

الهندسة في الفضاء

التمرين الأول

الفضاء (ξ) منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر النقط $A(-1, 1, 1)$ ، $B(0, 0, 1)$ و $C(0, 1, 0)$

(1) أ- بين أن النقط A ، B و C غير مستقيمية

ب- أعط معادلة للمستوى (ABC)

(2) ليكن (P) المستوى العمودي على (ABC) و الذي يتضمن (OA)

أ- حدد معادلة للمستوى (P)

ب- أعط تمثيل بارامترى للمستقيم (D) تقاطع المستويين (P) و (ABC)

التمرين الثاني

الفضاء (ξ) منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر النقط $A(0, 1, 0)$ و $B(1, 3, 2)$ و $C(4, 5, 2)$

(1) أعط معادلة للفلكة (S) التي مركزها A و تمر من النقطة B

(2) حدد تقاطع المستقيم (AC) و الفلكة (S)

(3) بين أن المستوى $x + 2y + 2z + 7 = 0$ (P) مماس للفلكة (S) و حدد نقطة التماس

(4) أعط معادلة المستوى (Q) المماس للفلكة (S) و الموازي للمستوى (P)

التمرين الثالث

الفضاء (ξ) منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر المستقيم $x - 4 = -y = \frac{z - 5}{2}$ (D) و الفلكة (S)

ذات المعادلة $x^2 + y^2 + z^2 - 4x + 6z - 1 = 0$ (S)

(1) حد المركز Ω و الشعاع r للفلكة (S)

(2) بين أن (D) مماس للفلكة (S) و حدد نقطة التماس

(3) بين أن المستوى $x + 2y + 3z - 7 = 0$ (P) مماس للفلكة (S) و حدد نقطة التماس

(4) أدرس تقاطع الفلكة (S) و المستوى $2x - y + z + 5 = 0$ (Q)

التمرين الرابع

الفضاء (ξ) منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر المجموعة (S) للنقطة $M(x, y, z)$ و التي تحقق المعادلة :

$$x^2 + y^2 + z^2 + x - \frac{1}{4} = 0$$

(1) بين أن (S) فلكة محددا مركزها و شعاعها

(2) بين أن المستوى $y + z - 1 = 0$ (P) مماس للفلكة (S)

(3) نعتبر المستوى (Q) الذي معادلته $2x - y + z + 1 = 0$

أ- تحقق أن (P) و (Q) متعامدين

ب- أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) تقاطع المستويين (P) و (Q)

ج- بين أن المستقيم (Δ) مماس للفلكة (S) محددا نقطة التماس

د- بين أن (Q) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة (ξ) محددا عناصرها المميزة