

السنة 1 بكالوريا علوم تجريبية	مبادئ في المنطق	سلسلة 1
تمرين 1: اكتب العبارات التالية مستعملا الكممين الكوني و الوجودي : (A_1) : "مهما يكن العدد الموجب a و مهما يكن العدد السالب b فإن $a+b$ سالب". (A_2) : "يوجد على الأقل عدد حقيقي موجب x يكون مربعه أكبر من 34". (A_3) : "يوجد عدد صحيح طبيعي وحيد n مربعه أصغر من 78 و أكبر من 23". (A_4) : "مهما يكن العدد الصحيح الطبيعي n فإنه يوجد على الأقل عدد صحيح طبيعي m مربعه n ". (A_5) : "يوجد عدد حقيقي a بحيث مهما يكن العدد الحقيقي x فإن $x^2 \geq a$ ". (A_6) : "يوجد عدد حقيقي b و يوجد عدد حقيقي x يحققان : $b \leq x$ "		
تمرين 2: اعط نفي العبارات دون تحديد حقيقتها ::		
(P_1) :	$\exists x \in \mathbb{R}^+ \quad x^3 = 8$	
(P_2) :	$\forall x > 0 \quad \frac{1}{x} + x \geq 2$	
(P_3) :	$\exists a > 0 \quad \exists b > 0 \quad 2ab = \frac{1}{a} + \frac{1}{b}$	
(P_4) :	$\forall x > 0 \quad \frac{1}{x} \neq 7$	
(P_5) :	$\exists y \in [1;4] \quad 5 < y \leq 13$	
(P_6) :	$\forall p \in \mathbb{N} \quad \forall q \in \mathbb{N}^* \quad \frac{p}{q} \in \mathbb{Q}$	
(P_7) :	$\exists p \in \mathbb{N} \quad (p^2 = 5 \text{ ou } p^2 > 10)$	
(P_8) :	$\forall x \in \mathbb{R}^* \quad \left(x + \frac{1}{x} = 2 \Rightarrow x = 1 \right)$	
(P_9) :	$\forall x \in \mathbb{R} \quad x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$	
تمرين 3: حدد حقيقة العبارات التالية :		
(P_1) :	$\exists x \in \mathbb{R} \quad x^2 + 1 = 0$	
(P_2) :	$\exists x \in \mathbb{R} \quad \exists y \in \mathbb{R} \quad x + y = 0$	
(P_3) :	$\forall x \in \mathbb{R} \quad \sqrt{x^2} = x$	
(P_4) :	$\forall x \in \mathbb{R} \quad (x^2 + 2x = -1 \Leftrightarrow x = -1)$	
(P_5) :	$\forall x \in \mathbb{R} \quad (x^2 = 4 \Rightarrow x = 2)$	
(P_6) :	$\forall x \in \mathbb{R}^+ \quad (x^2 = 4 \Rightarrow x = 2)$	
(P_7) :	$\exists a \in \mathbb{R} \quad \forall x \in \mathbb{R} \quad x^2 \geq a$	
(P_8) :	$\exists (a,b) \in \mathbb{N}^2 \quad (2a+1)^{2015} = 2014b$	
تمرين 4: لتكن P و Q عبارتين. مستعملا جدول الحقيقة بين أن العبارتان : $(P \text{ و } Q) \Rightarrow P$ و $P \Rightarrow (\neg P \Rightarrow Q)$ قوانين منطقية		