

## التمرين الأول : (8 pt)

1. أكتب العبارتين التاليتين باستعمال المكالمات و الروابط المنطقية :

$P_1$  "لا يوجد أي عدد صحيح نسبي ، حل للمعادلة :  $x^2 + x - 1 = 0$ "

1pt

$P_2$  "جميع الأعداد الحقيقة الأكبر قطعا من 1 هي حلول للمتراجحة :

$$x^2 + x - 1 \geq 0$$

2. أوجد العبارتين النافيتين للعبارات التاليتين . ثم حدد قيمة حقيقة كل منهما معللا جوابك :

(P): " $(\forall p \in \mathbb{N}^*) (\forall q \in \mathbb{N}^*) ; (p > q \Rightarrow pq > 1)$ " (a)

1,5pt

(Q): " $(\exists x \in \mathbb{R}) ; (x^2 \leq 4x - 5)$ " (b)

1,5pt

3. باستعمال البرهان بالترجع بين أن العدد  $8^n - 1$  يقبل القسمة على 7 لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$  .

1.5pt

4. نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بما يلي :

(a) بين الدالة  $f$  مكبورة بالعدد 9

0,5pt

(b) باستعمال البرهان بالخلف ، بين أن الدالة  $f$  ليست مصغورة

1pt

## التمرين الثاني : (12 pt)

نعتبر الدالتي العدديتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بما يلي :

$$g(x) = \frac{1}{x-1} \quad \text{و} \quad f(x) = \sqrt{x-1}$$

ولتكن  $(Cf)$  و  $(Cg)$  تمثيلاهما المبيانين على التوالي في معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1) أ- حدد  $Df$  و  $Dg$  مجموعتي تعريف كل من الدالتي  $f$  و  $g$  على التوالي

1pt

ب- احسب  $(2) f$  و  $(2) g$

1pt

2) ضع جدوليا تغيرات الدالتي  $f$  و  $g$

1pt

3) أنشئ  $(Cf)$  و  $(Cg)$  في نفس المعلم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

2pt

4) قارن مبيانيا الدالتي  $f$  و  $g$  على المجال  $[1; +\infty)$

1pt

5) حدد  $Dgof$  مجموعة تعريف الدالة  $gof$  إن وجدت .

1pt

6) حدد مبيانيا صورتي المجالين  $[1; 2]$  و  $[2, +\infty)$  بواسطة الدالة  $f$

2pt

7) استنتج تغيرات الدالة  $gof$  على كل من المجالين  $[1; 2]$  و  $[2, +\infty)$

2pt

8) أكتب  $(gof)(x)$  بدلالة  $x$  لكل  $x$  من  $[2, +\infty)$

1pt