



الرياضيات	ال المادة
1	المعامل
ساعة و نصف	مدة الانجاز
1/6	الصفحة

تصحيح الامتحان التجاري الموحد
لسنة الأولى من سلك الباكالوريا
شعبة الآداب و العلوم الإنسانية
دورة—————ي 2010

التهرين الأول

- 1 حل في IR المعادلة : $(2x - 1)(-3x^2 + x + 2) = 0$

- 2 حل في IR المتراجحة : $-3x^2 + x + 2 < 0$

- 3 حل في IR^2 النقطة : $\begin{cases} 3x + 5y = -1 \\ x + 2y = 2 \end{cases}$

- 4 يبلغ ثمن طاولة 250 درهما و ثمن كرسي 80 درهما. زيد في ثمن الطاولة بنسبة 6% و خفض في ثمن الكرسي بنسبة 5% ما هو الثمن الجديد لكل من الطاولة و الكرسي

الجواب :

- 1 لنجعل في IR المعادلة : $(2x - 1)(-3x^2 + x + 2) = 0$

لدينا : $(2x - 1) = 0$ أ و $(-3x^2 + x + 2) = 0$ تكافئ $(2x - 1)(-3x^2 + x + 2) = 0$

لدينا $x = \frac{1}{2}$ تكافئ $2x = 1$ يعني أن $(2x - 1) = 0$

لنجعل في IR المعادلة : $(-3x^2 + x + 2) = 0$

$\Delta = b^2 - 4ac = (1)^2 - 4 \times (-3) \times 2 = 1 + 24 = 25 > 0$: مميز المعادلة هو : اثنان للمعادلة وللين مختلفين في IR هما :

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 - \sqrt{25}}{2 \times (-3)} = \frac{-1 - 5}{-6} = \frac{-6}{-6} = 1$$

و

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 + \sqrt{25}}{2 \times (-3)} = \frac{-1 + 5}{-6} = \frac{4}{-6} = \frac{-2}{3}$$

نستنتج أن : $S = \left\{ \frac{-2}{3}; \frac{1}{2}; 1 \right\}$

- 2 من خلال جوابنا على السؤال السابق، لثلاثية العدد $-3x^2 + x + 2$ - وفردين مختلفين في

IR هما : 1 و $\frac{-2}{3}$

- 3 بقول إشارة ثلاثية العدد $-3x^2 + x + 2$ هو :

x	$-\infty$	$-\frac{2}{3}$	1	$+\infty$
$-3x^2 + x + 2$	-	+	-	

الرياضيات	العادة	تصحيح الامتحان التجاري الموحد للسنة الأولى من سلسلة الباكلوريا شعبة الأداب و العلوم الإنسانية دورة ماي 2010	 المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية و التعليم العالي و التكوين الأدبي والبحث العلمي
1	المعامل		
ساعة و نصف	مدة الاجاز		
2/6	الصفحة		

نستنتج أن طول المترادفة $-3x^2 + x + 2 < 0$ يتحقق في المدى $]1; +\infty[$.

$$\left\{ \begin{array}{l} 3x + 5y = -1 \\ x + 2y = 2 \end{array} \right. \text{ في } IR^2 \text{ النقطة: } - 4$$

مقدمة في النظم الخطية :
 $D = \begin{vmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 3 \times 2 - 5 \times 1 = 6 - 5 = 1 \neq 0$:
 فإن النظمة حل وثيق هو الزوج (x, y)

$$D_x = \begin{vmatrix} -1 & 5 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = -1 \times 2 - 5 \times 2 = -2 - 10 = -12$$

9

$$D_y = \begin{vmatrix} 3 & -1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 3 \times 2 - (-1) \times 1 = 6 + 1 = 7$$

$$x = \frac{D_x}{D} = \frac{-12}{1} = -12$$

$$y = \frac{D_y}{D} = \frac{7}{1} = 7$$

$S = \{(-12,7)\}$: وبالتالي فنلول النظمة هي

- 5 - شعن الطالفة بعده زياوة : معا %6

$$250 \times \left(1 + \frac{6}{100}\right) = 250 \times \left(\frac{100}{100} + \frac{6}{100}\right)$$

$$= 250 \times \frac{106}{100} = 265 DH$$

٥% تخفيف بـ الكرسى من

$$80 \times \left(1 - \frac{5}{100}\right) = 80 \times \left(\frac{100}{100} - \frac{5}{100}\right)$$

$$= 80 \times \frac{95}{100} = 76 DH$$

التدريج الثاني

$$1 - \text{نعتبر المتالية } (U_n) \text{ المعرفة كالتالي: } \forall n \in IN \quad U_n = 2 + 3n$$

U_{31} و U_1 و U_0 : احسب - ١

ب - بين أن المقابلة (U_n) حسابية أساسها 3

$$S = 2 + 5 + 8 + \dots + 95 : \text{ احسب المجموع}$$



الرياضيات	الحادية
1	المعامل
ساعة و نصف	مدة الانجاز
3/6	الصفحة

تصحيح الامتحان التجاري الموحد
لسنة الأولى من سلك الباكالوريا
شعبة الآداب و العلوم الإنسانية
دورة—————ي 2010

- 2 - نعتبر المتالية (V_n) المعرفة كالتالي :

ا - احسب : V_{31} و V_1 و V_0

ب - بين أن المتالية (V_n) حسابية أساسها

ج احسب المجموع :

أجبوا:

$$\forall n \in IN \quad V_n = \frac{3^n}{2^n}$$

- 1

$$U_0 = 2 + 3 \times 0 = 2 + 0 = 2$$

$$U_1 = 2 + 3 \times 1 = 2 + 3 = 5$$

$$U_{31} = 2 + 3 \times 31 = 2 + 93 = 95$$

ب - لنبين أن المتالية (U_n) حسابية أساسها

$$\forall n \in IN \quad U_n = 2 + 3n \quad \text{لدينا}$$

$$U_{n+1} = 2 + 3(n+1) = 2 + 3n + 3 = U_n + 3 \quad \text{اذن :}$$

$r = 3$ وبالناتي (U_n) متالية حسابية أساسها

ج - لنحسب المجموع :

$$S = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_{31} \quad \text{نلاحظ أن}$$

S هو مجموع تتابع متالية حسابية

$$S = (n - p + 1) \frac{U_p + U_n}{2} = (31 - 0 + 1) \times \frac{2 + 95}{2} = 32 \times \frac{97}{2} = 16 \times 97 = 1552$$



الرياضيات	المادة
1	المعامل
ساعة و نصف	مدة الانجاز
4/6	الصفحة

تصحيح الامتحان التجاري الموحد
لسنة الأولى من سلك الباكالوريا
شعبة الآداب و العلوم الإنسانية
دورة—————ي 2010

$$\forall n \in IN \quad V_n = \frac{3^n}{2^n} \quad - 2$$

- 1

$$V_0 = \frac{3^0}{2^0} = \frac{1}{1} = 1$$

$$V_1 = \frac{3^1}{2^1} = \frac{3}{2}$$

$$V_5 = \frac{3^5}{2^5} = \frac{243}{32}$$

ب - لنبين أن المتتالية (U_n) هندسية أساساً

$$\forall n \in IN \quad V_n = \frac{3^n}{2^n} \quad \text{لدينا}$$

$$\forall n \in IN \quad V_{n+1} = \frac{3^{n+1}}{2^{n+1}} = \frac{3^n \times 3}{2^n \times 2} = \frac{3^n}{2^n} \times \frac{3}{2} = V_n \times \frac{3}{2} \quad \text{أون :}$$

وبالتالي (V_n) متتالية هندسية أساساً

$$S' = 1 + \frac{3}{2} + \frac{9}{4} + \dots + \frac{243}{32} : \text{نحسب المجموع}$$

$$S' = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_5 : \text{نلاحظ أن}$$

S' هو مجموع تالية هندسية

$$S' = V_p \times \frac{1-q^{(n-p+1)}}{1-q}$$

$$S' = V_0 \times \frac{1-\left(\frac{3}{2}\right)^{(5-0+1)}}{1-\frac{3}{2}} = 1 \times \frac{1-\left(\frac{3}{2}\right)^{(6)}}{\frac{2-3}{2-2}} = \frac{1-\left(\frac{3}{2}\right)^{(6)}}{-\frac{1}{2}} = -2 \left(1 - \left(\frac{3}{2}\right)^{(6)}\right)$$



الرياضيات	الحادية	تصحيح الامتحان التجاري الموحد لسنة الأولى من سلك الباكالوريا شعبة الآداب و العلوم الإنسانية دورة ٢٠١٠	
1	المعامل		
ساعة و نصف	مدة الاجاز		
5/6	الصفحة		

$$S' = -2 \left(1 - \left(\frac{3^6}{2^6} \right) \right) = -2 \left(1 - \frac{729}{64} \right) = -2 \times \frac{64 - 729}{64} = -2 \times \frac{-665}{64}$$

التحرير الثالث

1 - احسب C_4^2 و A_7^2

2 - نسحب تانيا كرتين من صندوق يحتوي على 6 كرات بيضاء و 4 كرات حمراء

أ - ما هو عدد السحبات الممكنة؟

ب - ما هو عدد السحبات التي تحصل فيها على كرتين من نفس اللون؟

ت - ما هو عدد السحبات التي تحصل فيها على كرتين مختلفي اللون؟

الجواب:

1 - لنحسب C_4^2 و A_7^2

$$A_7^2 = 7 \times 6 = 42$$

$$C_4^2 = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2! \times 2!} = \frac{4 \times 3}{2} = 6$$

أ - بما أننا نسحب تانيا كرتين من صندوق يحتوي على 6 كرات بيضاء و 4 كرات حمراء فإن عدد السحبات الممكنة هو تأليفه لـ من ترتيب من بين عشرة

$$\text{أدنى : عدد السحبات الممكنة هو : } C_{10}^2 = \frac{10!}{2!(10-2)!} = \frac{10 \times 9 \times 8!}{2! \times 8!} = \frac{90}{2} = 45$$

ب - عدد السحبات التي تحصل فيها على كرتين من نفس اللون

للحصول على كرتين من نفس اللون علينا سحب كرتين بيتضمن بين 6 أو كرتين معاوتيتين من بين 4

$$C_6^2 + C_4^2 = \frac{6!}{2!(6-2)!} + 6 = \frac{6 \times 5 \times 4!}{2 \times 4!} + 6 = \frac{30}{2} + 6 = 21: \text{ عدد السحبات الممكنة هو :}$$



الرياضيات	الحادية	تصحيح الامتحان التجاري الموحد لسنة الأولى من سلك الباكالوريا شعبة الآداب و العلوم الإنسانية دورة ٢٠١٠
1	المعامل	
ساعة و نصف	مدة الانجاز	
6/6	الصفحة	

ت - عدد السحبات التي نحصل فيها على كرتين مختلفتي اللون ؟

حساب عدد السحبات التي نحصل فيها على كرتين مختلفتي اللون يمكننا استعمال طرفيتين:

الطريقة الأولى:

للحصول على كرتين مختلفتي اللون علينا سحب كرة بيضاء من بين 6 و كرة حمراء من بين 4

$$\text{عدد السحبات الممكنة هو: } C_6^1 \times C_4^1 = 6 \times 4 = 24$$

الطريقة الثانية:

عند القيام بعملية السحب هناك إمكانية اثنان فقط: الحصول على نفس اللون (21 إمكانية) أو الحصول

على كرتين مختلفتي اللون. وعدد الإمكانات الإجمالي هو 45

$$\text{عدد السحبات الممكنة هو: } 45 - 21 = 24$$

التحرين الرابع

احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 3x + 7}{2x^2 + 1}$$

2

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (2x^3 - x + 7)$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2}$$

4

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 2 \\ x < 0}} \frac{x^2 + 4}{x - 2}$$

3

أجب واب:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} 2x^3 - x + 7 = \lim_{x \rightarrow -\infty} 2x^3 = 2 \times (-\infty) = -\infty . \quad 1$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 3x + 7}{2x^2 + 1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{2x^2} = \frac{1}{2} . \quad 2$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 2 \\ x < 0}} \frac{x^2 + 4}{x - 2} = \frac{2^2 + 4}{2 - 2} = \frac{8}{0^-} = -\infty . \quad 3$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = \frac{2^2 - 4}{2 - 2} = \frac{4 - 4}{2 - 2} = \frac{0}{0} \quad (\text{شكل غير محدد}) . \quad 4$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2^2}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x+2)}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2} x + 2 = 2 + 2 = 4$$

من إنجاز : ذ فؤاد نفيس