

**التمرين الأول**

(1) بين أن  $(\forall x \in \mathbb{R}); -x^2 + x - 1 < 0$

(2) نعتبر العبارة  $P : (\forall y \in \mathbb{R})(\exists x \in \mathbb{R}) : -x^2 + x - 1 \geq y$

(a) حدد نفي العبارة  $P$

(b) استنتج أن العبارة  $P$  خاطئة

**التمرين الثاني**

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $2x^2 - |x - 3| - 4 = 0$

**التمرين الثالث**

(1) بين أن العدد  $11^n - 1$  يقبل القسمة على 10 مهما يكن  $n$  من  $\mathbb{N}$

(2) بين أن :  $(\forall n \in \mathbb{N}); 1 \times 2 + 2 \times 3 + 3 \times 4 + \dots + n(n+1) = \frac{n(n+1)(n+2)}{3}$

**التمرين الرابع**

لتكن  $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

$$f(x) = x^3$$

(1) بين أن  $f$  تزايدية قطعا على  $\mathbb{R}$

(2) نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}^+$  بما يلي :

$$g(x) = x\sqrt{x}$$

بين أنه لكل  $a$  و  $b$  من  $\mathbb{R}^+$  لدينا :  $[g(a)]^2 - [g(b)]^2 = f(a) - f(b)$

استنتج رتبة الدالة  $g$  على المجال  $[0; +\infty)$ .

(3) نعتبر الدالة  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}^+$  بما يلي :

$$h(x) = x(x^2 + \sqrt{x})$$

بين أن  $h$  تزايدية قطعا على  $\mathbb{R}^+$

**التمرين الخامس**

نعتبر الدالتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بما يلي :

$$g(x) = \frac{x}{x+1} \quad \text{و} \quad f(x) = -x^2 - 2x$$

ولتكن  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  تمثيلاهما المبيانيين في معلم متعمد ممنظم

حدد تقاطع المنحني  $(C_f)$  مع محور الأفاسيل

حدد تقاطع المنحنيين  $(C_g)$  و  $(C_f)$

أنشئ  $(C_f)$  و  $(C_g)$  في المعلم

حل مبيانيا المتراجحة :  $x \in \mathbb{R}$  ،  $f(x) > g(x)$