

فرض محروس رقم 1

التمرين رقم 1

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{(x+1)^2}{x^2+1}$$

 حدد مجموعة تعریف الدالة f و بين أنها تقبل قيمة قصوى في النقطة $a = 1$

التمرين رقم 2

نعتبر الدالتين g و h بحيث :

$$h(x) = x^2 - 2x$$
 و $g(x) = \frac{2x}{x-1}$

- (1) نفح جدول التغيرات لكل من g و h
- (2) أرسم و في نفس المعلم المنحنيين (C_g) ، (C_h) ($g(0) = h(0) = 0$ و $g(3) = h(3) = 3$)
- (3) حل مبيانيا المترابحة :

$$(x-1)^2 \leq \frac{3x-1}{x-1}$$

$$(4) \text{ نفح } f(x) = \frac{4x}{(x-1)^2}$$

- أ- تحقق أن $(h \circ g)(x) = f(x)$
- ب- حدد $g([2,3])$ و أدرس دتابة الدالة f على المجال $[2,3]$
- ج- بين أن الدالة f تزايدية على المجال $[-1,0]$

التمرين الثالث

(1) نعتبر العبارةتين :

$$\text{أ} " \left(\forall x \in \mathbb{R} \right) x + \frac{1}{x} \geq 2 \text{ و } x \leq 0 " : P_1$$

$$\text{ب} " \left(\exists x \in \mathbb{R} \right) x^2 \in \mathbb{Z} \Rightarrow x \in \mathbb{Z} " : P_2$$

(أ) حدد نفي كل من العبارةتين P_2 و P_1

ب) حدد الاستلزم المنهى للعكس للاستلزم P_2

(2) بين بالترجم أن :

$$\left(\forall n \in \mathbb{N}^* \right) 1 + 5 + 9 + \dots + (4n-3) = n(2n-1) \quad (أ)$$

$$\left(\forall n \in \mathbb{N}^* \right) -1 + 2 - 3 + 4 + \dots + (-1)^n n = \frac{-1 + (-1)^n (2n+1)}{4} \quad (ب)$$