

التمرين الأول

(1) بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}); -x^2 + x - 1 < 0$

(2) نعتبر العبارة $(\forall y \in \mathbb{R})(\exists x \in \mathbb{R}): -x^2 + x - 1 \geq y : P$

(a) حدد نفي العبارة P (b) استنتج أن العبارة P خاطئة

التمرين الثاني

حل في \mathbb{R} المعادلة : $2x^2 - |x-3| - 4 = 0$

التمرين الثالث

(1) بين أن العدد $11^n - 1$ يقبل القسمة على 10 مهما يكن n من \mathbb{N}

(2) بين أن : $(\forall n \in \mathbb{N}); 1 \times 2 + 2 \times 3 + 3 \times 4 + \dots + n(n+1) = \frac{n(n+1)(n+2)}{3}$

التمرين الرابع

لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = x^3$ (1) بين أن f تزايدية قطعاً على \mathbb{R} (2) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على \mathbb{R}^+ بما يلي : $g(x) = x\sqrt{x}$ بين أنه لكل a و b من \mathbb{R}^+ لدينا : $[g(a)]^2 - [g(b)]^2 = f(a) - f(b)$ استنتج رتبة الدالة g على المجال $[0; +\infty[$.(3) نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R}^+ بما يلي : $h(x) = x(x^2 + \sqrt{x})$ بين أن h تزايدية قطعاً على \mathbb{R}^+

التمرين الخامس

نعتبر الدالتين f و g المعرفتين بما يلي :

$$g(x) = \frac{x}{x+1} \quad \text{و} \quad f(x) = -x^2 - 2x$$

وليكن (C_f) و (C_g) تمثيلهما المبيانيين في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ حدد تقاطع المنحنى (C_f) مع محور الأفاصيلحدد تقاطع المنحنيين (C_f) و (C_g) أنشئ (C_f) و (C_g) في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ حل مبيانيا المتراجحة : $f(x) > g(x)$ ، $x \in \mathbb{R}$.