

الأستاذ
نجيب
عثماني

سلسلة رقم 10: متجهات الفضاء

المستوى : الأولى باك علوم تجريبية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

2. بين أن $D(E; \vec{v})$ و $D(A; \vec{u})$ يتقاطعان في النقطة I منتصف القطعة $[FG]$

تمرين 10: ليكن $EABCD$ هرم ما قاعده المستطيل $ABCD$ و J منتصف القطع $[AE]$ و $[BC]$ على التوالي . بين أن المتجهات \vec{IJ} و \vec{AB} و \vec{EC} مستوائية .

تمرين 11: ليكن $ABCD$ رباعي الأوجه تعتبر النقطتين M و N بحيث :

$\vec{DN} = \vec{AC} + \vec{AD} - 2\vec{AB}$ و $\vec{AM} = 3\vec{AC} + 2\vec{BA}$

1. بين أن النقط A و C و B و M مستوائية

2. بين أن : $(MN) \parallel (CD)$

تمرين 1: لتكن A و B و C و D أربع نقط غير مستقيمية بين أنه اذا كان : $\vec{MA} + \vec{MC} = \vec{MB} + \vec{MD}$ لكل M من الفضاء فان : $ABCD$ متوازي الأضلاع .

تمرين 2: لتكن A و B و C و D أربع نقط من الفضاء نضع : $\vec{u} = 3\vec{MA} - 2\vec{MC} + 4\vec{MB} - 5\vec{MD}$ لكل M من الفضاء بين أن : المتجهة \vec{u} غير مرتبطة بالنقطة M

تمرين 3: ليكن $ABCD$ رباعي الأوجه تعتبر النقط M و N و P و Q أربع نقط بحيث :

$\vec{CP} = 3\vec{CD}$ و $\vec{CQ} = 3\vec{CB}$ و $\vec{AN} = 2\vec{AD}$ و $\vec{AM} = 2\vec{AB}$

1. أنشئ الشكل .

2. أكتب كلا من المتجهتين \vec{MN} و \vec{PQ} بدلالة

3. استنتج أن المتجهتين \vec{MN} و \vec{PQ} مستقيمتان .

4. ماذا تستنتج بالنسبة للمستقيمين (MN) و (PQ) ؟

تمرين 4: ليكن $ABCD$ رباعي الأوجه

1. أنشئ النقطة M بحيث : $\vec{AM} = \vec{BC}$

2. بين أن : $\vec{BA} = \vec{CM}$

3. هل النقطة M تنتمي إلى المستوى : (ACD)

تمرين 5: ليكن $ABCD$ رباعي الأوجه

و M نقطة من الفضاء بحيث : $\vec{AM} = \vec{AD} + \frac{1}{2}\vec{AB} + \vec{DC}$

1. أكتب المتجهة \vec{AM} بدلالة \vec{AC} و \vec{AB}

2. استنتاج أن النقطة M تنتمي إلى المستوى (ABC)

3. استنتاج أن المتجهات \vec{IJ} و \vec{AB} و \vec{EC} مستوائية .

تمرين 6: لتكن E و F نقطتين من الفضاء بحيث :

$\vec{AF} = \vec{AC} + \vec{AD}$ و $\vec{AE} = \vec{AB} + \vec{AD}$

بين أن : $BCEF$ متوازي الأضلاع .

تمرين 7: لتكن A و B و C و D نقط من الفضاء

نضع : $\vec{u} = \vec{BA} - \vec{AB} + \vec{AC} - \vec{BC}$

بين أن : $\vec{u} = -\vec{AB}$

تمرين 8: ليكن $ABCDEFGH$ متوازي مستطيلات قائم

بين أن المتجهتين $\vec{BG} + \vec{BD} + \vec{BF} + \vec{DC}$ و \vec{AH} مستقيمتان

تمرين 9: ليكن $ABCDEFGH$ مكعبا

نضع : $\vec{v} = \vec{EG} + \vec{EF}$ و $\vec{u} = \vec{AG} + \vec{AF}$

نعتبر المستقيمين : $D(E; \vec{v})$ و $D(A; \vec{u})$

1. أنشئ الشكل مبرزا المستقيمين $(E; \vec{v})$ و $(A; \vec{u})$

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

