

السنة الدراسية : 2012/13

المدة: ساعةان

أستاذ: عبد الفتاح قويدر

فرض محروس رقم 2

الدورة الاولى  
في مادة الرياضيات

الثانوية الجاحظ  
التأهيلي

المستوى: 1 علوم تجريبية

$$\left\{ \begin{array}{l} U_0 = 11 \\ U_{n+1} = \frac{10}{11}U_n + \frac{12}{11}; n \in \mathbb{N} \end{array} \right.$$

**تمرين I:** لتكن  $(U_n)$  المتالية العددية المعرفة بمايلي :

(1) احسب  $U_1$  و  $U_2$

(2) تحقق من ان :  $U_{n+1} - 12 = \frac{10}{11}(U_n - 12)$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$

(3) أ- بين بالترجع ان  $12 < U_n$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$

ب- بين ان  $(U_n)$  تزايدية قطعا

(4) لتكن  $(V_n)$  المتالية العددية بحيث  $12 - U_n = V_n$

أ- بين ان المتالية  $(V_n)$  متالية هندسية اساسها  $\frac{10}{11}$

ب- اكتب  $(V_n)$  بدلالة  $n$

ت- بين ان  $U_n = 12 - (\frac{10}{11})^n$

**تمرين II:** ليكن  $ABCD$  متوازي الاضلاع و  $Q$  و  $R$  النقط المعرفة بمايلي :

$\overrightarrow{PQRA} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AD}$  و  $\overrightarrow{AP} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$

نريد ان نبرهن على ان المستقيمات  $(CQ)$  و  $(DP)$  و  $(BR)$  متلاقية

(1) أ- بين ان  $P$  مرجح  $A$  و  $B$  معينتين بمعاملين يتم تحديدهما

ب- بين ان  $R$  مرجح  $A$  و  $D$  معينتين بمعاملين يتم تحديدهما

(2) لتكن  $I$  نقطة تقاطع  $(DP)$  و  $(BR)$  ولتكن  $G$  مرجح  $(A,I)$  و  $(B,2)$  و  $(D,3)$

بين ان  $G = I$

(3) بين ان  $Q$  مرجح  $(A,-5)$  و  $(B,8)$  و  $(D,9)$  (\*)

(4) استنتاج ان  $Q$  منتصف  $[CI]$

(5) استنتاج ان المستقيمات  $(CQ)$  و  $(DP)$  و  $(BR)$  متلاقية

**تمرين III (\*):** لتكن  $(U_n)$  المتالية العددية المعرفة بمايلي :

$$\forall n \in \mathbb{N} : U_{n+1} = \sqrt{\frac{1+U_n}{2}} \text{ و } U_0 \in [0; 1]$$

1- بين أن:  $U_n \in [0; 1]$  ;  $U_n \in [0; 1]$

2- بين أن : المتالية  $U_n$  تزايدية

3- نضع:  $\theta \in [0; \frac{\pi}{2}]$  حيث  $U_0 = \cos(\theta)$

$(2\cos^2(y) = 1 + \cos(2y))$  علما ان  $\forall n \in \mathbb{N} ; U_n = \cos(\frac{\theta}{2^n})$  بين أن

والله ولي التوفيق