

الهندسة في الفضاء

التمرين الأول

- الفضاء $(\mathcal{E})$ منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر المتجهات $\vec{u}(1, 1, 2)$ ، $\vec{v}(-1, 0, \frac{1}{2})$ و $\vec{w}(1, -5, 2)$ والنقطتين $A(1, 0, 2)$ و $B(-1, -2, -3)$
- حدد معادلة للمستوى (P) المار من A والموجه بالمتجهتين $\vec{u}$; $\vec{v}$
 - أ- بين أن (AB) غير عمودي على (P) ثم أكتب تمثيل بارامتري للمستوى (Q) العمودي على (P) و المار من A و B
ب- حدد تمثيل بارامتري للمستقيم (Δ) تقاطع المستويين (P) و (Q)
 - أ- ليكن (D_1) المستقيم المار من A والموجه بالمتجهة $\vec{u}$ و (D_2) المستقيم المار من B والموجه بالمتجهة $\vec{v}$
أحسب المسافة بين المستقيمين (D_1) و (D_2)
 - أ- أعط معادلة للفلكة (S) التي أحد أقطارها $[AB]$
ب- بين أن المستوى (R) الذي معادلته $x + y - 3z + 2 = 0$ يقطع (S) و حدد تقاطعهما

التمرين الثاني

الفضاء $(\mathcal{E})$ منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر المستقيمين :

$$(D) \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1 + 2t \\ z = -1 - 2t \end{cases} \quad \text{و} \quad (\Delta) \quad \frac{x+3}{2} = y - 1 = \frac{z-2}{2}$$

- بين أن (D) و (Δ) متعامدين
- أكتب معادلة للمستوى (P) الذي يتضمن (D) و يوازي (Δ)
- أكتب معادلة للمستوى (Q) الذي يضم (Δ) و عمودي على المستوى (P)
- أ- حدد تمثيل بارامتري للمستقيم (Δ') تقاطع المستويين (P) و (Q)
ب- حدد إحداثيات A' نقطة تقاطع (Δ') و (D)

التمرين الثالث

الفضاء $(\mathcal{E})$ منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. نعتبر النقط $A(2, 1, 0)$ و $B(0, 2, 1)$ و $C(1, 0, 2)$

- أ- بين أن A , B , C نقط غير مستقيمية
ب- حدد معادلة للمستوى (ABC)
- أعط معادلة للفلكة (S) التي مركزها $\Omega(1, 0, -2)$ و تمر من النقطة A
- أدرس تقاطع الفلكة (S) و المستقيم $(D) \quad \frac{4-x}{2} = y = z + 1$
- حدد تقاطع الفلكة (S) و المستوى (ABC)
- أكتب معادلة للمستوى (Q) المماس للفلكة (S) في النقطة $A'(2, -1, 0)$