

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة 8: في دراسة الدوال وتمثيلها
السنة الأولى من سلك البكالوريا مسک الآداب
والعلوم الإنسانية

أكاديمية
الجنة
الشرقية

تمرين 1: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x

$$f(x) = \frac{2x-1}{3x-6}$$

حدد $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$ وأول النتيجتين هندسيا

تمرين 2: نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \begin{cases} x+3 & \text{لـ } x < -1 \\ 2x+2 & \text{لـ } x \geq -1 \end{cases}$$

و أول النتيجتين هندسيا

تمرين 3: نعتبر الدالة العددية f

$$f(x) = \begin{cases} 6x+1 & \text{لـ } x < -5 \\ 2x-5 & \text{لـ } x \geq -5 \end{cases}$$

حدد $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ وأول النتيجتين هندسيا

تمرين 4: أحسب النهايات التالية و أول مبيانا النتائج :

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+3}{x-2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x+3}{x-2} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{5}{2x-6} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{5}{2x-6} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x+5}{x+2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x+5}{x+2} \quad (3)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x-1}{6x+2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x-1}{6x+2} \quad (4)$$

تمرين 5: لتكن f دالة معرفة بـ : $f(x) = x^2 + 4x + 3$

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

(2) أحسب النهايات التالية :

(3) أحسب مشتقة الدالة f وأدرس اشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة .

(5) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأفاسيل.

(6) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأرتب.

(7) أرسم (C_f) المنحني الممثل للدالة f و المستقيم (D) الذي معادلته $y = 3$ في معلم متواحد منظم .

(8) حدد نقط تقاطع (C_f) و (D) .

(9) حل مبيانا في \mathbb{R} المتراجحة $x^2 + 4x \geq 0$.

تمرين 6: لتكن f دالة معرفة بـ : $f(x) = -x^2 + 2x + 3$

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

(2) أحسب النهايات التالية :

(3) أحسب مشتقة الدالة f وأدرس اشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة .

(5) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأفاسيل.

مع محور الأفاسيل.

(6) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأرaticip.

(7) أرسم (C_f) المنحني الممثل للدالة f

تمرين 7: لتكن f دالة معرفة بـ $f(x) = 2x^2 - 2x - 3$.

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f

(2) أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(3) أحسب مشتقة الدالة f وأدرس إشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة f .

(5) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأفاسيل.

(6) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأرaticip.

(7) أرسم (C_f) المنحني الممثل للدالة f

تمرين 8: نعتبر الدالة العددية g المعرفة بـ $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$

1. حدد حيز تعريف الدالة g .

2. أحسب نهايات الدالة g في حدات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة g .

4. أنشئ منحني الدالة g .

تمرين 9: نعتبر الدالة العددية g

المعرفة بـ $g(x) = \frac{3x+1}{x-2}$

(1) حدد حيز تعريف الدالة g .

(2) أحسب نهايات الدالة g في حدات حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

(3) أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة g .

(4) أملأ الجدول التالي :

| | | | | | | | |
|--------|----|---|---|---|---|---|---|
| x | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| $f(x)$ | | | | | | | |

(5) أنشئ منحني الدالة g .

تمرين 10: لتكن f دالة معرفة بـ $f(x) = \frac{2x+3}{x+2}$

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة f

(2) أحسب النهايات التالية : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

و $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$

(3) أحسب مشتقة الدالة f وأدرس إشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة f .

(5) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأفاسيل.

(6) حدد نقط تقاطع (C_f) المنحني الممثل للدالة f مع محور الأرaticip.

(7) أرسم (C_f) المنحني الممثل للدالة f

تمرين 11: نعتبر الدالة f

المعرفة كالتالي : $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$

1. حدد D_f حيز تعريف الدالة f و
2. أدرس زوجية الدالة f
3. أحسب نهايات الدالة f عند محدودات D_f
4. أحسب مشتقة الدالة f و أدرس إشارتها
5. حدد جدول تغيرات الدالة f
6. حدد معادلة لمساس المنحني (C_f) الممثل للدالة f في النقطة A التي أقصولها $x_0 = -1$.
7. حدد نقط تقاطع المنحني (C_f) الممثل للدالة مع محوري المعلم.
8. أرسم المنحني (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم

تمرين 12: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي :

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$$

ليكن (C_f) الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (o, \vec{i}, \vec{j})

1. أحسب نهايات الدالة f عند محدودات مجموعة التعريف
2. أحسب مشتقة الدالة f و أدرس إشارتها
3. ضع جدول تغيرات الدالة f .
4. حدد معادلة لمساس (T) للمنحني (C_f) في النقطة $A(1; 2)$
5. أحسب $f(-1)$ و $f(2)$ و (C_f) و (T) .

تمرين 13: نعتبر الدالة f المعرفة

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 1$$

كالتالي :

- (1) حدد D_f حيز تعريف الدالة f
- (2) أحسب نهايات الدالة f عند محدودات D_f
- (3) أحسب مشتقة الدالة f و أدرس إشارتها
- (4) حدد جدول تغيرات الدالة f
- (5) حدد معادلة لمساس المنحني (C_f) الممثل للدالة f في النقطة A التي أقصولها $x_0 = -1$
- (6) أرسم المنحني (C_f) معلم متعمد منظم