

الأستاذ:
نجيب
عثمانى

سلسلة 3: المرجح
المستوى : الأولى باك علوم تجريبية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 11: ليكن ABC مثلثا و G نقطة بحيث :
بين أن : G مرجح النقط المترننة $(A;1)$ و $(B;1)$ و $(C;2)$
و أنشئ النقطة G

تمرين 12: ليكن A و B و C ثلات نقط من المستوى. و G مرجح النقط المترننة $(A;2)$ و $(B;-1)$ و $(C;1)$

حدد المجموعة: $E = \{M \in P / \|2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = 6\text{cm}\}$
حيث P هو المستوى.

تمرين 13: ليكن G مركز نقل المثلث ABC و I منتصف القطعة $[BC]$ بين أن G مرجح النقطين $(A;1)$ و $(I;2)$

تمرين 14: ليكن A و B و C و D ثلات نقط من المستوى
حدد مجموعة النقط من المستوى بحيث :

$$\|2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + 3\overrightarrow{MC} - 5\overrightarrow{MD}\| = 5\text{cm}$$

تمرين 15: في المستوى منسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; i, j)$
نعتبر النقط : $(A;-1;1)$ و $(B;0;2)$ و $(C;1;-1)$ و $(D;-1;0)$

(1) حدد إحداثي K مرجح النقطين المترننتين $(A;2)$ و $(B;3)$
(2) حدد إحداثي L مركز نقل المثلث ABC

(3) حدد إحداثي G مرجح النقط : $(A;2)$ و $(B;3)$ و $(C;1)$ و $(D;-1)$

تمرين 16: ليكن A و B و C ثلات نقط من المستوى.
و M من المستوى P بحيث : $\overline{V} = 2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} - 3\overrightarrow{MC}$

(1) بين أن \overline{V} متوجه غير مرتبطة بالنقطة M

(2) ليكن : K مرجح النقطين المترننتين $(B;1)$ و $(C;-3)$

بين أن : $\overline{V} = 2\overrightarrow{KA}$

(3) ليكن: G مرجح النقط المترننة $(A;2)$ و $(B;-1)$ و $(C;-3)$

(أ) بين أن : $\overline{V} = 2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - 3\overrightarrow{MC} = 2\overrightarrow{GM}$ لكل نقطة M من المستوى

(ب) استنتج مجموعة النقط M من المستوى بحيث :

$$\|2\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - 3\overrightarrow{MC}\| = \|2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} - 3\overrightarrow{MC}\|$$

تمرين 17: ليكن ABC مثلثا و B' مرجح النقطين $(A;-2)$ و $(C;1)$

ثم A' مرجح النقطين $(A;2)$ و $(B;-3)$

و C' مرجح النقطين $(C;-1)$ و $(B;3)$

(1) بين أن : $\overline{BC}' = -\frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$ و $\overline{AA}' = 3\overrightarrow{AB}$ و $\overline{AB}' = -\overrightarrow{AC}$ و

(2) بين أن : $\overline{B'A'} + 2\overrightarrow{A'C'} = \overline{0}$

(3) استنتاج أنه مهما تكون M نقطة من المستوى فان :

$$-\overrightarrow{MA}' - \overrightarrow{MB}' + 2\overrightarrow{MC}' = \overline{0}$$

(4) استنتاج أن النقط A' و B' و C' مستقيمية.

تمرين 18: ليكن I مرجح النقطين $(A;2)$ و $(C;1)$ و J مرجح النقطين

$(A;1)$ و $(B;2)$ و K مرجح النقطين $(C;1)$ و $(B;-4)$

(1) أنشئ النقط I و J و K

(2) أثبت أن B مرجح النقطين $(K;3)$ و $(C;1)$

(3) بين أن J منتصف $[KI]$

تمرين 1: لتكن A و B نقطتين مختلفتين من المستوى
(1) بين أنه يوجد نقطة G بحيث : $4\overrightarrow{GA} - 5\overrightarrow{GB} = \overline{0}$

(2) أنشئ النقطة G

تمرين 2: لتكن A و B نقطتين مختلفتين من المستوى
هل توجد توجد نقطة G بحيث : $2\overrightarrow{GA} - 2\overrightarrow{GB} = \overline{0}$

تمرين 3: أنشئ G مرجح النقطين $(A;-2)$ و $(B;3)$ ثم أنشئ G' مرجح النقطين $(A;2)$ و $(B;1)$

1. أحسب $\overrightarrow{GG'}$ بدلالة

تمرين 4: أنشئ G مرجح النقطين المترننتين $(A;-0,003)$ و $(B;-0,001)$ حيث $A \neq B$

تمرين 5: ليكن G مرجح النقطين المترننتين $(A;\sqrt{8})$ و $(B;-\sqrt{2})$ بين أن G مرجح النقطين $(A;-2)$ و $(B;1)$

تمرين 6: ليكن E و F نقطتين من المستوى بحيث : $2\overrightarrow{EF} = \overline{0}$ و $E \notin AB$

(1) بين أن : G مرجح النقطين المترننتين $(E;-2)$ و $(F;2)$

(2) استنتاج أن المستقيمين (EF) و (AB) يتقاطعان محددا نقطة تقاطعهما.

تمرين 7: لتكن A و B نقطتين مختلفتين من المستوى.
ولتكن I منتصف القطعة $[AB]$ و G مرجح النقطين $(A;3)$ و $(B;-5)$

حدد مجموعة النقط G من المستوى P بحيث :

$$\|3\overrightarrow{MA} - 5\overrightarrow{MB}\| = \|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\|$$

تمرين 8: نعتبر النقطين : $(A;1)$ و $(B;-4)$ و G مرجح

النقطين المترننتين $(A;2)$ و $(B;-1)$

أحسب إحداثي G

تمرين 9: في المستوى منسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; i, j)$ نعتبر

النقطين : $(A;-2;5)$ و $(B;2;1)$ و G مرجح النقطين المترننتين $(A;1)$ و $(B;3)$

(1) أحسب إحداثي G

(2) حدد إحداثي النقطة H بحيث G مرجح النقطين المترننتين $(H;1)$ و $(O;3)$

(3) بين أن : المستقيمين (OB) و (AH) متوازيان.

تمرين 10: في المستوى منسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; i, j)$ نعتبر

النقطين : $(A;0;5)$ و $(B;3;2)$ و G مرجح النقطين المترننتين $(B;2)$ و $(A;1)$

(1) أحسب إحداثي G

(2) حدد و أرسم مجموعة النقط M من المستوى P بحيث :

$$\|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB}\| = 6$$