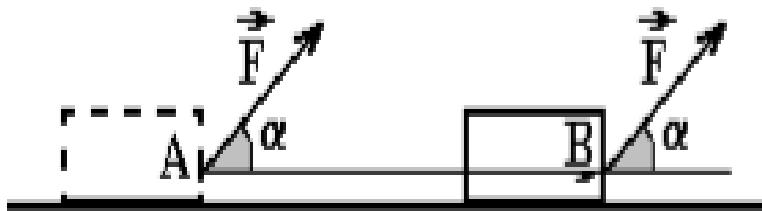


# الشغل والقدرة

1- شغل قوة ثابتة مطبقة على جسم صلب في إزاحة :

1.1- شغل قوة ثابتة مطبقة على جسم صلب في إزاحة مستقيمية :  
\*تعريف :



نقول ان قوة ثابتة إذا احتفظت بنفس المميزات أثناء حركة جسم .  
شغل قوة ثابتة  $\vec{F}$  مطبقة على جسم صلب في إزاحة مستقيمية يساوي الجداء السلمي لمتجهة القوة ومتوجهة انتقال نقطة تأثيرها .

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{AB} = F \cdot AB \cdot \cos \alpha$$

.  $\overrightarrow{AB}$  متوجهة انتقال نقطة تأثير القوة  $\vec{F}$  بين الموضعين A و B  
هام :

يمكن التعبير أيضا عن الشغل بدلالة أحداثيات متوجهة القوة  $\vec{F}$  ومتوجهة الانتقال  $\overrightarrow{AB}$  في معلم متعامد ممنظم (Oxy)

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{AB} = F_x(x_B - x_A) + F_y(y_B - y_A)$$

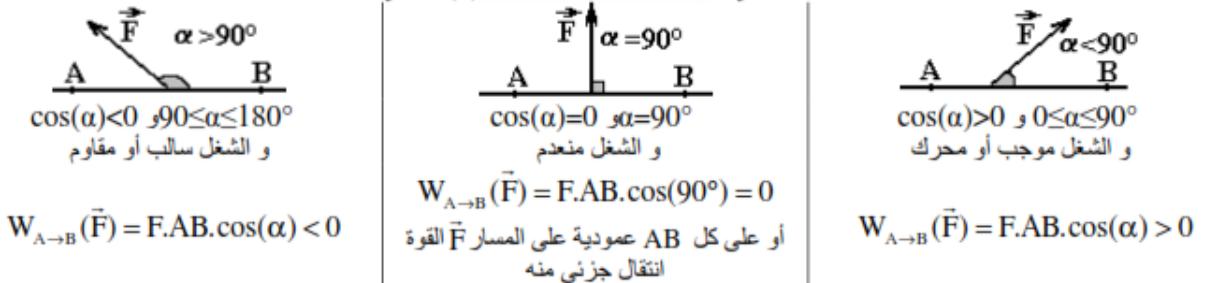
\*وحدة الشغل :

- وحدة الشغل في النظام العالمي للوحدات هي الجول ويرمز له ب (J)
- الجول هو الشغل الذي تبذله قوة ثابتة شدتها 1N عند انتقال نقطة تأثيرها بمتر واحد بحيث :  $1J = 1N \cdot m$

\*الشغل المحرك والشغل المقاوم :  
حسب تعريف الشغل :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{AB} = F \cdot AB \cdot \cos \alpha$$

شغل قوة  $\vec{F}$  مقدار جبri وإشارته مرتبطة فقط بقيمة  $\cos \alpha$  أي بقيمة الزاوية  $\alpha$ .

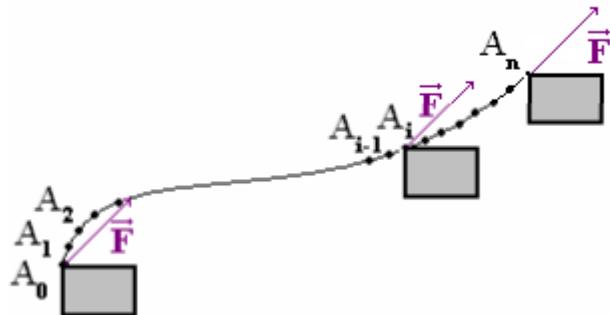


## 1.2 - شغل قوة ثابتة مطبقة على جسم صلب في إزاحة منحنية :

- الجسم (S) في إزاحة منحنية أي أن مسار حركة نقطة M من الجسم منحنى (غير مستقيم).

- نقسم المسار إلى أجزاء مستقيمية  $\delta l$  متناهية في الصغر

$$\overrightarrow{A_{n-1}A_n}, \overrightarrow{A_1A_2}, \dots, \overrightarrow{A_0A_1}$$



- الشغل الجزئي الذي تنجذه القوة  $\vec{F}$  خلال الانتقال  $\delta l$  هو :

$$\delta M(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{\delta l}$$

- الشغل الكلي بين النقطتين  $A_0$  و  $A_n$  يساوي مجموع الأشغال الجزئية بين هاتين النقطتين :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \sum \delta M(\vec{F}) = \sum \vec{F} \cdot \overrightarrow{\delta l} = \vec{F} \sum \overrightarrow{\delta l}$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} (\overrightarrow{A_0A_1} + \overrightarrow{A_1A_2} + \dots + \overrightarrow{A_{n-1}A_n})$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{A_0A_n}$$

استنتاج :

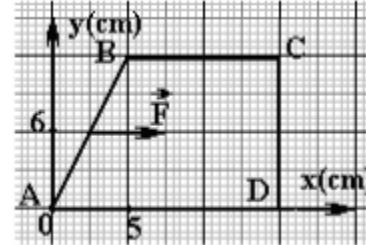
شغل قوة ثابتة مطبقة على جسم صلب في إرادة منحنية مستقل عن المسار المتبع ميساوي الجداء السلمي لمتجهة القوة ومتوجهة نقطة انتقال نقطة تأثيرها بين الموضعين البدئي والنهائي .

تطبيق :

تنقل نقطة تأثير قوة ثابتة شدتها  $F=15N$  وفق المسار  $ABCD$  .

1- أحسب شغل القوة  $\vec{F}$  خلال كل انتقال وبطريقتين مختلفتين .

2- أحسب شغل القوة خلال الانتقال من  $A$  إلى  $D$  .

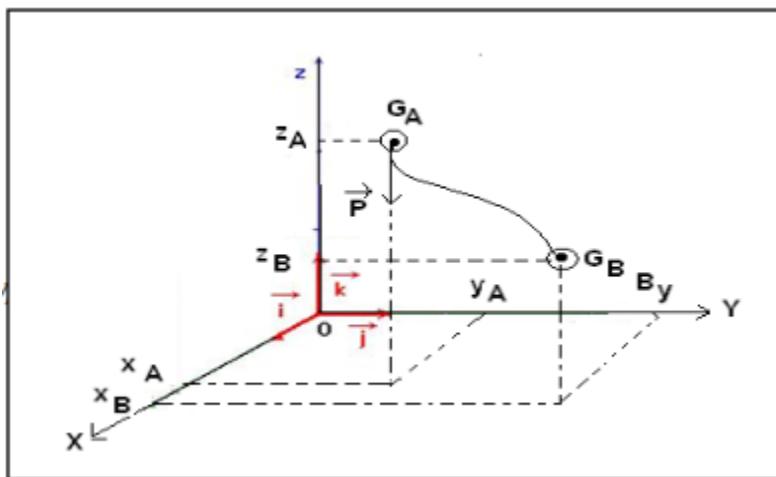


3.1- شغل وزن الجسم :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = \vec{P} \cdot \overrightarrow{AB}$$

نختار معلمات متعامداً ممنظماً حيث المحور  $Oz$  رأسياً موجهاً نحو الأعلى ونحدد الاحداثيات المتجهتين :  $\overrightarrow{AB}$  و  $\vec{P}$  :

$$\vec{P} \begin{pmatrix} P_x = 0 \\ P_y = 0 \\ P_z = 0 \end{pmatrix} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \\ z_B - z_A \end{pmatrix}$$



نحصل على :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = P_x \cdot (x_B - x_A) + P_y \cdot (y_B - y_A) + P_z \cdot (z_B - z_A)$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = -mg \cdot (z_B - z_A)$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = mg \cdot (z_A - z_B)$$

**استنتاج :**

شغل وزن الجسم مستقل عن المسار المتبوع ومرتبط بالأنسوب  $z_A$  للموضع البدئي والأنسوب  $z_B$  للموضع النهائي لمركز قصور الجسم .

عند نزول الجسم يكون شغل الوزن محركا:  $W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) > 0$   
عند صعود الجسم يكون شغل الوزن مقاوما  $W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) < 0$

**ملحوظة :**

تعبير شغل وزن الجسم مرتبط بمنحي المحور Oz ، إذا تغير منحاه نحو الأسفل يصبح تعبير الشغل :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = -mg \cdot (z_A - z_B)$$

## 2- شغل مجموعة من القوى في حالة إزاحة مستقيمية :

**2.1- تعبير الشغل :**

شغل مجموعة قوى ثابتة  $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3, \dots, \vec{F}_n$  مطبقة على جسم صلب في إزاحة ، يساوي الجداء السلمي لمجموع متجهات القوى ومتوجهة الانتقال :

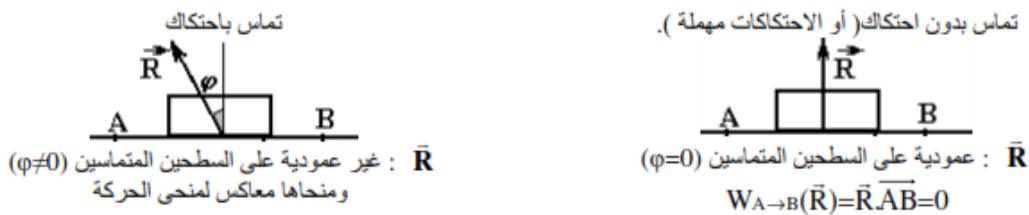
$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = (\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \dots + \vec{F}_n) \cdot \overrightarrow{AB}$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \overrightarrow{AB}$$

بحيث:  $\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \dots + \vec{F}_n = \sum \vec{F}_i$  مجموع متجهات القوى المطبقة على الجسم الصلب .

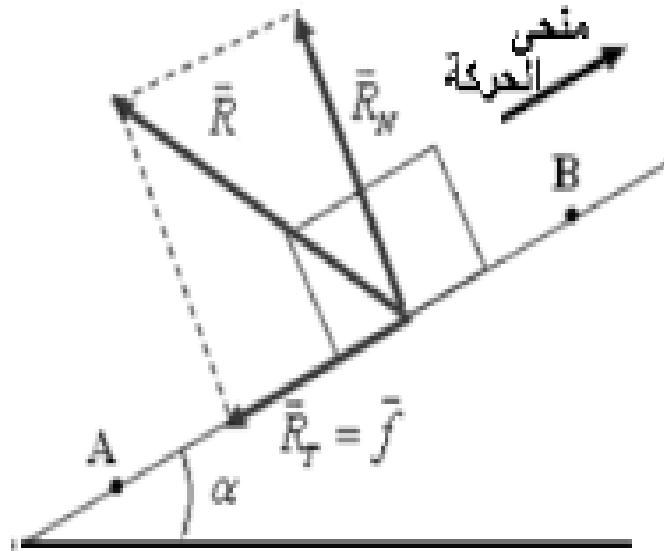
**2.2- تطبيق شغل قوى الاحتراك :**  
لدينا  $\vec{R} \neq \vec{0}$  القوة المكافئة لقوة التماس الموزعة

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = \vec{R} \cdot \overrightarrow{AB} = R \cdot AB \cdot \cos(\vec{R}, \overrightarrow{AB})$$



$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = \vec{R} \cdot \overrightarrow{AB} = R \cdot AB \cdot \cos(\phi + \frac{\pi}{2}) = -R \cdot AB \cdot \sin(\phi) < 0$$

هام شغل قوى الاحتراك دائماً سالب .



$$\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{R}_T = \vec{R}_N + \vec{f}$$

$\vec{R}$  : القوة التي يطبقها المستوى المائل

$\vec{R}_N$  : المركبة الرأسية وهي تحول دون انغراز الجسم في السطح

$\vec{R}_T = \vec{f}$  : الركبة الأفقيّة وهي تقاوم الانزلاق وتمثل قوة الاحتكاك بين الجسم وسطح التماس .

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = \vec{R} \cdot \overrightarrow{AB} = (\vec{R}_N + \vec{f}) \cdot \overrightarrow{AB} = \vec{R}_N \cdot \overrightarrow{AB} + \vec{f} \cdot \overrightarrow{AB}$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{R}) = 0 + \vec{f} \cdot \overrightarrow{AB} = f \cdot AB \cdot \cos \pi = -f \cdot AB < 0$$

### 3- قدة قوة :

3.1- جسم صلب في إزاحة :

أ- القدرة المتوسطة:

\*تعريف :

تساوي القدرة المتوسطة لقوة ، خارج شغل هذه القوة W والمدة الزمنية  $\Delta t$  اللازمة لإنجاز هذا الشغل :

$$P_m = \frac{W}{\Delta t}$$

وحدة القدرة في النظام العالمي للوحدات هي : الواط (Watt) رمزها W .

**بـ القدرة اللحظية :**

إذا انجزت قوة  $\vec{F}$  شغلا  $\delta W$  خلال مدة زمنية جد قصيرة  $\delta t$  ، فإن القدرة اللحظية لهذه القوة هي :

$$P = \frac{\delta W}{\delta t}$$

$P = \vec{F} \cdot \frac{\vec{\delta l}}{\delta t}$  فإن  $\delta W = \vec{F} \cdot \vec{\delta l}$  بما أن :

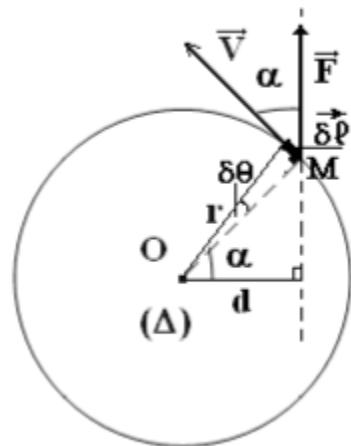
$$P = \vec{F} \cdot \vec{V} \quad \text{نستنتج :}$$

حيث  $\vec{V}$  متوجهة السرعة اللحظية لنقطة تأثير القوة  $\vec{F}$  .

**ملحوظة :**

يمكن حساب شغل قوة  $\vec{F}$  لها قدرة ثابتة بالعلاقة:  $W = P \cdot \Delta t$ : يمكن استعمال الوحدة كيلو واط ساعة (kWh) لحساب هذا الشغل .

**3.2- جسم صلب في دوران :**  
**أـ القدرة اللحظية :**



القدرة اللحظية للقوة  $\vec{F}$  هي:

$$P = \vec{F} \cdot \vec{V}$$

$$P = F \cdot V \cdot \cos \alpha$$

نعلم أن :  $V = R \cdot \omega$  و  $M_{\Delta}(\vec{F}) = F \cdot R \cos \alpha$

وبالتالي نحصل على :

$$P = F \cdot R \cos \alpha \cdot \omega$$

أي:

$$P = M_{\Delta}(\vec{F}) \cdot \omega$$

ب- شغل قوة عزمها ثابت :

تعبير الشغل الجزئي :

$$\delta W = P \cdot \delta t$$

$$\delta W = M_{\Delta} \cdot \omega \cdot \delta t$$

$$\delta W = M_{\Delta} \cdot \delta \theta$$

الشغل الكلي :

$$W = \sum \delta W = \sum M_{\Delta} \cdot \delta \theta$$

بما أن القوة عزمها ثابت فإن :

$$W = M_{\Delta} \sum \delta \theta$$

$$W = M_{\Delta} \cdot \Delta \theta$$

**خلاصة :**

يساوي شغل قوة عزمها  $M_{\Delta}$  ثابت مطبقة على جسم صلب في دوران حول محور ثابت  $\Delta$  ، جداء عزمها وزاوية الدوان  $\Delta \theta$  :

$$W(\vec{F})_{\theta_1 \rightarrow \theta_2} = M_{\Delta} \cdot \Delta \theta$$

ج- شغل مزدوجة قوتين :

قوتان  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  تكونان مزدوجة قوتين إذا كان :

$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{0}$$

- خطى تأثيرهما متوازيين (مختلفين)

- يميزها عزم ثابت بالنسبة لأي محور دوران عودي على مستواها .

عزم مزدوجة قوتين يساوي مجموع عزم القوى المكونة للمجموعة :

$$M_C = M \left( \vec{F}_{\frac{1}{\Delta}} \right) + M \left( \vec{F}_{\frac{2}{\Delta}} \right) = \pm F \cdot d$$

شغل عزم مزدوجة قوتين عزمها ثابت :

$$W(\vec{F}_{/\Delta})_{1 \rightarrow 2} = M_C \cdot \Delta \theta$$