

الأستاذ:
نجيب
عثمانى

سلسلة رقم 12: دراسة الدوال وتمثيلها

المستوى : الأولى باك علوم تجريبية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 1: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :

حدد $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ وأول النتيجتين هندسيا

تمرين 2: نعتبر الدالة العددية f

للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :

حدد $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ وأول النتيجتين هندسيا

تمرين 3: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة

كالتالي :

$$f(x) = 2x - 1 + \frac{1}{x-3}$$

1. حدد D_f مجموعة تعريف الدالة

2. حدد معادلة المقارب المائل لمنحنى الدالة f بجوار $+∞$

تمرين 4: نعتبر الدالة العددية f المعرفة كالتالي :

أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ وأول هندسيا النتيجة

تمرين 5: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x

المعرفة كالتالي :

أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ وأول هندسيا النتيجة

تمرين 6: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة

كالتالي :

$$f(x) = \sqrt{x} - x$$

1. حدد حيز تعريف الدالة f و أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2. حدد طبيعة الفرع الistantي لمنحنى الدالة f

تمرين 7: نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R}

كالتالي :

$$f(x) = \frac{1}{12}x^4 - 2x^2 + x + \frac{2}{3}$$

1. أحسب $f''(x)$ لكل x من \mathbb{R}

2. أدرس تغير المنحنى (C_f) الممثل للدالة f

مع تحديد نقطتي انعطافه

تمرين 8: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة

كالتالي :

$$f(x) = \sqrt{x-x^2}$$

1. حدد حيز تعريف الدالة f

2. بين أن المستقيم $\frac{1}{2}x = y$ محور تماثل لمنحنى (C_f) الممثل للدالة f

تمرين 9: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x

المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{x^2 - x}{x + 1}$$

1. بين أن $\forall x \in D_f, f(x) = x - 2 + \frac{2}{x+1}$

2. بين أن النقطة $(-3; -1)$ مركز تماثل منحنى الدالة f .

تمرين 10: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

(1) حدد D_f (2) أحسب نهايات f عند محدودات

(3) أحسب مشقة الدالة f و أدرس إشارتها (4) حدد جدول تغيرات f

(5) حدد معادلة لمماس منحى الدالة f في النقطة الذي أقصولها $-1 = x_0$

(6) حدد نقط تقاطع (C_f) مع محوري المعلم

(7) حدد مطاراتيف الدالة f إن وجدت

(8) أرسم (C_f) المنحى الممثل للدالة f و المستقيم (D) الذي

معادلته $3 = y = (D)$ في معلم متعمد مننظم $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

(9) حدد نقط تقاطع (C_f) و (D) .

(10) حل مبيانيا في \mathbb{R} المتراجحة $x^2 + 4x \geq 0$.

$$S = [-4; 0]$$

تمرين 11: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة f

2. أدرس زوجية الدالة f

3. أحسب نهايات الدالة f عند محدودات

4. أدرس الفروع اللانهائية لمنحى الدالة f

5. أحسب مشقة الدالة f و أدرس إشارتها

6. حدد جدول تغيرات الدالة f

7. حدد معادلة لمماس المنحى (C_f) الممثل للدالة f في

النقطة A التي أقصولها $-1 = x_0$

8. حدد نقط تقاطع المنحى (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.

9. حدد مطاراتيف الدالة f إذا وجدت

10. أرسم المنحى (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد مننظم

تمرين 12: نعتبر الدالة العددية g المعرفة بـ:

$$g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$$

1. حدد حيز تعريف الدالة g وأحسب نهايات الدالة g في محدودات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

2. أحسب الدالة المشقة. ثم وضع جدول تغيرات الدالة g .

3. أنشئ منحى الدالة g .

تمرين 13: لتكن f دالة معرفة بـ:

$$f(x) = \frac{2x+3}{x+2}$$

1) حدد مجموعة تعريف الدالة f (2) أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$

(3) أحسب مشقة الدالة f و أدرس إشارتها (4) حدد جدول تغيرات الدالة f .

(5) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحى الممثل للدالة f مع محور الأفاصيل.

(6) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحى الممثل للدالة f مع محور الأراتيب.

(7) أرسم (C_f) المنحى الممثل للدالة f

تمرين 14: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \sqrt{4x^2 + 2x - 2}$$

1. حدد D_f و حدد $f'(x)$

2. أحسب :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$$

3. بين : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) + 2x = -2$ و أحسب :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -2$$

4. أستنتج معادلة المقارب المائل لمنحى الدالة f بجوار $-\infty$

هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma

7. أدرس الفروع اللانهائية للمنحي (C_f) .
8. حدد نقط تقاطع المنحي (C_f) مع محوري المعلم.
9. أرسم المنحي (C_f) في المعلم (o, i, j) .
- تمرين 18:** نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x
- $$f(x) = \frac{(x-1)^3}{(x-2)^2}$$
 المعرفة كالتالي :
- ليكن (C_f) المنحي الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, i, j)
1. حدد D_f حيز تعريف الدالة
2. أحسب نهايات الدالة f عند محدات D_f
3. بين أن : $f(x) = x+1 + \frac{3x-5}{(x-2)^2}$ و استنتج معادلة المقارب المائل (D) للمنحي بجوار $+\infty$ و $-\infty$
4. أدرس الوضع النسبيي للمنحي (C_f) بالنسبة للمقارب المائل (D) .
5. بين أن : $\forall x \in D_f \quad f'(x) = \frac{(x-1)^2(x-4)}{(x-2)^3}$
6. حدد جدول تغيرات الدالة f
7. أحسب ($f''(x)$) واستنتاج إحداثيات نقطة انعطاف المنحي (C_f) .
8. حدد نقط تقاطع المنحي (C_f) مع محوري المعلم.
9. أرسم المنحي (C_f) في المعلم (o, i, j) .
10. حل مبيانيا المتراجحة : $f(x) \leq 0$.
- تمرين 19:** نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x
- $$f(x) = \frac{x^3 + x^2 + 2x + 3}{(x+1)^2}$$
 المعرفة كالتالي:
- ليكن (C_f) المنحي الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, i, j) بحيث : $\|i\| = \|j\| = 1cm$
1. حدد D_f حيز تعريف الدالة
2. أحسب نهايات الدالة f عند محدات D_f
3. بين أن : $\forall x \in D_f \quad f'(x) = \frac{(x-1)(x+1)(x+2)^2}{(x+1)^4}$
4. حدد جدول تغيرات الدالة f
5. بين أن : $\forall x \in D_f \quad f(x) = x-1 + \frac{3x+4}{(x+1)^2}$
6. استنتاج معادلة المقارب المائل (D) للمنحي بجوار $+\infty$ و $-\infty$

- تمرين 15:** نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :
- $$f(x) = \frac{3x^2 - 4x}{x^2 - 2x + 1}$$
1. حدد D_f حيز تعريف الدالة
2. أحسب نهايات الدالة f عند محدات D_f
3. أدرس الفروع اللانهائية للمنحي (C_f) الممثل للدالة f
4. بين أن : $\forall x \in D_f \quad f'(x) = \frac{-2(x-1)(x-2)}{(x^2 - 2x + 1)^2}$
5. حدد جدول تغيرات الدالة f
6. بين أن : $\forall x \in \mathbb{R} \quad f''(x) = \frac{2(2x-5)}{(x-1)^4}$
7. أدرس تغير المنحي (C_f) الممثل للدالة f مع تحديد نقط انعطافه .
8. حدد نقط تقاطع المنحي (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.
9. أرسم المنحي (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم
- تمرين 16:** نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي
- $$f(x) = x+1 - \sqrt{x^2 - x - 2}$$
- ليكن (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, i, j) .
1. حدد D_f حيز تعريف الدالة
- b. حدد ($f(x)$) و ثم بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{3}{2}$
2. أدرس قابلية اشتقاق الدالة f على اليمين في $x_0 = 2$ وعلى اليسار في $x_0 = -1$ ثم أول النتيجتين هندسيا
3. أحسب مشتقة الدالة f و بين أن : $f'(x) > 0$ لكل $x \in]-1, +\infty[$ و $f'(x) < 0$ لكل $x \in]-\infty, -1]$
4. حدد جدول تغيرات الدالة f (C_f) .
5. أنشئ (C_f)
- تمرين 17:** نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :
- $$f(x) = \frac{x^2 - 2|x|-3}{x+1}$$
- ليكن (C_f) المنحي الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, i, j) .
1. حدد D_f حيز تعريف الدالة
2. أكتب ($f(x)$) دون استعمال رمز القيمة المطلقة.
3. أحسب نهايات الدالة f عند محدات D_f
4. أدرس قابلية اشتقاق الدالة f عند $x_0 = 0$ و أول النتيجة المحصل عليها هندسيا.
5. أحسب $\forall x \in D_f - \{0\} \quad f'(x)$
6. حدد جدول تغيرات الدالة f