغل قوة ثابتة مطبقة على جسم صلب في إزاحة خلال الانتقال AB نكتب :

$$W(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{AB}$$

$$W(\vec{F}) = F \cdot AB \cdot \cos(\vec{F}, \overrightarrow{AB})$$

الحالة 1:

$$W(\vec{F}) = 10 \times 25 \cdot 10^{-2} \times \cos 60^\circ = 1,25J$$

بما أن الشغل موجب فإنه محرك.

الحالة 2 :

$$W(\vec{F}) = 10 \times 25 \cdot 10^{-2} \times \cos 90^\circ = 0$$

الشغل منعدم .

الحالة 3 :

$$W(\vec{F}) = 10 \times 25 \cdot 10^{-2} \times \cos(180^\circ - 45^\circ) = -1,75J$$

الشغل سالب فهو مقاوم .

الحالة 4:

$$W(\vec{F}) = 10 \times 25 \cdot 10^{-2} \times \cos(90^\circ - 30^\circ) = 1,25J$$

الشغل محرك .

الحالة 5:

$$W(\vec{F}) = 10 \times 25 \cdot 10^{-2} \times \cos 0^\circ = 2,5J$$

الشغل محرك .

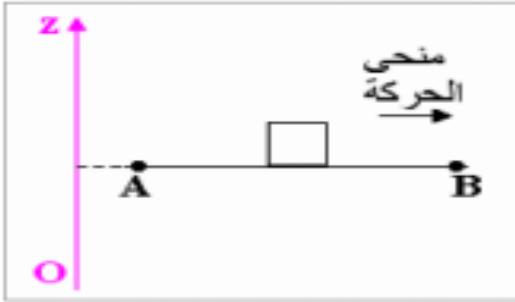
الحالة 6:

$$W(\vec{F}) = 10 \times 25 \cdot 10^{-2} \times \cos 180^\circ = -2,5J$$

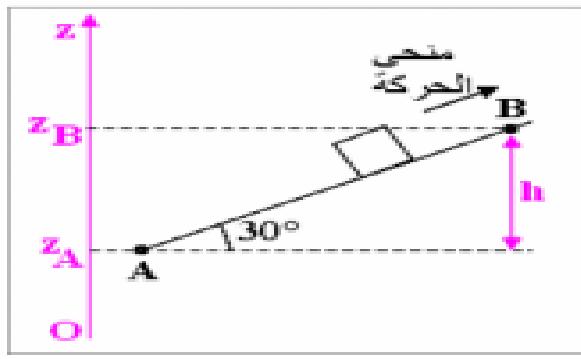
تمرين 2:

تعبير شغل وزن جسم صلب في مجال الثقالة حيث ينتقل مركز قصوه من النقطة A إلى B هو :

$$W(\vec{P}) = mg(z_A - z_B)_{A \rightarrow B}$$



- حالة المسار المستقيم :
لدينا : $z_A = z_B$
أي : $z_A - z_B = 0$
وبالتالي : $W(\vec{P}) = 0$
 $\underset{A \rightarrow B}{}$

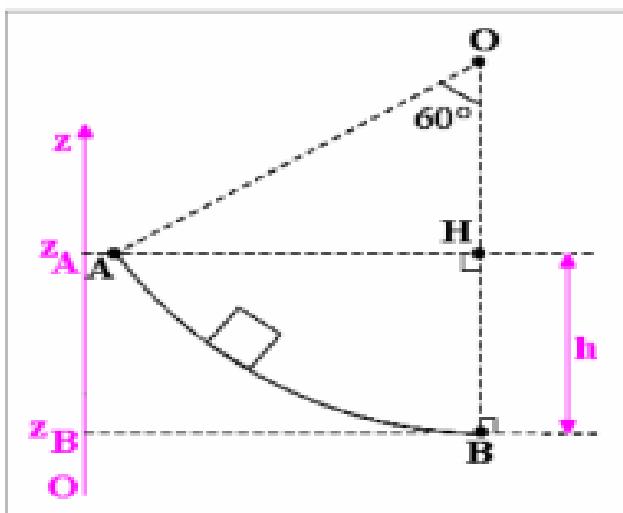


- حالة المسار المائل :
حسب الشكل لدينا :
 $\sin \alpha = \frac{h}{AB}$
 $h = -(z_A - z_B) = AB \cdot \sin \alpha$

$W(\vec{P}) = -mg.h$
 $W(\vec{P}) = -mg \cdot AB \cdot \sin \alpha$

ت.ع: $W(\vec{P}) = 100 \cdot 10^{-3} \times 10 \times \sin 30^\circ = -0,5 N$

نلاحظ أن إشارة الشغل سالبة ومنه فلن شغل الوزن مقاوم .

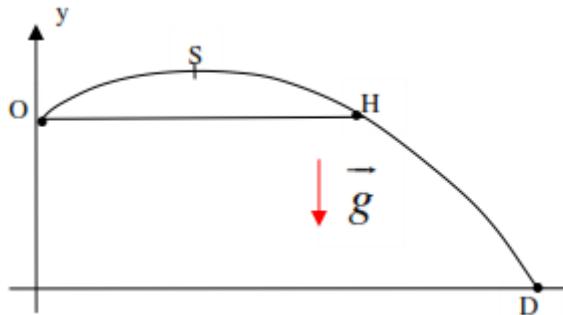


- حالة المسار الدائري :
من خلال الشكل لدينا :
 $h = z_A - z_B$
 $h = HB = OB - OH$
 $\cos \alpha = \frac{OH}{OA}$ و $AB = OA = R$: مع
أي : $OH = OA \cos \alpha = R \cos \alpha$
تعبير h يصبح :
 $h = R - R \cos \alpha = R(1 - \cos \alpha)$

شغل الوزن هو :
 $W(\vec{P}) = mg.h$
 $W(\vec{P}) = mgR(1 - \cos \alpha)$

ت.ع:
 $W(\vec{P}) = 100 \cdot 10^{-3} \times 10 \times 0,1(1 - \cos 60^\circ) = 5 \cdot 10^{-2} J$

تمرين 3:



1- شغل وزن الكرة من O الى S :

$$W(\vec{P}) = mg(y_O - y_S)_{O \rightarrow S}$$

ت.ع:

$$W(\vec{P}) = 8,5 \times 9,81 \times (1,60 - 0) = 158,3J_{O \rightarrow S}$$

شغل وزن الكرة من O الى D :

$$W(\vec{P}) = mg(y_O - y_D)_{O \rightarrow D}$$

2- تعبير شغل وزن الكرة من O الى M :

$$W(\vec{P}) = mg(y_O - y_M)_{O \rightarrow M}$$

لكي يكون الشغل محركا :

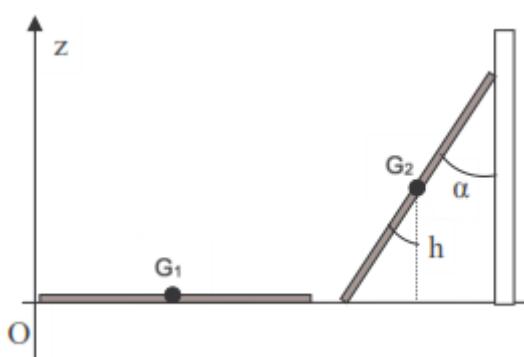
$$W(\vec{P})_{O \rightarrow M} > 0 \Rightarrow mg(y_O - y_M) > 0 \Rightarrow y_O > y_M$$

يجب أن تكون النقطة O أعلى من النقطة M أي M توجد بين H و D .
لكي يكون الشغل مقاوما :

$$W(\vec{P})_{O \rightarrow M} < 0 \Rightarrow mg(y_O - y_M) < 0 \Rightarrow y_O < y_M$$

يجب أن تكون النقطة M أعلى من النقطة O أي موضع النقطة توجد بين O و H .

تمرين 4:



عند رفع السلم من الوضعية (1) الى الوضعية (2)

، ينتقا مرطز القصور من الموضع G1 حيث
الأنسوب z_1 الى الموضع G_2 أنسوب z_2 .

شغل وزن السلم أثناء هذا الإنتقال يكتب :

$$W(\vec{P}) = mg(z_1 - z_2)$$

$$W(\vec{P}) = -mg.h$$

$$\cos\alpha = \frac{h}{\frac{L}{2}} \Rightarrow h = \frac{L}{2} \cos\alpha$$

تعبير الشغل يصبح :

$$W(\vec{P}) = -mg \frac{L}{2} \cos\alpha$$

: ت.ع:

$$W(\vec{P}) = -10 \times 9,8 \times \frac{4}{2} \cos 30^\circ = 169,7J$$

تمرين 5 :

شغل وزن الساق من الموضع G_1 الى الموضع G_2 يكتب :

$$W(\vec{P}) = mg(z_1 - z_2)$$

$$\cos \alpha = \frac{z_1}{\frac{L}{2}}$$

$$z_2 = -\frac{L}{2} \quad \text{و} \quad z_1 = \frac{L}{2} \cos \alpha$$

نحصل على :

$$W(\vec{P}) = mg\left(\frac{L}{2} \cos \alpha - \left(-\frac{L}{2}\right)\right)$$

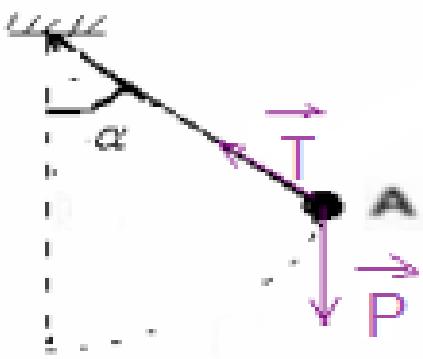
$$W(\vec{P}) = mg \frac{L}{2} (\cos \alpha + 1)$$

تطبيق عددي :

$$W(\vec{P}) = 200.10^{-3} \times 9,8 \times \frac{50.10^{-2}}{2} (\cos 45^\circ + 1)$$

$$W(\vec{P}) = 0,83J$$

تمرين 6 :



- أثناء حركته يخضع الجسم النقطي الى تأثير :

- \vec{T} : توتر الخيط .

- \vec{P} : وزن الجسم .

تمثيل القوتين أنظر الشكل .

- تعبير شغل وزن الجسم أثناء الإنتقال من A الى B :

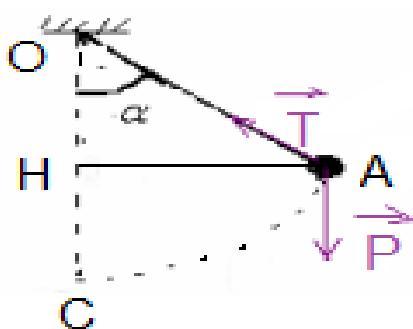
$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = mg(z_A - z_B) \quad \text{لدينا :}$$

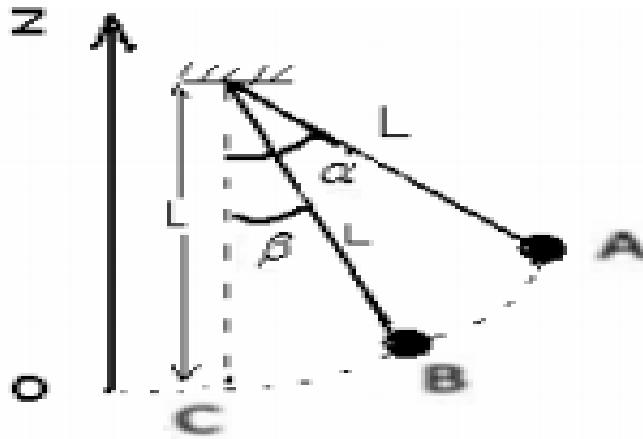
مع

$$z_A = OC - OH = L - L \cdot \cos \alpha$$

$$z_A = L(1 - \cos \alpha)$$

$$z_B = L(1 - \cos \beta) \quad \text{بنفس الطريقة نجد :}$$





$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = mg(L - L\cos\alpha - (L - L\cos\beta))$$

$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = mgL(\cos\beta - \cos\alpha)$$

: ت.ع

$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = 50.10^{-3} \times 10 \times 0.4 \times (\cos 30^\circ - \cos 60^\circ) = 7,3.10^{-2} J$$

3- شغل وزن الجسم أثناء الإنتقال من A إلى C :
عند النقطة C لدينا $0 = \beta$ نحصل على :

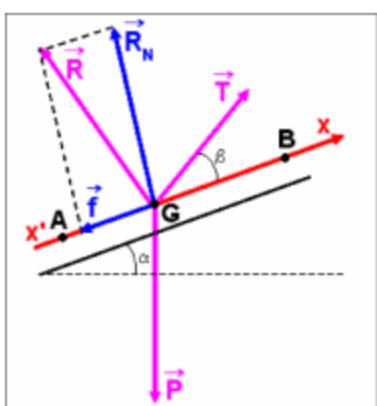
$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = mgL(\cos 0 - \cos\alpha)$$

$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = mgL(1 - \cos\alpha)$$

: ت.ع

$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = 50.10^{-4} \times 10 \times 0.4(1 - \cos 60^\circ) = 0,1 J$$

تمرين 7:



1- جرد القوى المطبقة على المتزلج وتمثيلها :

تحضع المجموعة (المتزلج + لوازمه) لثلاث قوى وهي :

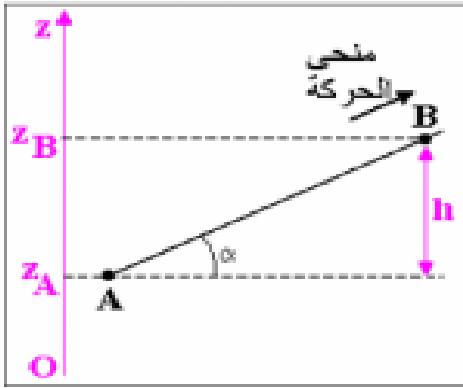
- وزنه : \vec{P}

- تأثير سطح التماس : \vec{R}

- القوة المطبقة من طرف الحبل : \vec{T}

القوة \vec{R} اها مركبتان : قوة الإحتكاك \vec{f} والمرکبة المنظمية

. \vec{R}_N



2- شغل وزن الجسم وشغل قوة الإحتكاك :
 -شغل الوزن من A الى B :

$$W(\vec{P}) = mg(z_A - z_B)$$

$$h = AB \sin \alpha \quad \text{ومنه} \quad \sin \alpha = \frac{h}{AB}$$

$$z_A - z_B = -h = -AB \sin \alpha \quad \text{لدينا :}$$

نحصل على :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = -mgAB \sin \alpha$$

ت.ع:

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = -80 \times 10 \times 1500 \times \sin 20^\circ = -4,1.10^4 J$$

-شغل قوة الإحتكاك من A الى B :

$$\begin{aligned} {}_{A \rightarrow B}^W(\vec{f}) &= \vec{f} \cdot \vec{AB} \\ {}_{A \rightarrow B}^W(\vec{f}) &= f \cdot AB \cdot \cos \pi \\ {}_{A \rightarrow B}^W(\vec{f}) &= -f \cdot AB \end{aligned}$$

ت.ع:

$$W_{A \rightarrow B}^{(\vec{f})} = -30 \times 1500 = -4,5.10^4$$

3- شغل قوة السحب :
 حسب مبدأ القصور بما أن حركة G مركز قصور المتزلج ولوازمه مستقيمية منتظمة
 في معلم مرتبط بالأرض ، فإن المجموع المتجهي للقوى منعدم :

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0}$$

نضرب المتساوية المتجهية بالمتجهة \vec{AB} نحصل على :

$$\vec{P} \cdot \vec{AB} + \vec{R} \cdot \vec{AB} + \vec{T} \cdot \vec{AB} = \vec{0} \cdot \vec{AB}$$

نستنتج :

$$W(\vec{P}) + W(\vec{R}) + W(\vec{T}) = 0$$

$$W(\vec{R}) = W(\vec{f}) + W(\vec{R}_N) = W(\vec{f})$$

بما أن :

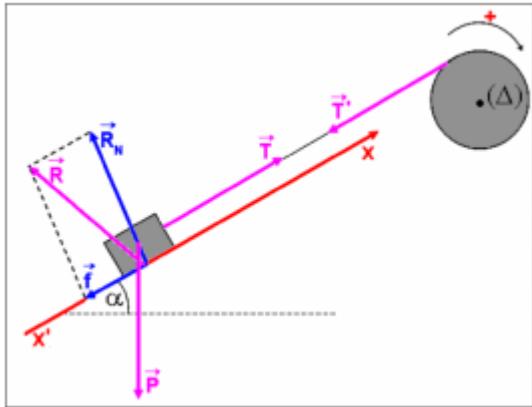
لأن $0 = W(\vec{R}_N)$ أتجاه \vec{R}_N عمودي على متجهة الانتقال \vec{AB}
 وبالتالي :

$$W(\vec{T}) = -W(\vec{P}) - W(\vec{R}) = -(W(\vec{P}) + W(\vec{f}))$$

ت.ع:

$$W(\vec{T}) = -(4,1 \cdot 10^4 + 4,5 \cdot 10^4) = -8,6 \cdot 10^4 J$$

تمرين 8 :



- 1- جرد القوى المطبقة على الحمولة وتمثيل متجهتها :
تحضع الحمولة للقوى التالية :
 - \vec{P} وزنها.
 - \vec{T} تأثير الحبل .
 - \vec{R} تأثير السطح المائل .
 بما أن الاحتكاكات غير مهملة نمثل المركبين المماسية (قوة الإحتكاك) \vec{f} والمنظمية \vec{R}_N :

$$\vec{R} = \vec{f} + \vec{R}_N$$

2- شدة القوة التي يطبقها الحبل على الحمولة :
بما أن حركة مركز قصور الحمولة مستقيمية منتظامة فإن مبدأ القصور يتحقق نكتب :

$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$$

بإسقاط العلاقة المتجهية على المحور xx نحصل على :

$$-P \sin \alpha - f + T = 0$$

$$T = P \sin \alpha + f$$

$$T = 1000 \sin 30^\circ + 200 = 700 N$$

3- عزم المزدوجة المحركة التي يطبقها المحرك :
تحضع الأسطوانة للتأثيرات التالية :

- \vec{T}' تأثير الحبل .
- \vec{P}' وزن الأسطوانة .
- \vec{R}' تأثير محور الدوران (Δ) .

بما أن حركة الأسطوانة دورانية منتظامة فإن مبرهنة العزوم تتحقق نكتب :

$$M_\Delta(\vec{T}') + M_\Delta(\vec{P}') + M_\Delta(\vec{R}') + M_m = 0 \quad (1)$$

عزم كل من \vec{R}' و \vec{P}' منعدم لأن خطأ تأثير القوتين يمران من محور الدوران (Δ) .

$$M_\Delta(\vec{T}') = -T'R$$

بما أن كتلة الحبل مهملة فإن : $T = T'$

$$M_\Delta(\vec{T}') = -TR$$

وبالتالي : العلاقة (1) تكتب :

$$\begin{aligned} -TR + M_m &= 0 \\ M_m &= TR \end{aligned}$$

ت.ع:

$$M_m = 700 \times 20.10^{-2} = 140 N.m$$

4- قدرة المحرك :
تعبير قدرة المحرك :

$$P = M_m \omega$$

ω السرعة الزاوية للأسطوانة .

بما أن الجبل غير قابل للإمتداد ولا ينزلق على مجرى الأسطوانة فإن :

$$v = R\omega$$

$$\omega = \frac{v}{R}$$

$$P = M_m \frac{v}{R}$$

ت.ع:

$$P = 140 \times \frac{0,5}{20.10^{-2}} = 350 W$$

تمرين 9 :

1- حساب التردد :
لدينا التردد N هو عدد الدورات المنجزة خلال ثانية :

$$N = \frac{1000 tr}{60 s} = 16,67 Hz$$

استنتاج السرعة الزاوية :

$$\omega = 2\pi N = 2\pi \times 16,67 \approx 105 Hz$$

2- حساب السرعة الخطية :

$$v = R\omega = \frac{D}{2} \omega$$

$$v = \frac{10.10^{-2}}{2} \times 105 = 5,25 m.s^{-1}$$

ت.ع :

3- حساب العزم الذي نعتبره ثابتا للمزدوجة المحركة المطبقة من طرف المحرك :

$$P = M\omega \Rightarrow M = \frac{P}{\omega} = \frac{1000}{105} = 9,52 N.m$$

شغل المزدوجة عندما ينجز القرص 10 دورات :

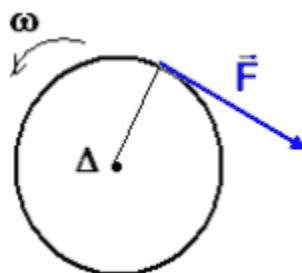
$$W(M) = M \cdot \Delta\theta = 2\pi n \cdot M$$

مع n عدد الدورات المنجزة .

ت.ع :

$$W = 2\pi \times 10 \times 9,52 = 598,2 J$$

4- تمثيل القوة \vec{F} المماسية للقرص :



حساب شغل القوة \vec{F} :

$$w(\vec{F}) = M_{\Delta}(\vec{F})\Delta\theta$$

مع :

$$\Delta\theta = 2\pi n \quad \text{و} \quad M_{\Delta}(\vec{F}) = -F \frac{D}{2}$$

نحصل على :

$$W(\vec{F}) = -2\pi n F \frac{D}{2} = -\pi n F D$$

ت.ع :

$$W(\vec{F}) = -\pi \times 50 \times 25 \times 0,1 = -392,7J$$