

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة 1: تمارين في درس المنطق
السنة الأولى من سلك البكالوريا مسلك
الأداب والعلوم الانسانية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 1:

1) أنقل الجدول التالي ثم ضع العلامة "x" في الخانة المناسبة .

صحيح	خاطئ
	كل زوجي قابل للقسمة على 4
	مجموع عددين فرديين هو عدد زوجي
	$\sqrt{2} \in \mathbb{Q}$
	إذا كان n^2 عددا فرديا فإن n عدد فردي
	المعادلة: $x^2 = -1$ تقبل حلا في \mathbb{R}
	جميع المستقيمات المتعامدة في الفضاء متقاطعة
	114516 مضاعف للعدد 4
	$((-2)^2 = -4)$

2) هل توجد من بين الجمل الواردة في الجدول أعلاه جمل صحيحة و خاطئة في آن واحد ؟

تمرين 2:

حدد العبارة النافية و قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية:

- $p \ ((-2)^2 = 4)$
- $q \ \sqrt{2} \in \mathbb{Q}$

تمرين 3:

حدد العبارة النافية و قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية :

- $p \ ((-2)^2 = 4) \text{ و } (\sqrt{3} \geq 1)$
- $q \ \frac{1}{2} \in \mathbb{N} \text{ و } \left(\frac{7}{2} > 3\right)$

تمرين 4:

حدد قيمة حقيقة العبارات الآتية :

- $A \ ((-2)^2 > 3) \text{ و } (\sqrt{3} \geq 1)$
- $B \ \sqrt{2} \in \mathbb{Q} \text{ و } (\sqrt{3} + \sqrt{2} > 3)$

تمرين 5:

حدد قيمة الحقيقة و العبارة النافية لكل عبارة من العبارات الآتية :

- $A \left(\frac{5}{2} \geq 1\right) \text{ أو } ((-2)^2 = -4)$
- $B \ (-3 \in \mathbb{N}) \text{ أو } (5 < 3)$

تمرين 6: حدد قيمة الحقيقة و العبارة النافية لكل عبارة من العبارات الآتية :

- $A \ (\sqrt{4} = 2) \text{ أو } \left(\frac{1}{2} \in \mathbb{N}\right)$

3) عدد فردي أو $B \ ((-2)^2 > 3)$

$C \ (\pi = 3.14) \text{ أو } (\sqrt{2} \leq 1)$

تمرين 7: حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية :

$A \ (0, 1 \in \mathbb{N}) \Rightarrow (2 \text{ عدد فردي})$

$B \ (-1 \in \mathbb{N}) \Rightarrow (4 \text{ عدد زوجي})$

تمرين 8: حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية :

$p \ (\sqrt{3} \geq 1) \Rightarrow ((-2)^2 = -4)$

$q \ \left(\frac{6}{2} = 2\right) \Rightarrow (\sqrt{5} < 3)$

تمرين 9:

حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية :

$p \ (2\sqrt{3} \geq \sqrt{10}) \Leftrightarrow ((5\sqrt{2})^2 = 50)$

$q \ -6 \in \mathbb{N} \Leftrightarrow (1 \geq 3)$

تمرين 10:

نعتبر التعبير التالي : $x^2 - x \geq 0 \ ; (x \in \mathbb{R})$

1) حدد قيمة حقيقة التعبير من أجل $x = 2$

2) حدد قيمة حقيقة التعبير من أجل $x = \frac{1}{2}$

3) حدد قيمة حقيقة التعبير من أجل $x = -1$

4) هل التعبير صحيح أم خاطئ؟

تمرين 11: نعتبر التعبير التالي : $n^2 \geq 0 \ ; (n \in \mathbb{N})$

1) حدد قيمة حقيقة التعبير من أجل $n = 2$

2) هل توجد قيم n لا تحقق التعبير السابق؟

تمرين 12: حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية :

$A \ "(\forall x \in \mathbb{R}) ; x^2 > 0"$

$B \ "(\forall n \in \mathbb{N}) ; 2^n > 5(n+1)"$

$C \ " \exists x \in \mathbb{N}, 2x-1=0"$

$D \ "(\forall n \in \mathbb{N}) ; \frac{n}{4} \notin \mathbb{N}"$

تمرين 13:

حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية :

1) $\forall x \in \mathbb{R} / x \geq 0$

2) $" \exists x \in \mathbb{N}, 2x-4=0"$

3) $" \exists x \in \mathbb{R}, x^2+1=0"$

4) $(\forall n \in \mathbb{N}) ; \sqrt{n} \in \mathbb{N}$

5) $(\exists x \in \mathbb{Z}) ; \frac{x}{4} \in \mathbb{Z}$

تمرين 14:

حدد العبارة النافية للعبارات الآتية :

$$(1) (\exists x \in \mathbb{Z}) : \frac{x}{4} \in \mathbb{Q} \text{ و } x^2 - 2 = 0 \quad (2) (\forall n \in \mathbb{N}) ; \sqrt{n} \in \mathbb{N}$$

(3) توجد نافذة في المؤسسة مكسورة

(4) كل الأشجار غير مثمرة في المؤسسة

تمرين 15:

$$\text{ليكن } x \in \mathbb{R} \text{ بين أن : } \sqrt{2} < x < 5 \Rightarrow 3 < x^2 + 1 < 26$$

تمرين 16: ليكن $x \in \mathbb{R}$ بين أن :

$$2\sqrt{3} < x < 10 \Rightarrow 9 < x^2 - 3 < 97$$

تمرين 17: بين العبارة التالية خاطئة مع تعليل الجواب:

$$P \left(\forall x \in \mathbb{R}^* \right) ; x + \frac{1}{x} \geq 2$$

تمرين 18: بين العبارة التالية خاطئة مع تعليل الجواب:

$$P \left(\forall x \in \mathbb{R} \right) ; x^2 \geq x$$

تمرين 19:

$$\text{بين أن : } (\forall a \in \mathbb{R}) ; (\forall b \in \mathbb{R}) \quad a^2 + b^2 \geq 2ab$$

تمرين 20: باستعمال الاستدلال بفصل الحالات:

$$\text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة : } |3x - 6| = 1 \quad (E)$$

تمرين 21:

باستعمال الاستدلال بفصل الحالات .

$$(E) : |2x - 6| - x + 1 = 2$$

تمرين 22:

بين أن : $n^2 + n$ عدد زوجي مهما يكن العدد الصحيح الطبيعي

تمرين 23: بين باستعمال الاستدلال بالخلف أن :

$$\forall x \in \mathbb{R} / \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} \neq 1$$

تمرين 24: $n \in \mathbb{N}$ بين أنه إذا كان n^2 عدد زوجي

فان : n عدد زوجي

تمرين 25: حدد قيمة حقيقة كل عبارة من العبارات الآتية

$$1. \quad " \exists x \in \mathbb{R} , x^2 - 2 = 0 "$$

$$2. \quad (\forall n \in \mathbb{N}) ; \frac{n}{4} \notin \mathbb{N}$$

تمرين 26: بين باستعمال الاستدلال بالتكافؤ أنه : $\forall x \in \mathbb{R}$ و

$$\forall y \in \mathbb{R}$$

$$\sqrt{x^2 + 1} + \sqrt{y^2 + 1} = 2 \Leftrightarrow x = y = 0$$

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.
c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

