

تمرين 1

نعتبر الدالة العددية f المعرفة ب: $f(x) = \frac{(x+1)^2}{2(x-1)}$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

(2) أحسب نهايات الدالة f

(3) أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى C_f

(4) بين أن $f'(x) = \frac{(x+1)(x-3)}{2(x-1)^2}$

ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(5) أرسم المنحنى C_f

تمرين 2

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = x + \frac{3}{x} - \frac{1}{x^2}$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f وأحسب

نهايات الدالة f عند محددات D_f

(2) بين أن C_f يقبل مقارب مائل (Δ) محددًا معادلته

(3) أدرس الوضع النسبي لـ C_f و (Δ)

(4) بين أن $f'(x) = \frac{(x+2)(x-1)^2}{x^3}$

ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(5) أحسب المشتقة الثانية وأدرس تقعر المنحنى C_f

(6) أرسم المنحنى C_f

تمرين 3

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{2x^2 - 7x + 5}{x^2 - 5x + 7}$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f وأحسب

نهايات الدالة f عند محددات D_f

(2) استنتج الفروع اللانهائية للمنحنى C_f

(3) أحسب المشتقة $f'(x)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

(4) أرسم المنحنى C_f

تمرين 4

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = 2x - 1 + \frac{2x}{x^2 - 1}$$

(1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

بد بين أن النقطة $\Omega(0, -1)$ مركز تماثل لـ C_f

(2) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x > 1}} f(x)$; $\lim_{\substack{x \rightarrow 1 \\ x < 1}} f(x)$

بد أدرس الفرع اللانهائي لـ C_f عند $+\infty$

$$(3) \text{ أ- بين أن } f'(x) = \frac{2x^2(x^2-3)}{(x^2-1)^2}$$

بد ضع جدول تغيرات الدالة f

(4) أرسم المنحنى C_f

تمرين 5

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{2(x-1)}$$

(1) أ- حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

بد أحسب نهايات الدالة f

(2) أ- حدد الأعداد الحقيقية c, b, a بحيث :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$$

بد حدد المستقيمات المقاربة للمنحنى C_f

(3) بين أن النقطة $I(1, \frac{1}{2})$ مركز تماثل لـ C_f

(4) أ- أدرس منحنى تغيرات الدالة f

بد أحسب المشتقة الثانية وأدرس تقعر المنحنى C_f

(5) أرسم المنحنى C_f

(6) استنتج رسماً لمنحنى الدالة g المعرفة بما يلي :

$$g(x) = \frac{x^2 - x + 1}{2|x-1|}$$

تمرين 6

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = x + 2 + \frac{4}{x^2}$$

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

(2) بين أن المستقيم $y = x + 2$ مقارب مائل

لـ f الدالة f بجوار $+\infty$; $-\infty$

(3) أ- بين أن $f'(x) = \frac{x(x-2)(x^2+2x+4)}{x^4}$

بد ضع جدول تغيرات الدالة f

(4) حدد معادلة المماس (T) للمنحنى C_f في

النقطة 2-

(5) أرسم (T) و C_f

(6) ناقش مبيانياً حسب قيم البارامتر m عدد حلول

$$f(x) = x + m$$