

السنة الدراسية : 2012/13

المدة: ساعةان

استاذ: عبد الفتاح قويير

فرض محروس رقم 1
الدورة الاولى
في مادة الرياضيات

الثانوية الج
الثانوية الج

المستوى: 1 ع ت 1

التنقيط

تمرين I:

ن8

1- بين ان $(n \text{ زوجي}) \Rightarrow \forall n \in \mathbb{N} ; n^2 \text{ زوجي}$

ن1.5

2- حل في \mathbb{R} المتراجحة : $4 - |4x - 3| < 3x - 4$

ن1.5

3- لتكن x و y و z اعداد حقيقية ، بين ان النظمة $\begin{cases} 2y - 3x < 1 \\ 3z - 2y \leq 2 \\ z - x \geq 2 \end{cases}$ ليس لها حل

ن1.5

4- برهن ان : $\forall n \in \mathbb{N} ; 10^n - 5^n$ قابل القسمة على 5

ن2

5- بين ان لكل n من $\{1; 2\} - \mathbb{N}^*$ لدينا :

$$(1 + \alpha)^n \geq 1 + n\alpha + \frac{n(n-1)}{2}\alpha$$

تمرين II:

ن8

لتكن f دالة عددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بمايلي :

$$f(x) = 3x - 6\sqrt{x-1} + 8$$

ن1

1- حدد D مجموعة التعريف الدالة f

ب- بين أن $f(2) \geq f(x) \forall x \in D$

ن1.5

2- نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة بمايلي :

$$g(x) = \sqrt{x-1}$$

ن1

أ- ضع جدول تغيرات الدالة g

ب- ارسم في معلم متعامد منظم $(\vec{j}; \vec{i}; O)$ المنحنى الدالة g ، ثم حدد

$$g([2; +\infty) \text{ و } g([1; 2])$$

ن1.5

ت- حدد الدالة الحدودية h من الدرجة الثانية بحيث : $f(x) = (h \circ g)(x)$

$$(\forall x \in [1; +\infty))$$

ن1.5

3- ادرس تغيرات الدالة f

ن1.5

تمرين III : لتكن f دالة عددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بمايلي :

ن4

1- حدد D_f

ن0.75

2- بين انه لكل عددين حقيقيين مختلفين x و y لدينا :

ن1.5

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{xy - 1}{(1 + x + x^2)(1 + y + y^2)}$$

ن1.75

3- اعط جدول تغيرات الدالة f على D_f

والله ولي التوفيق